

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

A MIS PADRES Y HERMANOS.

EUGENIO

A LA MEMORIA DE MI PADRE  
Y PARA ALEGRIA DE MI MADRE,  
ESPOSA E HIJOS.

AURELIO

• ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

---

AGRADECemos A NUESTROS PROFESORES  
LAS ENSEÑANZAS IMPARTIDAS

**TESIS DE GRADO**  
PROMOCION 1966

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERIA**  
**FACULTAD DE INGENIERIA CIVIL**

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

---

**T O M O I**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

I N D I C E      T O M O I

INDICE DE PLANOS	1
INTRODUCCION	2
CAPITULO I      ESTRUCTURACION	8
CAPITULO II      DIMENSIONAMIENTO PREVIO	12
- Aligerados	13
- Vigas	13
- Placas	21
- Columnas	21
CAPITULO III      METRADO DE CARGAS	22
- Aligerados	23
- Vigas	26
- Columnas (incluye dimensionamiento)	34
CAPITULO IV      DISEÑO DE ALIGERADOS	37
- Azotea	38
- Planta típica	57
- Planta baja	109
- Sótano	119

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

---

CAPITULO V	<b>ANALISIS SISMICO</b>	150
-	- Fuerza horizontal	153
-	- Distribucion de la fuerza horizontal	159
-	- Rigidideces relativas	161
-	- Valores "D" en columnas	168
-	- Valores "D" en placas (como cantiliver)	175
-	- Interaccion entre muros y marcos	206
-	- Correccion por rotacion	240
-	- Puntos de inflexion	274
-	- Cortes y momentos en Vigas y columnas	277
-	- Cargas axiales	286
CAPITULO VI	<b>MOMENTOS POR CARGAS GRAVITACIONALES</b>	289
-	- Metodo de Kani	290
-	- Portico 5	295
-	- Portico 6	296
-	- Portico B	296
-	- Cargas porticos 5 , 6 y B	299

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

1

INDICE DE PLANOS

ELEVACION FRONTAL	01
ELEVACION LATERAL	02
PLANTA TIPICA	03
PLANTA BAJA	04
SOTANO	05
CORTE AB	06
CORTE CD	07
METRADO DE CARGAS DE LA AZOTEA	08
METRADO DE CARGAS DEL PISO TIPICO	09
METRADO DE CARGAS DE LA PLANTA BAJA	10
METRADO DE CARGAS DEL SOTANO	11
METRADO DE CARGAS Y DIMENSIONAMIENTO DE COLUMNAS	12
METRADO DE CARGAS Y DIMENSIONAMIENTO DE COLUMNAS ( Cont. )	13
ENVOLVENTES ALIGERADOS AZOTEA ( A <sub>1</sub> A <sub>2</sub> A <sub>3</sub> A <sub>4</sub> A <sub>5</sub> )	14
ENVOLVENTES ALIGERADOS P. TIPICO ( T <sub>1</sub> T <sub>2</sub> T <sub>3</sub> T <sub>4</sub> )	15
ENVOLVENTES ALIGERADOS P. TIPICO ( T <sub>5</sub> T <sub>6</sub> T <sub>7</sub> T <sub>8</sub> T <sub>10</sub> )	16
ENVOLVENTES ALIGERADOS P. TIPICO y P. BAJA ( T <sub>11</sub> T <sub>12</sub> PB <sub>1</sub> PB <sub>2</sub> )	17
ENVOLVENTES ALIGERADOS SOTANO ( S <sub>1</sub> S <sub>2</sub> S <sub>3</sub> )	18
ENVOLVENTES ALIGERADOS SOTANO ( S <sub>4</sub> S <sub>5</sub> S <sub>6</sub> S <sub>7</sub> S <sub>8</sub> S <sub>9</sub> )	19
ENVOLVENTES ALIGERADOS SOTANO ( S <sub>10</sub> S <sub>11</sub> S <sub>13</sub> )	20
ALIGERADOS DE LA AZOTEA y PLANTA TIPICA	21
ALIGERADOS DE LA PLANTA BAJA y SOTANO	22
KANI PORTICO 5 ( 1 2 3 4 5 )	23
KANI PORTICO 6 ( 1 2 )	24
KANI PORTICO 6 ( 3 4 )	25
KANI PORTICO 6 ( 5 6 )	26
KANI PORTICO 6 ( 7 8 )	27
KANI PORTICO B	28
ENVOLVENTES DE MOMENTOS PORTICO 5 ( parciales y generales )	29
ENVOLVENTES DE MOMENTOS PORTICO 6 ( parciales )	30
ENVOLVENTES DE MOMENTOS PORTICO 6 ( generales )	31
ENVOLVENTES DE MOMENTOS PORTICO B ( parciales )	32
ENVOLVENTES DE MOMENTOS PORTICO B ( generales )	33
ENVOLVENTES DE CORTE PORTICO 5 ( parciales y generales )	34
ENVOLVENTES DE CORTE PORTICO 6 ( parciales )	35
ENVOLVENTES DE CORTE PORTICO 6 ( generales )	36
ENVOLVENTES DE CORTE PORTICO B ( parciales )	37
ENVOLVENTES DE CORTE PORTICO B ( generales )	38
VIGAS PORTICOS 5 y 6	39
CORTES DE VIGAS PORTICOS 5 y 6	40
VIGAS PORTICO B	41
COLUMNAS 5B y 6B	42
ZAPATAS-MURO-TANQUE-CISTERNA-ESCALERA-ASCENSZR	43

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

**I N T R O D U C C I O N**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

INTRODUCCION .-

La presente tesis para optar nuestro grado profesional es el diseño antísmico de un edificio de concreto armado cuyas elevaciones frontal y lateral se encuentran en los planos N°s 01 y 02 respectivamente.

Este edificio esta destinado a vivienda y consta de siete plantas típicas con cuatro departamentos cada una , la planta baja con seis departamentos y sótano en dos niveles destinado a estacionamiento de carros. Las plantas típicas, planta baja y sótano se encuentran en los planos N°s 03, 04 y 05 respectivamente.

Se presentan dos cortes nominados A-B y C-D en los planos N°s 06 y 07 respectivamente.

El proyecto arquitectónico original pertenece al arquitecto J. García Baudouin.

El objetivo al realizar la presente tesis es hacer una presentación clara y esquemática de los temas o acápite del análisis de una estructura de tal manera que sirva como orientación a los estudiantes que se están iniciando en el cálculo de estructuras; así, hemos tratado temas en forma precisa en su cálculo para su mejor visualización de tal manera que el lector pueda efectuar las simplificaciones prácticas de acuerdo a su criterio en el análisis de estructuras.

A sido nuestro propósito el tratar de abarcar la mayor cantidad de temas dentro del análisis de una estructura y de esta manera dar una idea general de las situaciones que se presentan en el análisis de una estructura.

En general el procedimiento de verificaciones o de diseño se ha efectuado de acuerdo al reglamento ACI 318 - 63 que es el usado en nuestro medio. Para el análisis sísmico hemos considerado las Normas Peruanas de Diseño Antísmico y el método utilizado es el del profesor K. Muto.

En forma suscinta trataremos a continuación los temas que se han desarrollado en la presente memoria acompañada de 43 láminas.

1.- Estructuración .-

Donde se expone como se sustenta la estructura y en general los conceptos que se han seguido para las diversas ubicaciones de vigas y columnas, así como tambien las juntas que han sido necesarias tener en cuenta.

Tambien se expone como van a funcionar diversas partes de la estructura.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

**2.- Dimensionamiento previo .-**

En este capítulo se ha efectuado el dimensionamiento previo del aligerado y de las vigas utilizando fórmulas empíricas tanto para el peralte como para el ancho, teniendo en consideración para esto: Los planos arquitectónicos y las generalizaciones a adoptar para facilitar la labor constructiva.

En este capítulo tambien se ha incluido el dimensionamiento previo y metrado de placas.

**3.- Metrado de cargas .-**

En este acápito se han metrado las cargas que recibe el aligerado; a continuación se han metrado las cargas que reciben las vigas en forma detallada considerando todos los elementos incidentes en cada una de las vigas del edificio, esto se ha hecho mediante tablas de fácil comprensión dandonos una idea de la influencia de los diversos elementos incidentes en lo que a carga se refiere.

En el metrado de cargas en las vigas se ha efectuado un análisis de las cargas concentradas debidas a los muros.

El metrado de cargas de columnas y su dimensionamiento previo, se ha realizado mediante tablas de uso práctico y muy fáciles de comprender, permitiendonos ir metrando y dimensionando las columnas de la parte superior a la inferior. Se ha utilizado correcciones empíricas por momento.

**4.- Aligerados .-**

Se han diseñado los aligerados de la azotea, planta típica, planta baja y sótano. El cálculo de los momentos se ha efectuado utilizando el método de Cross, método de los coeficientes y método simple, según los casos. Los cortes se han calculado en todos los paños de los diversos niveles grafizando las envolventes de cortes y de momentos para luego proceder a diseñar verificando el corte, verificando la sección, verificando el momento máximo, calculando el área de acero por flexión, acero mínimo, comprobación de la deflexión, verificando la adherencia y largo de desarrollo del acero y por último procediendo a la colocación del acero.

**5.- Análisis sísmico .-**

El análisis sísmico se ha realizado siguiendo las Normas Peruanas de Diseño Antisísmico y utilizando el método Muto.

Se ha procedido ha efectuar el cálculo de la fuerza horizontal y su distribución en altura. Luego calculamos las rigideces relativas de columnas, placas y vigas y las presentamos en los res

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

pectivos pórticos para una mejor visualización y facilidad en el cálculo de las "D".

Posteriormente procedimos a calcular los valores "D" en columnas y el valor D en las placas considerandolas como voladizos(varias iteraciones) se presentan las plantas de todos los niveles con los valores "D" hallados y las dimensiones de las vigas y elementos resistentes para que el lector pueda tener una idea de la variación de los valores "D". Luego presentamos la interacción de la placa del ascensor con el marco del eje 5 donde efectuamos cuatro interacciones exponiendo una variante en el método con buenos resultados. con estas interacciones obtuvimos los cortes y momentos en la placa del ascensor y en las vigas y columnas del portico 5.

Luego procedemos a hallar el cálculo de ( $\alpha$ ) que podemos llamar corrector por rotacion, enseguida ubicamos los puntos de inflexión de las columnas y con estos datos procedimos a calcular los cortes y momentos en columnas y vigas de los pórticos 6 y B para luego calcular las cargas axiales en las columnas de los pórticos 5 , 6 y B con lo que queda definida la influencia de la fuerza sismica en dichos pórticos.

En todos los cálculos que han sido necesarios realizar se han efectuado explicaciones teóricas y deducciones de fórmulas, para mejor comprensión del lector.

#### 6.-Momentos por cargas gravitacionales.-

Se ha calculado los momentos en vigas y columnas de los pórticos 5, 6 y B mediante el método de Kani del que se presenta una explicacion. Se considera combinaciones de cargas prácticas para el cálculo de los momentos de tal forma que se obtiene los momentos negativos en las vigas y los momentos correspondientes a la máxima carga en columnas con una combinación, .... otra combinación se obtiene los momentos positivos en vigas.

Se presentan las cargas muerta y vivas en los pórticos 5, 6 y B para una mejor visualización y se efectua el cálculo de la carga uniformemente distribuida equivalente a la carga real distribuida no uniforme en el tramo C D del pórtico 6

#### 7.-Momentos , cortes últimos y las envolventes respectivas .-

Con los momentos calculados en el análisis sismico y los momentos por cargas gravitacionales de los pórticos 5, 6 y B calculamos los momentos últimos en vigas de acuerdo a las combinaciones que recomienda el reglamento ACI 318-63. Estos cálculos se presentan en forma tabulada de manera que se puede apreciar la influencia de la carga muerta, carga viva y sismo en las cargas últimas. Luego se

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

procede a graficar las envolventes de momentos de las que hacemos una detallada explicación.

Calculamos los cortes por cargas gravitacionales en las vigas a los que agregamos los cortes por sismo segun los casos de corte ultimo que estemos calculando, posteriormente graficamos las envolventes de cortes de los pórticos 5, 6 y B.

Para el cálculo de los cortes últimos presentamos una tabulación que resulta bastante práctica y ayuda a la visualización del lector, luego en este mismo acápite calculamos los cortes ultimos en las columnas 5B y 6B.

#### 8.-Diseño de vigas .-

Se han diseñado las vigas de los pórticos 5, 6 y B utilizando el método a la rotura, habiendo desarrollado los siguientes items: Verificación del momento máximo, Control de deflexión y su cálculo cuando ha sido necesario ( 5 V 5 (B - C)), cálculo del acero por flexión por iteración - entrando con las formulas ya desarrolladas para mayor facilidad, acero minimo por flexión, análisis del corte control del corte máximo, corte que toma el concreto, espaciamiento de estribos, control de adherencia - donde se presentan varios métodos para el control de la adherencia, largo de desarrollo o anclaje y colocación del refuerzo calculado.

En el pórtico B viga PB V B (3 - 5) se presenta un diseño por flexión con acero en compresión

#### 9.-Diseño de columnas .-

Hemos diseñado por el método a la rotura las columnas 5B y 6B por la solicitud de flexocompresión biaxial. Para la verificación biaxial hemos utilizado la fórmula del profesor Bresler. Se ha considerado varias combinaciones de carga de tal manera de lograr el diseño que corresponda a la solicitud más desfavorable ya sea por mayor exentricidad o por mayor carga. Hemos considerado las correcciones por esbeltez que indica el reglamento ACI. Tambien se han diseñado estas columnas por la solicitud de corte considerando el refuerzo en el alma que sea necesario.

#### 10.-Diseño de zapatas y muros de sostenimiento.-

Presentamos el diseño de la zapata combinada para las columnas 6B y 6 B<sub>1</sub>, efectuando los diagramas de momento y corte , las comprobaciones por tracción diagonal, punzonamiento, aplastamiento, adherencia, largo de desarrollo y el cálculo de las areas de acero y su colocación. Igualmente se ha diseñado la zapata para la columna 4E, que es una zapata aislada.

Exponemos el diseño del muro de sostenimiento que rodea el sótano .

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

consideramos dos tipos de sujeción para calcular los máximos momentos positivos y negativos, con los que diseñamos las áreas de acero correspondientes. Se ha verificado el cortante y se ha diseñado la cimentación.

**11.-Diseño del tanque elevado y cisterna.-**

Se ha diseñado el tanque elevado y la cisterna con losas armadas en dos sentidos utilizando diversas combinaciones de cargas y apoyos con el fin de obtener los momentos máximos. Hemos verificado el corte, la adherencia y el largo de desarrollo.

**12.-Diseño de la escalera.-**

La escalera ha sido diseñada considerandola empotrada en las placas de los ejes D y D', de esta manera se han calculado los momentos y cortes correspondientes con lo que ha sido posible obtener las áreas de acero por flexión y efectuar las verificaciones de corte, adherencia, largo de desarrollo y colocar el acero por temperatura. Los descansos son losas de concreto que tambien han sido diseñadas, asi como la viga circular que rodea el descanso y que esta empotrada en las placas de los ejes D y D'; en el diseño de esta viga se ha considerado la torsión.

**13.-Diseño de la placa del ascensor.-**

La placa del ascensor ha sido diseñada por la solicitud de flexocompresión en dos sentidos ( biaxial); el método utilizado es de tanteos con el fin de ubicar la posición del eje neutro, se han realizado seis tanteos hasta obtener la aproximación deseada; luego se verificó las cargas solicitantes con las cargas resistentes.

**14.-Diseño de mezclas.-**

Se han diseñado siete diferentes clases de mezclas de acuerdo a la calidad del concreto ( $f_c'$ ), tamaño de la piedra, condición de la estructura, etc

**15.-Apendice.-**

Se presenta un apendice en el que se ha realizado dos estudios de vigas sobre vigas resolviendo la hiperestaticidad y por lo tanto encontrando las cargas, momentos flectores y momentos torsores. Para la solución se ha utilizado el cálculo de deflexiones considerando que estas deben ser iguales en un mismo punto. En el segundo sistema de vigas sobre vigas se ha empleado un método iterativo hasta obtener la aproximación deseada.

En todos los cálculos realizadas se presentan exposiciones teóricas con deducciones de formulas para mejor orientación del lector.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

8

**C A P I T U L O I**

**E S T R U C T U R A C I O N**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

ESTRUCTURACION .-

El edificio esta compuesto por siete plantas típicas, planta baja, y sótano en dos niveles. El terreno sobre el que se ha proyectado la estructura tiene una pendiente natural que ha sido aprovechada por el arquitecto, razón por la cual el sótano tiene dos niveles.

El ingreso al sótano es por la parte frontal, por medio de una rampa, igualmente se ha utilizado rampas en los cambios de nivel del sótano. Sobre parte del aligerado del sótano descansa el jardín exterior, el que tiene distintas profundidades debido al desnivel del terreno antes mencionado.

El ingreso al edificio es por las partes laterales por medio de escaleras que llevan del nivel de la acera al nivel de la planta baja.

Este edificio es una estructura aporticada que como su nombre lo indica esta constituida por pórticos. Los pórticos están orientados en dos sentidos y tomamos en general que los pórticos que estan sobre los ejes nominados por números son los pórticos principales, es decir aquellos que por medio de sus vigas soportaran el peso de los aligerados y por ende las cargas que estos soportan; los pórticos que estan sobre los ejes nominados por letras son los pórticos de arriostre que tal como su nombre lo indica son los que arriostran la estructura

Para los techos se ha considerado aligerados armados en un sentido que son los más usados en muestro medio por resultarnos más económico. Tambien es necesario hacer notar que los paños son rectangulares y en este caso es preferible usar aligerados armados en un sentido, por lo expuesto. El sentido de los aligerados esta dado por la dirección de las viguetas e indica donde se van a apoyar estas; hemos procurado mantener continuidad en la estructura, es decir mantener un mismo sentido del aligerado, este sentido debe ser tal que las luces sean las menores, razón por la que se han tomado los pórticos que estan sobre los ejes nominados por números como pórticos principales.

En el techado de la azotea ha sido necesario colocar vigas no mostradas en los planos arquitectónicos originales siendo necesarias para el techado. Estas vigas se pueden apreciar en las plantas de los aligerados de la azotea, planta típica, planta baja y sótano, estas vigas son: V 3 (C - C') , V C'(3 - 5) , V 4 (C - D) en esta zona se ha conservado la continuidad del aligerado; tambien se ha colocado la viga V C"(6 - 7), tambien llamada V 6 (C + 2.20) - 7 (C + 2.20) , en esta zona ha sido preciso cambiar el sentido del aligerado.

En el sótano y en la planta baja ha sido necesario prescindir de la columna que en los planos arquitectónicos originales se encontra-

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

10

ba en el eje 8 entre los ejes D y D', la que ha sido reemplazada por las columnas 8D y 8D' para una mejor estructuración.

Tambien se ha considerado prudente colocar las vigas SVA'(1 - 3) y SVB"(1 - 3) por ser las luces y cargas grandes en estos paños.

En una primera estructuración se consideró en el sótano sobre el eje B columnas que soportaban vigas en dos niveles; un nivel de vigas perteneciente al jardín y el otro al aligerado del sótano tal como indicaban los planos arquitectónicos, de tal manera estas columnas del sótano quedaban divididas en dos, lo que producía una gran rigidización que se hacia evidente en la parte corta de esta división . Al efectuar el análisis sísmico se encontró que en especial la columna 5 B que está conectada por medio de una viga a la placa del ascensor resultaba doblemente rigidizada y por lo tanto tomaba gran parte del corte del sótano, resultando ser un elemento muy crítico; por esta razón tuvimos que efectuar una nueva estructuración separando la zona del jardín de la estructura total y de esta manera evitamos la rigidización excesiva de las columnas del eje B; para esto colocamos columnas que sopotarian el peso del jardín las que se situaron en el eje B<sub>1</sub> como se puede ver en el plano N05 . Igual problema se presentaba en la planta baja ( columna 6 C ) que resultaba dividida por las vigas PB V 6 (B - C) y PB V 6 (C - D) que tienen dos niveles diferentes, para evitar la rigidización de esta columna peraltamos hacia arriba la viga PB V 6 (C - D). También idéntico problema se presento en las columnas 3B y 3C en el sótano para lo que fue necesario colocar la viga S V 3 (B - C) peraltada de tal manera que el desnivel del sótano no produzca la división de las columnas mencionadas. La viga S V 2'(C - D) se ha colocado para soportar la escalera de ingreso al edificio. Las vigas del pórtico 5 se consideran perfectamente empotradas en la placa del ascensor dada la menor diferencia de rigideces.

La estructura es simétrica en un sentido teniendo como único eje de simetria el eje 8, lo que es importante para el efecto de rotación a aplicar a la estructura fuerzas horizontales.

La estructura tiene dos placas de ascensores simétricas con respecto al eje citado; igualmente tiene cuatro placas que soportan la escalera ( ejes D y D'), las que son simétricas dos a dos con respecto al eje 8 . Estas placas estan orientadas de tal manera que su mayor rigidez esta en el sentido de los pórticos secundarios ( pórticos nombrados por letras )al contrario que la orientación de las columnas cuya mayor rigidez esta en el sentido de los ejes principales.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

Para el efecto de las fuerzas horizontales tenemos elementos resistentes en dos direcciones . En la dirección de los ejes principales tenemos las columnas , cuya mayor rigidez es en ese sentido y las placas de los ascensores y en la dirección de los ejes secundarios tenemos las columnas, las placas de los ascensores y las placas de las escaleras las que estan orientadas en ese sentido.

Las escaleras de comunicación interna se han estructurado de tal manera que funciona empotrada en las placas paralelas que se encuentran sobre los ejes D y D'. Los descansos de estas escaleras son circulares y estan sostenidos por una viga circular que bordea al descanso la que esta empotrada en los extremos de ambas placas.

El tanque elevado para agua esta ubicado en las columnas 7B, 7C, 8B , 8C y estará constituido por losas armadas en dos sentidos; por ser las luces de apoyo considerables sera necesario verificar el comportamiento de las paredes como vigas.

La cisterna será ubicada en el sotano, sus paredes coinciden con los ejes 2, 4, E y F. Estas serán losas armadas en dos sentidos,al igual que el fono y la tapa de esta; es necesario tener presente la sobrecarga de 1000 kg/m<sup>2</sup> ya que el sótano es lugar para estacionamiento de carros.

Las casetas de máquinas de los ascensores estarán ubicadas en la parte superior de las placas de los ascensores.

La placa del ascensor se considera que funciona como un todo y no en placas separadas como se acostumbra a considerar.

La cimentación será por medio de zapatas aisladas o combinadas según los casos.

Para una mejor visualizacion de la estructuración deben verse los planos 01, 02, 03, 04, 05, 06 y 07 que corresponden respectivamente a : Elevación frontal, elevación lateral, planta típica, planta baja, planta del sótano, corte AB y corte CD.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

12

C A P I T U L O II

D I M E N S I O N A M I E N T O P R E V I C

- Aligerados	13
- Vigas	13
- Placas	21
- Columnas	21

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

13

### DIMENSIONAMIENTO PREVIO

#### DIMENSIONAMIENTO PREVIO DE ALIGERADOS .-

Espesor o altura total aproximada .....

$$t = \frac{1'}{25}$$

$$l' = 0.95 L$$

L = Luz mayor en el sentido a techar , tomada entre ejes de pórticos.

#### Aligerado del PISO TIPICO .-

$$L = 5.35 \text{ m.} (\text{Luz entre ejes 2 y 4})$$

$$\text{Luego: ..... } t = \frac{0.95 \times 5.35}{25} = 0.204 \text{ m.}$$

Por consideraciones prácticas y arquitectónicas aproximamos de 0.204 m. a 0.25 m. el valor de ( t ) . Además generalizamos éste valor para la AZCTEA y la PLANTA BAJA , a la AZCTEA por tener luces iguales al PISO TIPICO y a la PLANTÁ BAJA por tener luces similares.

#### Aligerado del SOTANO .-

$$L = 5.80 \text{ m.} (\text{Luz entre ejes C y D}).$$

$$\text{Luego..... } t = \frac{0.95 \times 5.80}{25} = 0.2204 \text{ m.}$$

Considerando que el aligerado del SOTANO tiene una sobrecarga considerable ( 400 kg / m<sup>2</sup> ) , y que no se altera la arquitectura tomaremos un t = 0.30 m.

#### DIMENSIONAMIENTO PREVIO DE VIGAS .-

Para el dimesionamiento previo o'cálculo previo del peralte ( h ) y del ancho de la viga ( b ) , utilizaremos el siguiente criterio - práctico .....

$$\text{Peralte } h = \frac{L}{11}$$

..... h = Altura total de la viga.

L = Luz entre ejes .

$$\text{Ancho... } b = \frac{B}{20}$$

..... b = Ancho de la viga.

B = Ancho de influencia de la viga , que en caso de vigas exteriores se incrementará en un 20 % .

Para conservar el módulo resistente de las vigas utilizaremos la siguiente formula : .....

$$b_0 h_0^2 = b_1 h_1^2$$

ARANA MENDOÇILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

14

Nomenclatura a usar :.....

Tomaremos un ejemplo en la viga del piso típico, que está en el eje 3 y que está limitada por los ejes B' y B.

T V 3 ( B' - B ) .... T - Piso ó nivel en que se encuentra la viga en este caso Piso Típico.

V - Viga

3 - Eje en que se encuentra la viga.

( B' - B ) - Longitud que abarca la viga ; en este caso desde el eje B' hasta el eje B.

Vigas del PISO TÍPICO .- Analizaremos primeramente las vigas principales y dentro de ellas en primer término, las arquitectónicamente dimensionadas y comprobar si dichas dimensiones son favorables.

T V 3 ( B' - B ) ; T V 7 ( B' - B ) .-

$$h_o = \frac{155}{11} = 14.1$$

$$b_o = 1.2 \frac{400/2}{20} = 12$$

Por arquitectura :  $h_1 = 70$

$$h_1 = 70$$

$$b_1 = \frac{b_o h_o^2}{h_1^2} = \frac{12 \times 14.1^2}{70^2} = 4.8$$

Por arquitectura tomamos :

$b_1 = 20 \text{ cm.}$
$h_1 = 70 \text{ cm.}$

favorablemente ya que :  $20 > 4.8$

T V 4 ( C' - D ) .- ( viga chata )

$$h_o = \frac{425}{11} = 38.6$$

$$b_o = 1.2 \frac{135 + 535/2}{20} = 24.12$$

Por arquitectura :  $h_1 = 25$

$$h_1 = 25$$

$$b_1 = \frac{24.12 \times 38.6^2}{25^2} = 57.2$$

Teniendo en cuenta que en vigas chatas .....  $b_1 \neq 4 \text{ t}$

$$b_1 \neq 4 \times 25$$

$$b_1 = 100$$

$b_1 = 100 \text{ cm.}$
$h_1 = 25 \text{ cm.}$

Por arquitectura tomamos :

T V 6 ( D - D' ) .-

$$h_o = \frac{240}{11} = 21.8$$

$$b_o = \frac{535/2 + 300}{20} = 28.2$$

Por arquitectura y seguridad sismológica tomamos :

$b_1 = 30 \text{ cm.}$
$h_1 = 45 \text{ cm.}$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Para las demás vigas los planos de Arquitectura nos dan :

$$\boxed{b = 40 \text{ cm.}} \\ h = 70 \text{ cm.}$$

Tomaremos la más desfavorable de estas, la analizaremos y si las dimensiones de 40 y 70 están bien dadas, podremos uniformizar las demás vigas, que siendo menos exigidas al momento de diseñar la cuantía real de estas sea pequeña, que sería lo mejor e ideal ya que en nuestro medio es menos costoso el concreto que el acero; teniendo así un mejor diseño con la mejor economía.

T V 4 ( E - D ) .- ( viga de mayor longitud y con mayor ancho de influencia)

$$h_o = \frac{-755}{11} = 68.5$$

$$b_o = \frac{(535 + 535)/2}{20} = 26.7$$

Por Arquitectura .....  $b_1 = 40$

$$h_1 = \sqrt{\frac{26.7 \times 68.5^2}{40}} = 56 \quad b_1 = 40$$

Luego podremos tomar las dimensiones Arquitectónicas por que  $70 > 56$

$$\boxed{b_1 = 40 \text{ cm.}} \\ h_1 = 70 \text{ cm.}$$

Estas dimensiones serán tambien entonces para las siguientes vigas :

T V 2 ( D - E )

T V 4 ( E - F )

T V 6 ( B - C )

T V 6 [ (C+3.80) - D ]

T V 7 ( B - C )

T V 8 ( B - C )

T V 2 ( E - F )

T V 5 ( B' - B )

T V 6 ( C - C' )

T V 6 ( D' - E )

T V 7 ( C - C' )

T V 8 ( C' - C" ) .

T V 3 ( B - C )

T V 6 ( B' - B )

T V 6 [ C' - (C+3.80) ]

T V 6 ( E - F )

T V 7 ( C' - C" )

Para el dimensionamiento de las vigas secundarias tomaremos las mismas consideraciones que para las vigas principales, expuesto anteriormente. Así tenemos :

T V E' ( 3 - 5 ) .-

$$h_o = \frac{400}{11} = 36.2$$

$$b_o = 1.2 \times \frac{145}{20} = 8.62$$

Por Arquitectura tomamos :

$$\boxed{b_1 = 15 \text{ cm.}} \\ h_1 = 70 \text{ cm.}$$

Generalizando a estas dimensiones las dimensiones de las vigas:

T V E' ( 5 - 6 ) y T V E' ( 6 - 7 ) .

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

16

T V B ( 3 - 5 ) .- (Viga chata  $b_1 \neq 4 t$ )

$$h_o = \frac{400}{11} = 36.2$$

$$b_o = \frac{155 + 690/2}{20} = 25$$

Por Arquitectura ....  $h_1 = 25$

$$h_1 = 25$$

$$b_1 = \frac{25 \times 36.2^2}{25} = 52.4$$

Tomaremos :

$b_1 = 60 \text{ cm.}$
$h_1 = 25 \text{ cm.}$

Generalizando a estas dimensiones las dimensiones de las siguientes vigas :

T V B ( 5 - 6 ) ; T V B ( 6 - 7 ) y T V B ( 7 - 8 ).

T V C ( 3 - 5 ) .- (Viga chata .  $b_1 \neq 4 t$  ).

$$h_o = \frac{400}{11} = 36.2$$

$$b_o = \frac{(580 + 690)/2}{20} = 31.8$$

Por Arquitectura ....  $h_1 = 25$

$$h_1 = 25$$

$$b_1 = \frac{31.8 \times 36.2^2}{25} = 67$$

Tomaremos ....

$b_1 = 70 \text{ cm.}$
$h_1 = 25 \text{ cm.}$

Generalizando a estas dimensiones , las dimensiones de las siguientes vigas :

T V C ( 6' - 6 ) ; T V C ( 6 - 7 ) y T V C ( 7 - 8 ).

T V C' ( 3 - 4 ) .-

$$h_o = \frac{265}{11} = 24.1$$

$$b_o = \frac{(225 + 425)/2}{20} = 14.5$$

Tomaremos .....

$b_1 = 20 \text{ cm.}$
$h_1 = 70 \text{ cm.}$

Generalizando la viga : T V C' ( 4 - 5 ) .

T V [ 6 ( c+2.20 ) - 7 ( c+2.20 ) ] .-

$$h_o = \frac{400}{11} = 36.2$$

$$b_o = 1.2 \times \frac{160 + 220/2}{20} = 8.10$$

Por Arquitectura ....  $h_1 = 25$

$$h_1 = 25$$

: Tomaremos ..

$b_1 = 70 \text{ cm.}$
$h_1 = 25 \text{ cm.}$

$$b_1 = \frac{8.1 \times 36.2^2}{25} = 17$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

T V D ( 2 - 4 ) .-

$$h_o = \frac{535}{11} = 48.6 \quad b_o = 1.2 \frac{(755 + 425)/2}{20} = 35.4$$

Por Arquitectura .....(Placa)  $b_1 = 30$  cm.

Tomaremos .....

$b_1 = 30$ cm.
$h_1 = 70$ cm.

Generalizamos la viga : T V D ( 4 - 6 ) .

T V E ( 2 - 4 ) .-

$$h_o = \frac{535}{11} = 48.6 \quad b_o = \frac{(755 + 360)/2}{20} = 28$$

Tomaremos .....

$b_1 = 40$ cm.
$h_1 = 70$ cm.

Generalizamos a la viga : T V E ( 4 - 6 ) .

T V F ( 2 - 4 ) .- ( Viga chata .  $b_1 \neq 4 t$  ).

$$h_o = \frac{535}{11} = 48.5 \quad b_o = 1.2 \frac{360/2}{20} = 10.8$$

Por Arquitectura .....  $h_1 = 25$

$$h_1 = 25 \quad b_1 = \frac{10.8 \times 48.5^2}{25^2} = 40.5$$

Tomaremos :.....

$b_1 = 50$ cm.
$h_1 = 25$ cm.

Generalizamos a la viga T V F ( 4 - 6 ) .

Vigas de la AZOTEA .- Considerando que la sobrecarga para este nivel es menor ( $125 \text{ Kg/m}^2$ ) que la considerada en el PISO TIPICO ( $200 \text{ Kg/m}^2$ ), además la no existencia de tabiquería . Consideraremos  $b = 30$  cm. y  $h = 60$  cm. para las vigas correspondientes a las de  $b = 40$  cm. y  $h = 70$  cm. en el Piso Típico permaneciendo las demás vigas con dimensiones similares a las del Piso Típico .

Vigas de la PLANTA BAJA .- Las vigas de la Planta Baja serán de las mismas dimensiones a sus similares del piso típico , exceptuando las siguientes :

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

18

Vigas de la PLANTA BAJA , que son diferentes a sus correspondientes del PISO TIPICO .

P.B. V 6 ( C - D ) .-

$$h_o = \frac{580}{11} = 53$$

$$b_o = \frac{(535 + 800)/2}{20} = 33.4$$

Por Arquitectura .....  $h_1 = 95$

Tomaremos .....

$b_1 = 40$ cm.
$h_1 = 95$ cm.

De igual manera , por Arquitectura tomaremos estas dimensiones para la viga : V 8 ( C - D ) .

P.B. 8 ( D' - E ) .-

$$h_o = \frac{580}{11} = 53$$

$$b_o = \frac{(800 + 800)/2}{20} = 23$$

Por Arquitectura .....  $h_1 = 70$

$$h_1 = 70 \quad b_1 = \frac{40 \times 53^2}{70^2} = 23$$

Tomaremos .....

$b_1 = 40$ cm.
$h_1 = 70$ cm.

Asimilaremos a estas dimensiones a la viga : P.B. V 8 ( D' - D' )

P.B. D ( 7' - 8 ) .-

$$h_o = \frac{480}{11} = 43.6$$

$$b_o = 1.2 \times \frac{240/2}{20} = 7.2$$

Tomaremos .....

$b_1 = 30$ cm.
$h_1 = 60$ cm.

P.B. V E ( 6 - 8 ) .-

$$h_o = \frac{800}{11} = 72.8$$

$$b_o = 1.2 \times \frac{530/2}{20} = 13.9$$

Para  $h_1 = 70$

$$b_1 = \frac{15.9 \times 72.8^2}{70} = 16.2$$

Tomaremos ..

$b_1 = 30$ cm.
$h_1 = 70$ cm.

Vigas del SOTANO .- Las vigas del Sotano serán iguales a las de la PLANTA BAJA ( Primer piso ) , exceptuando las vigas que damos a continuación ...

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

19

S V 2' ( C - D ) .- ( Viga chata  $b_1 \neq 4 t$ ,  $t = 30$  )

$$h_o = \frac{580}{11} = 53$$

$$b_o = \frac{(425 + 365)/2}{20} = 19.9$$

$$h_1 = 30$$

$$b_1 = \frac{19.9 \times 53^2}{30^2} = 62$$

Tomaremos .....

$$b_1 = 70 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 30 \text{ cm.}$$

S V 3 ( A - B<sub>1</sub> ) .-

$$h_o = \frac{595}{11} = 54$$

$$b_o = \frac{(625 + 400)/2}{20} = 25.7$$

Tomaremos por Arquitectura .....

$$b_1 = 25 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 90 \text{ cm.}$$

S V 3 ( B - C ) .-

$$h_o = \frac{690}{11} = 63$$

$$b_o = \frac{(625 + 400)/2}{20} = 25.7$$

Tomaremos por Arquitectura .....

$$b_1 = 25 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 160 \text{ cm.}$$

S V 4 ( C - D ) .-

$$h_o = \frac{580}{11} = 52.8$$

$$b_o = \frac{(385 + 495)/2}{20} = 22$$

Tomaremos por Arquitectura .....

$$b_1 = 40 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 70 \text{ cm.}$$

S V 4 ( F - G ) .- Asimilaremos las dimensiones de esta viga , a las dimensiones de la viga .. P.B. V 4 ( E - F ).

S V 5 ( A - B<sub>1</sub> ) .-

$$h_o = \frac{595}{11} = 54$$

$$b_o = \frac{(400 + 400)/2}{20} = 20$$

Tomaremos por Arquitectura .....

$$b_1 = 25 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 90 \text{ cm.}$$

Asimilamos a estas dimensiones las dimensiones de la viga :

S V 6 ( A - B<sub>1</sub> ) .-

S V 6 ( C - D ) .-

$$h_o = \frac{580}{11} = 52.8$$

$$b_o = \frac{(535 + 800)/2}{20} = 35.5$$

Tomaremos .....

$$b_1 = 40 \text{ cm.}$$

$$h_1 = 70 \text{ cm.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

20

Asimilaremos a las dimensiones .....

$$\boxed{b_1 = 40 \text{ cm.}} \\ \boxed{h_1 = 70 \text{ cm.}}$$

Las siguientes vigas : S V 6 ( F - G )

S V 6 ( E - F )

S V 8 ( C - D )

S V 8 ( D' - E )

S V C ( 3 - 5 )

S V C [ ( 5 + 2.50 ) - 6 ]

S V C ( 6 - 7 )

S V C ( 7 - 8 )

S V E ( 6 - 8 )

S V F ( 2 - 4 )

S V F ( 4 - 6 )

S V F ( 6 - 8 )

S V A' ( 1 - 3 ) .-

$$\boxed{b_1 = 25 \text{ cm.}} \\ \boxed{h_1 = 90 \text{ cm.}}$$

Dimensiones tomadas por Arquitectura.

Asimilaremos a estas dimensiones las dimensiones de las sigts.

vigas : .....

S V B<sub>1</sub> ( 3 - 5 )

S V B<sub>1</sub> ( 1 - 3 )

S V B<sub>1</sub> ( 5 - 6 )

S V B ( 3 - 5 ) .-

$$h_o = \frac{400}{11} = 36.4$$

$$b_o = \frac{690/2}{20} = 17.3$$

Por Arquitectura..... $h_1 = 30$

$$h_1 = 30$$

$$b_1 = \frac{17.3 \times 36.4^2}{30^2} = 25.4$$

Podemos tomar .....

$$\boxed{b_1 = 70 \text{ cm.}} \\ \boxed{h_1 = 30 \text{ cm.}}$$

Asimilamos a estas dimensiones , las dimensiones de las vigas :

S V B ( 5 - 6 ) ; S V B ( 6 - 7 ) ; S V B ( 7 - 8 ) .

S V C ( 1 - 3 ) .-

$$h_o = \frac{625}{11} = 57$$

$$b_o = \frac{(345 + 580)/2}{20} = 23$$

Por Arquitectura tomaremos :

$$\boxed{b_1 = 25 \text{ cm.}} \\ \boxed{h_1 = 160 \text{ cm.}}$$

Asimilando a estas dimensiones las dimensiones de las vigas :

S V B ( 1 - 3 ) ; S V B' ( 1 - 3 ) .

S V D ( 1 - 2 ) ; S V D ( 7' - 8 ) ; S V D' ( 7' - 8 ) .-

Por Arquitectura tendremos :

$$\boxed{b_1 = 30 \text{ cm.}} \\ \boxed{h_1 = 70 \text{ cm.}}$$

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

21

DIMENSIONAMIENTO PREVIO Y METRADO DE CARGAS DE PLACAS .-

Para una altura hasta de 4.5 m. el espesor de las placas se considera 0.15 m. y por cada 7.50 m. adicionales medidos hacia abajo se debe aumentar el espesor ( 0.15 m. ) en 2.5 cms.

Para nuestro caso :

Las placas tienen una altura total de 23.15 m. correspondiendo a dicha altura según el criterio expuesto, un espesor de 21.25 centímetros; adoptando nosotros un espesor de 25 cms. a lo largo de todos los pisos ( Esto para las placas del ascensor )

Para las placas de las escaleras utilizaremos un espesor de 30 centímetros, ya que a estas placas se entregan vigas de 30 cms. de ancho. ( b= 30 cms.)

El metrado de cargas de las placas se hizo bajo las mismas consideraciones del metrado de cargas de columnas que se muestra en los planos N°s 12 y 13

A continuación presentamos los pesos propios de las placas, que son utilizados para su correspondiente metrado de cargas.

Peso propio de las placas del ascensor .-

Piso típico y sótano	1.695x 2.80x 2400	=	11,390 kg.
Planta baja .....	1.695x 3.25x 2400	=	13,221 kg.

Peso propio de las placas de la escalera .-

Piso típico	6.25x .30x 2.80x 2400	=	5,342 kg.
Planta baja	3.85x .30x 3.25x 2400	=	9,009 kg.
Sótano ....	3.85x .30x 2.80x 2400	=	7,762 kg.

DIMENSIONAMIENTO PREVIO DE COLUMNAS .-

El dimensionamiento previo de columnas se encuentra en el capítulo correspondiente al metrado de cargas.(Ver página 34 )

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

22

**C A P I T U L O III**

**M E T R A D O   D E   C A R G A S**

- Aligerados	23
- Vigas	26
- Columnas (incluye dimensionamiento)	34

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

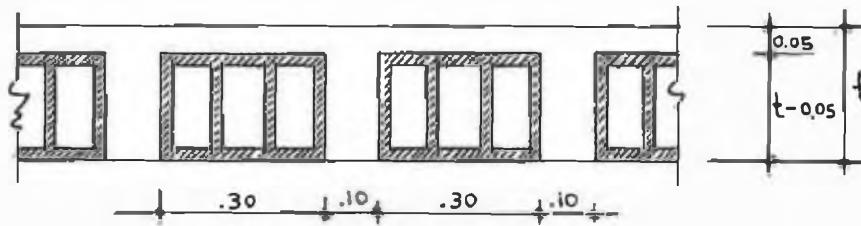
23

METRADO DE CARGAS EN ALIGERADOS .-

Una vez efectuado el dimensionamiento previo de aligerados procedemos al metrado de cargas para lo cual tomamos en consideración :

A)CARGAS PERMANENTES . - Aquellas que inciden todo el tiempo o permanentemente como su nombre lo indica. Estas se presentan como:

1.- Peso del aligerado.-



a) Aligerado de 0.25m. de espesor (  $t = 0.25 \text{ m.}$  )

Considerando peso de ladrillo de  $.20 \times .30 \times .30 = 13 \text{ kg.}$

Módulo ó número de ladrillos y viguetas por metro  $\frac{1.00}{0.40} = 2.5$

Peso de ladrillos :  $2.5 \times \frac{1.00}{0.30} \times 13 = 110 \text{ kg/m}^2$

Peso de viguetas :  $2.5 \times 0.20 \times 0.10 \times 2400 = 120 \text{ "}$

Peso de la losa :  $0.05 \times 1.00 \times 1.00 \times 2400 = \frac{120}{350} \text{ kg/m}^2$

b) Aligerado de 0.30 m. de espesor (  $t = 0.30 \text{ m.}$  )

Considerando peso de ladrillo de  $.25 \times .30 \times .30 = 14 \text{ kg.}$

Módulo o N° de ladrillos y viguetas por metro  $\frac{1.00}{0.40} = 2.5$

Peso de ladrillos :  $2.5 \times \frac{1.00}{0.30} \times 14 = 111 \text{ kg/m}^2$

Peso de viguetas :  $2.5 \times 0.25 \times 0.10 \times 2400 = 150 \text{ kg/m}^2$

Peso de la losa :  $0.05 \times 1.00 \times 1.00 \times 2400 = \frac{120}{381} \text{ kg/m}^2$

2.- Piso terminado .- Consideraremos como carga de piso terminado a la carga debida a : Falso piso(0.05 m.) , losetas, Kentay, parquet, y los pegamentos respectivos que se requieren para su colocación.

Estas cargas han sido consideradas de la siguiente magnitud:

Azotea .....  $90 \text{ kg/m}^2$

Piso tipico, planta baja y sótano .....  $100 \text{ kg/m}^2$ .

3.- Falso techo .- Donde los planos indican falso techo, (techo q' cuelga del aligerado) debe considerarse una carga que la hemos fijado en :  $50 \text{ kg/m}^2$

4.- Tabiqueria repartida .- Se ha calculado el peso de la tabiquería en los lugares de mayor ubicación de muros, considerando acuerdo a esto:  $100 \text{ kg/m}^2$ . En los lugares de mayor densidad de muros especialmente donde se encuentran los baños :  $140 \text{ kg/m}^2$ .

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

24

- 5.- Peso de la tierra del jardín .- Sobre el aligerado del sótano en las partes indicadas en el plano respectivo, existen jardines y se ha considerado como carga  $1800 \text{ kg/m}^3$ . En los cortes se podrá apreciar que la profundidad de estos jardines es variable.
- 6.- Cargas concentradas en el aligerado .- Los muros y parapetos perpendiculares a las viguetas, que se han considerado de mayor incidencia se toman como cargas concentradas; los pesos considerados son los siguientes :
- |                          |                     |
|--------------------------|---------------------|
| Muro de soga .....       | 200 $\text{kg/m}^2$ |
| Muro de cabeza .....     | 360 $\text{kg/m}^2$ |
| Peso de ventanales ..... | 30 $\text{kg/m}^2$  |

B) SOBRECARGAS .- Aquellas cargas móviles en la estructura, tales como mobiliario, personas, etc. Se han considerado las siguientes sobrecargas.:

Aligerado azotea .....	125 $\text{kg/m}^2$
" piso típico .....	200 "
" planta baja .....	125 $\text{kg/m}^2$ y 200 $\text{kg/m}^2$ .
" sótano .....	400 $\text{kg/m}^2$
Pasadizos .....	300 $\text{kg/m}^2$
Escaleras .....	400 $\text{kg/m}^2$

NOTA : Con todos estos datos, para los diversos paños de las diversas plantas, se han metrado las cargas por metro cuadrado; si se tiene en cuenta que se tomará 1m. de ancho tendremos los datos anteriores como la carga expresada por metro lineal.

#### ALIGERADO DE LA AZOTEA .-

Para el cálculo del aligerado de la azotea (así como para los otros niveles) se ha dividido al aligerado en diversos paños, como se puede ver en la pág. N° 38 .

##### 1.- Carga permanente repartida .-

Peso del aligerado .....	350 $\text{kg/m-1}$
Piso terminado .....	90 $\text{kg/m-1}$
	440 $\text{kg/m-1}$

$$\text{Carga última permanente } W_{uD} = 1.5 \times 440 = 660 \text{ kg/m-1}$$

##### 2.- Sobrecarga .- $125 \text{ kg/m}^2$

$$\text{Carga última sobrecarga } W_{uL} = 1.8 \times 125 = 225 \text{ kg/m.}$$

$$- \text{ Luego tenemos : } W_u = W_{uD} + W_{uL} = 660 + 225 = 885 \text{ kg/m-1}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

3.- Cargas concentradas .-

En el paño  $A_1$  existe una carga concentrada proveniente del parapeto de la azotea y parapeto colgante de concreto armado, esto se puede apreciar en el corte AB del plano N°06. Esta carga es de la siguiente magnitud:

$$P = 0.15 \times 1.55 \times 2400 = 558 \text{ kg.}$$

$$P_u = 1.5 \times 558 = 837 \text{ kg.}$$

Igualmente en los paños  $A_2$  y  $A_5$  existen cargas concentradas correspondientes a los parapetos de concreto de la azotea, esta carga concentrada tiene la siguiente magnitud:

$$P = 0.15 \times 0.85 \times 2400 = 306 \text{ kg.}$$

$$P_u = 1.5 \times 306 = 459 \text{ kg.}$$

ALIGERADO DEL PISO TIPICO .-

Para el cálculo del aligerado del piso típico, se ha dividido éste en diversos paños tal como se muestra en la pág. N°57 donde se pueden apreciar los muros que inciden perpendicularmente a las viguetas y q' se han considerado como cargas concentradas.

1.- Carga permanente repartida .-

Peso del aligerado ..... 350 kg/m-1

Tabiquería repartida ..... 100 kg/m-1

Piso terminado .....  
550 kg/m-1.

Carga última repartida permanente  $w_{uD} = 1.5 \times 550 = 825 \text{ kg/m.}$

2.- Sobrecarga .- 200 kg/m<sup>2</sup>.

Carga última sobrecarga:  $w_{uL} = 1.8 \times 200 = 360 \text{ kg/m-1.}$

- Luego tenemos :  $w_u = w_{uD} + w_{uL} = 825 + 360 = 1185 \text{ kg/m-1.}$

3.- Cargas concentradas .-

a) Los muros de soga (200 kg/m<sup>2</sup>) nos dan una carga concentrada de :  $P = 2.55 \times 200 = 510 \text{ kg.}$

$$P_u = 1.5 \times 510 = 765 \text{ kg.}$$

b) Los parapetos de concreto, con ventana; no dan la siguiente carga concentrada:

Parapeto:  $0.15 \times 0.85 \times 2400 = 306 \text{ kg.}$

ventanal:  $1.25 \times 30 = 38 \text{ kg.}$   
344 kg.

$$P_u = 1.5 \times 344 = 516 \text{ kg.}$$

c) Los ventanales inciden como la siguiente carga concentrada:

$$P = 2.55 \times 30 = 77 \text{ kg. ; } P_u = 1.5 \times 77 = 115 \text{ kg.}$$

d) Los parapetos:  $P = 0.15 \times 0.85 \times 2400 = 306 ; P_u = 1.5 \times 306 = 459 \text{ kg.}$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

ALIGERADO DE LA PLANTA BAJA .-

El aligerado de la planta baja es el mismo que el de los pisos típicos con una adición de cuatro paños que se muestran en la págs. N° 109

1.- Carga permanente repartida .-

Peso del aligerado ..... 350 kg/m.

Piso terminado ..... 90 kg/m.

Falso techo ..... 50 kg/m.  
490 kg/m.

Carga última repartida permanente  $W_{uD} = 1.5 \times 490 = 735 \text{ kg/m.}$

2.- Sobre carga .- 125 kg/m<sup>2</sup>

Carga última sobre carga:  $W_{uL} = 1.8 \times 125 = 225 \text{ kg/m.}$

- Luego tenemos :  $W_u = W_{uD} + W_{uL} = 735 + 225 = 960 \text{ kg/m.}$

3.- Cargas concentradas .- No existen cargas concentradas en estos paños adicionales de la planta baja .

ALIGERADO DEL SOTANO .-

Para el cálculo del aligerado del sótano se ha dividido a este en diversos paños, como se puede ver en la págs. N° 119 y el metrado de cargas para dichos paños se encuentra en las págs. N°s 125 y 126

La carga concentrada existente se ha calculado bajo las mismas consideraciones que en las plantas anteriores , así tenemos :

Muro de soga = 20 kg/m<sup>2</sup>

$P = 3.00 \times 200 = 600 \text{ kg.}$

$P_u = 1.5 \times 600 = 900 \text{ kg.}$

METRADO DE CARGAS EN VIGAS

El metrado de cargas en vigas de la AZOTEA, PISOS TIPICOS, PLANTA BAJA, y SOTANO se presenta en los planos N°s 08, 09, 10, 11.

La nomenclatura usada en las vigas se describe en el dimensionamiento previo. Las consideraciones requeridas son las siguientes:

1.- Vigas principales y vigas de arriostre .- Son vigas principales aquellas que reciben las cargas por intermedio del aligerado cuyas viguetas se apoyan en estas vigas. Reciben las cargas de acuerdo a su área de influencia.

Las vigas de arriostre, como su nombre lo indica son aquellas q' arriostran la estructura y por estar en contacto con el aligerado consideraremos que reciben una pequeña carga de éste.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

2.- Ancho tributario .- Es la longitud del aligerado que es soportado por la viga, es tambien la dimensión que multiplicada por la longitud de la viga nos dará su area de influencia. Se considera que cada paño es soportado en partes iguales por cada viga principal adyacente. El ancho tributario en las vigas de arriostre se considera 0.50 m. medidos a la cara de la viga.

3.- Area de influencia .- El área de influencia que tiene la viga es el ancho tributario por la longitud de la viga; esta área es la que indicará la carga que recibe del aligerado.

4.- Hay dos tipos de cargas que reciben las vigas, estas son: Carga permanente y sobrecarga.

A) Carga permanente .- Aquellas que se encuentran en todo momento en la estructura; puede ser: a)Repartida , b)Concentrada.

a)Carga repartida .- Aquella q' como su nombre lo indica esté repartida a lo largo de la viga. Estas son :

-Peso propio de la viga . (pp) .- Este se ha calculado considerando que el peso por unidad de volumen del concreto es de 2400 kg/m<sup>3</sup>.

-Cargas del aligerado .- Que son las que se han metrado anteriormente, las que incluyen: Peso del aligerado,piso terminado, tabiquería repartida,etc. Estas cargas se transmiten a la viga de acuerdo al area de influencia la que multiplicada por la carga permanente del aligerado por m<sup>2</sup>.nos dà la carga total permanente repartida que recibe la viga del aligerado.

-Muros, parapetos y ventanales .- Son considerados como cargas repartidas aquellos muros, parapetos y ventanales que inciden longitudinalmente sobre las vigas y por lo tanto el peso de estos elementos se reparte alo largo de la viga Los pesos a considerar son :

Muro de soga ..... 200 kg/m<sup>2</sup>

" de cabeza ..... 360 kg/m<sup>2</sup>

Parapetos..... (dimensionesx2400 k/m<sup>3</sup>)

Ventanales ..... 30 kg/m<sup>2</sup>

b)Cargas concentradas ( c ) .- Se han considerado como carga concentradas los muros que inciden en forma perpendicular a las vigas principales y por lo tanto en la dirección del aligerado.

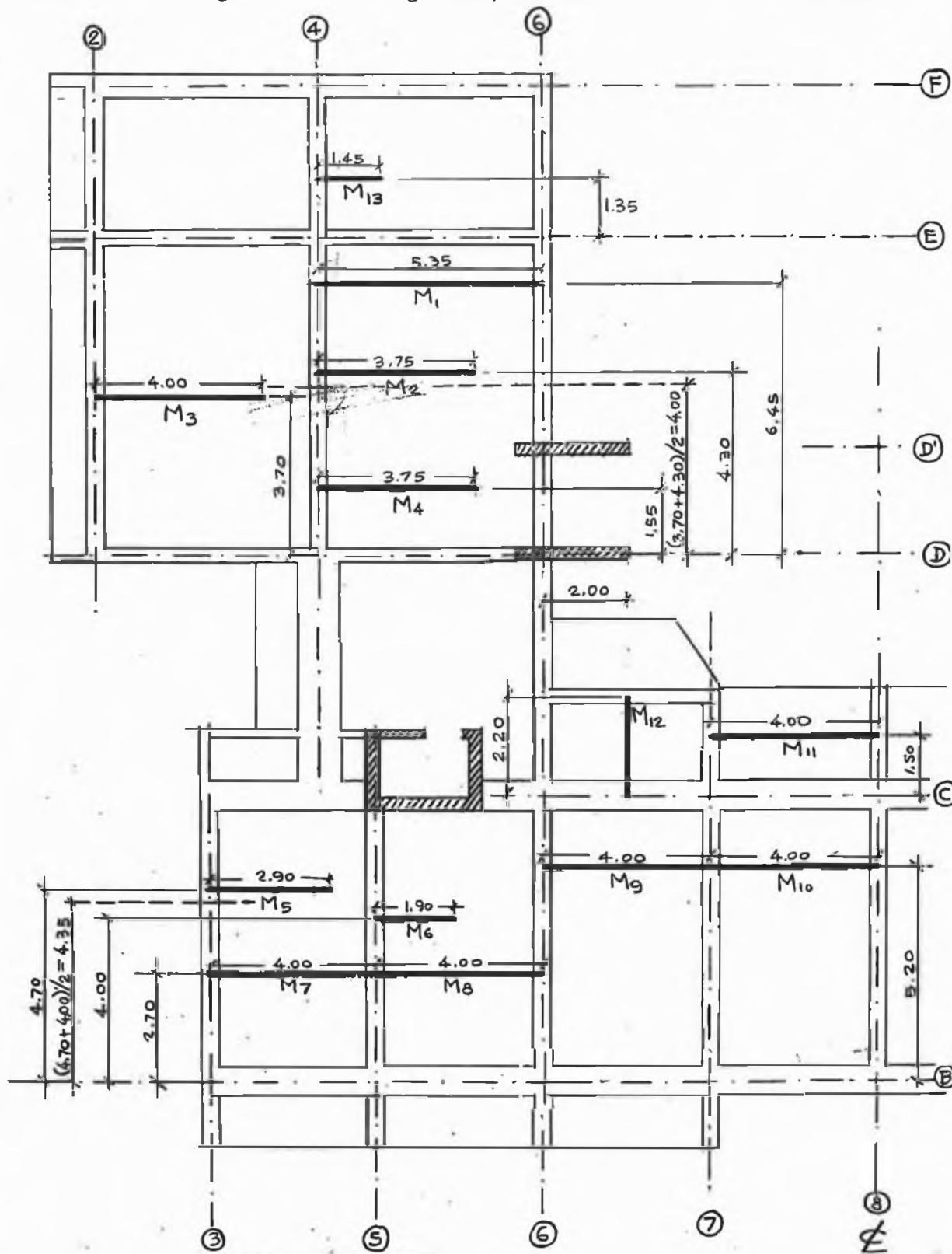
La posición de los muros que tomamos como cargas concentradas en las vigas se encuentran en las páginas siguientes , así como tambien los cálculos de las reacciones de estos muros que son las cargas concentradas en las vigas, que corresponden al piso típico y sótano respectivamente.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

28

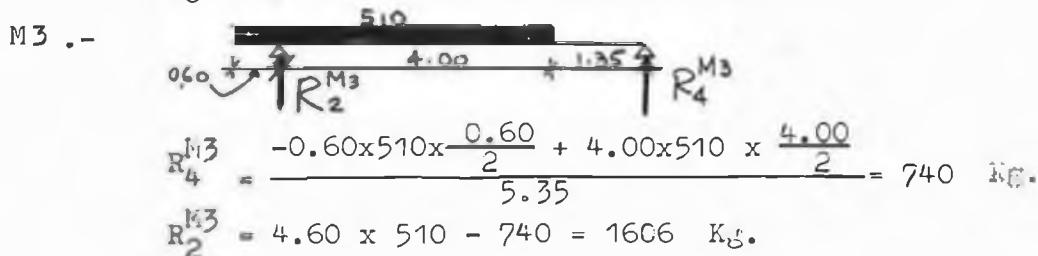
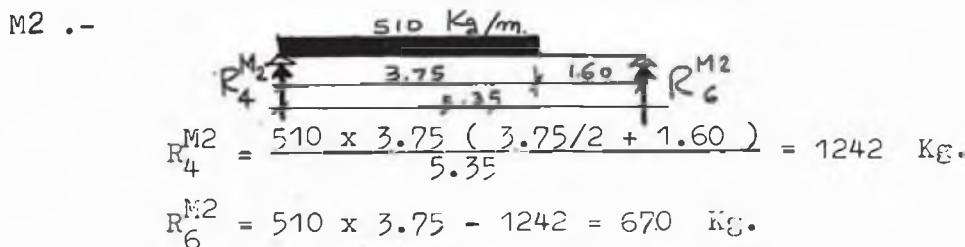
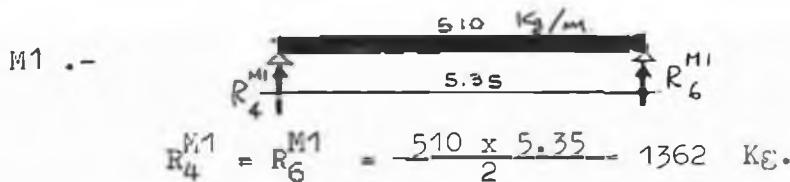
CARGAS CONCENTRADAS DEBIDAS A MUROS  
PISO TIPICO

Estas cargas concentradas originadas por los muros colocados en el sentido de las viguetas del aligerado, se analizan a continuación.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

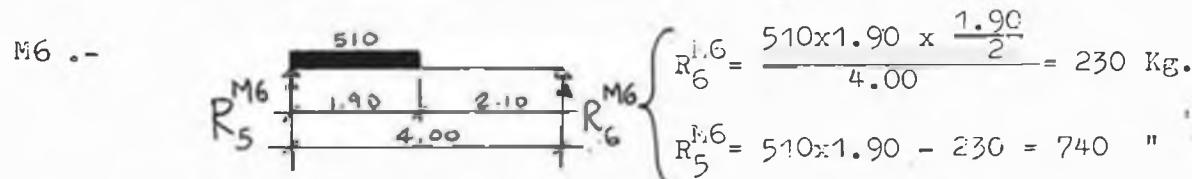
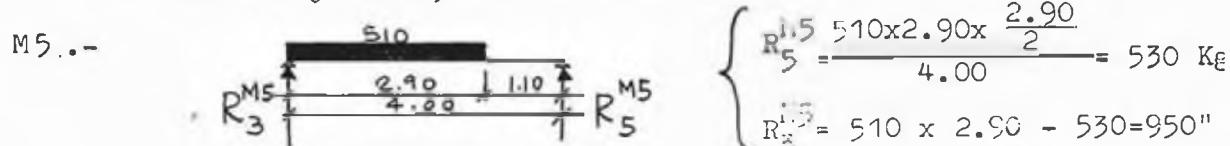
29



En el eje 4 ,en la parte que corresponde a las reacciones de M2 y M3 ; por que están cerca entre sí,consideraremos que actúa una sola reacción igual a la suma de las dos y ubicada en un punto intermedio ( ver hoja N 28 ), este punto intermedio en este caso será :  $(3.70 + 4.30)/2 = 4.00$  m.de D.

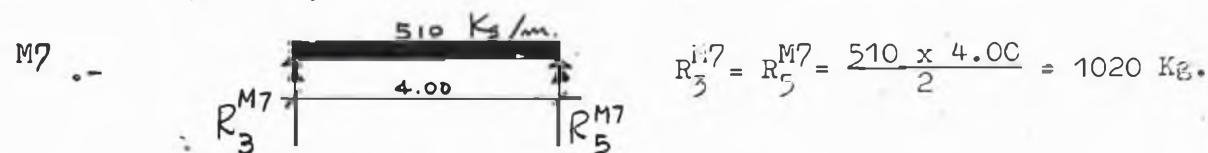
$$R_4^{M2} + R_4^{M3} = R = 1242 + 740 = 1982 \text{ Kg.}$$

M4 .- Igual que M2 .  $R_4^{M2} = R_4^{M4} = 1242 \text{ Kg.}$ ,  $R_6^{M2} = R_6^{M4} = 670 \text{ Kg.}$  ( ver hoja N 28 )



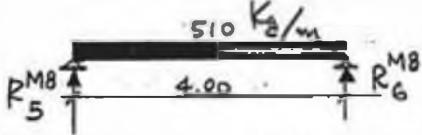
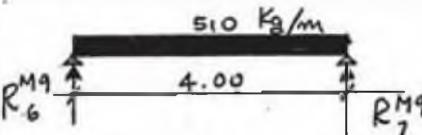
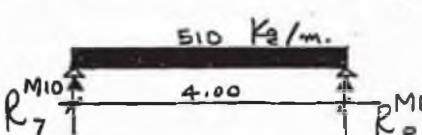
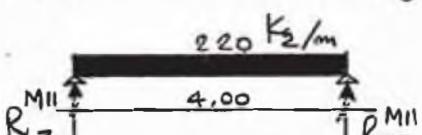
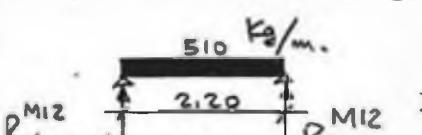
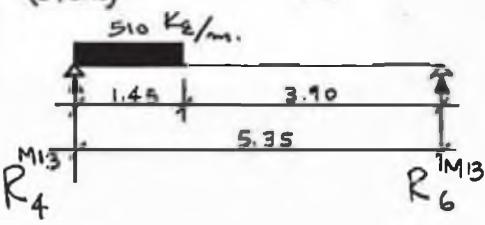
En el eje 5 tomaremos las reacciones de M5 y M6 como una sola carga situada a 4.35 m. de B , y con un valor de 1270

$$R_5^{M5} + R_5^{M6} = R = 530 + 740 = 1270 \text{ Kg.}$$



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

30

- M8 .-   
 $R_5^{M8} = R_6^{M8} = \frac{510 \times 4.00}{2} = 1020 \text{ Kg.}$
- M9 .-   
 $R_6^{M9} = R_7^{M9} = \frac{510 \times 4.00}{2} = 1020 \text{ Kg.}$
- M10 .-   
 $R_7^{M10} = R_8^{M10} = \frac{510 \times 4.00}{2} = 1020 \text{ Kg.}$
- M11 .-   
 $R_7^{M11} = R_8^{M11} = \frac{440 \times 4.00}{2} = 880 \text{ Kg.}$
- M12 .-   
 $R_{(c+2.20)}^{M12} = R_c^{M12} = \frac{510 \times 2.20}{2} = 561 \text{ Kg.}$
- M13 .-   
 $R_6^{M13} = \frac{510 \times 1.45 \times 1.45/2}{5.35} = 100 \text{ Kg}$   
 $R_4^{M13} = 510 \times 1.45 - 100 = 640 \text{ Kg.}$

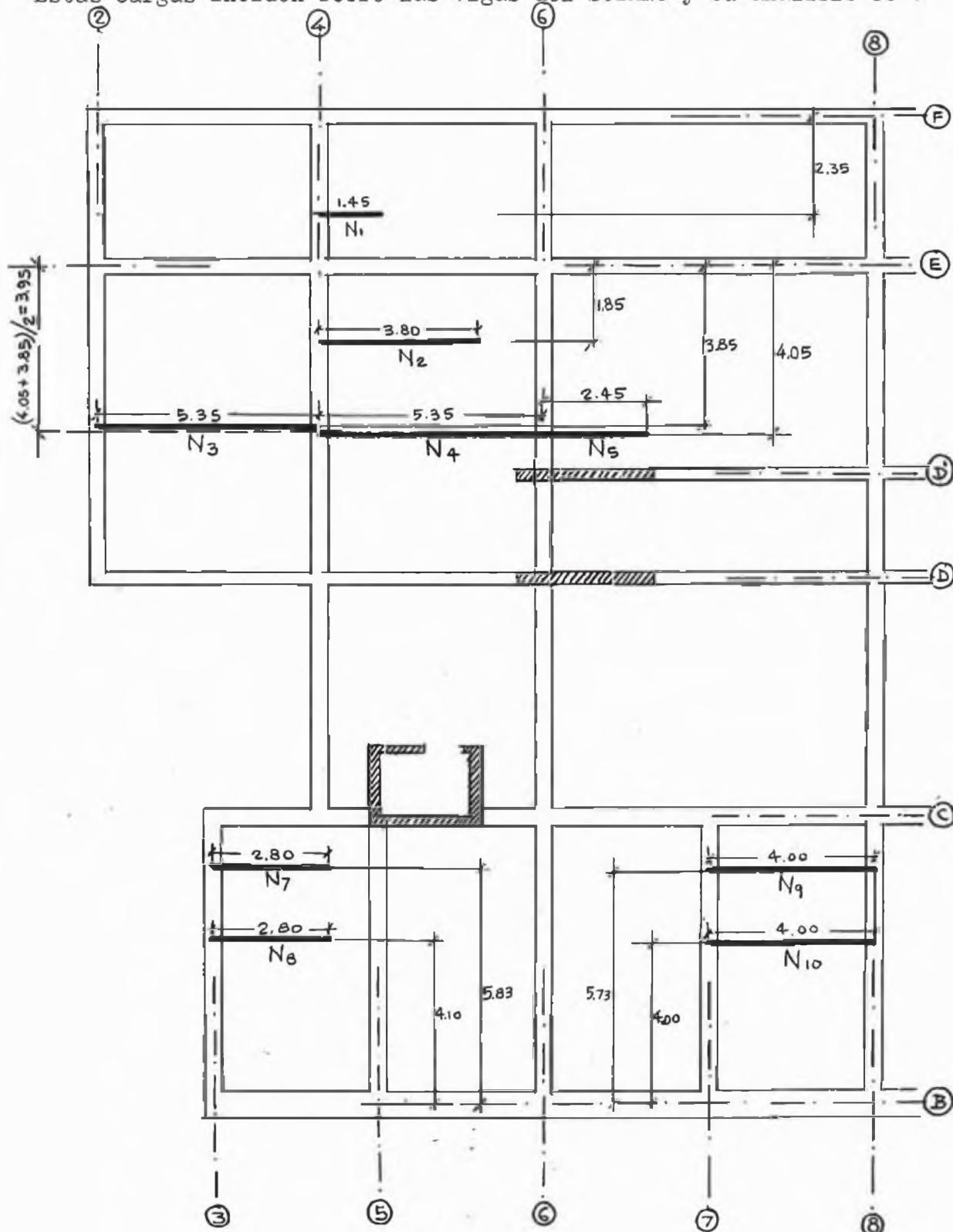
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

31

CARGAS CONCENTRADAS DEBIDAS A MURCOS

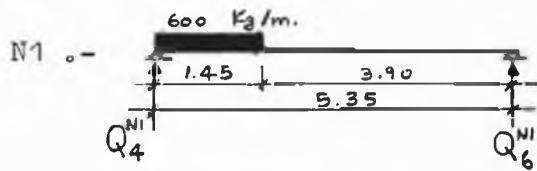
SCTANC

Estas cargas inciden sobre las vigas del SCTANC y su análisis es :



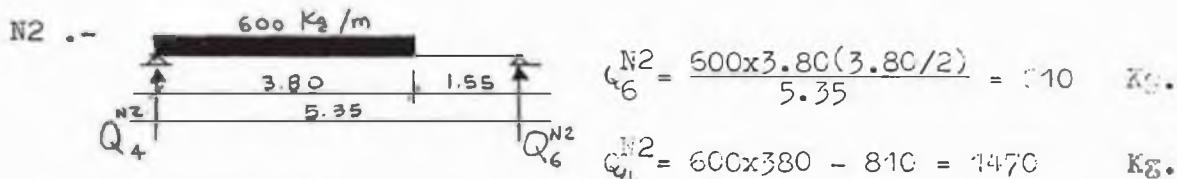
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

32



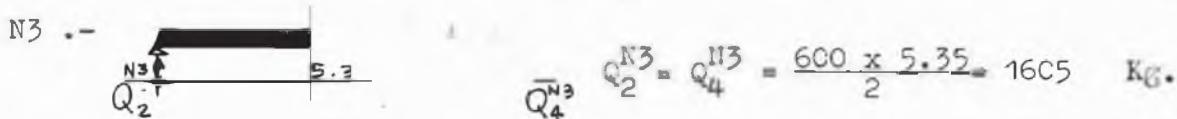
$$Q_6^{N1} = \frac{600 \times 1.45 (1.45/2)}{5.35} = 118 \text{ Kg.}$$

$$Q_4^{N1} = 600 \times 1.45 - 118 = 752 \text{ Kg.}$$

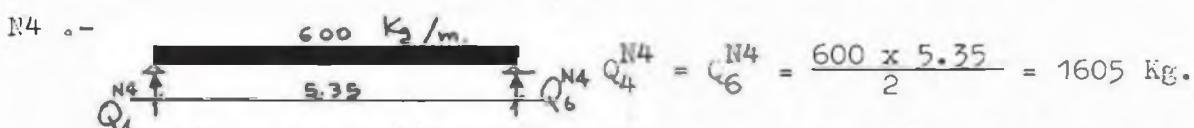


$$Q_6^{N2} = \frac{600 \times 3.80 (3.80/2)}{5.35} = 810 \text{ Kg.}$$

$$Q_4^{N2} = 600 \times 3.80 - 810 = 1470 \text{ Kg.}$$

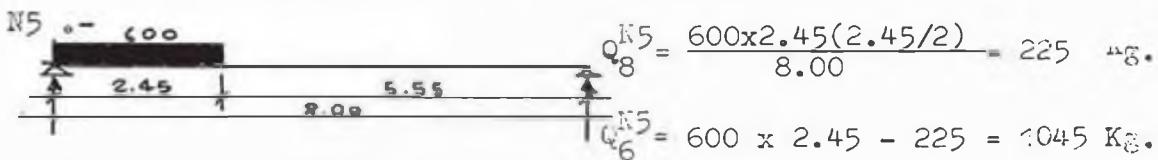


$$Q_2^{N3} = Q_4^{N3} = \frac{600 \times 5.35}{2} = 1605 \text{ Kg.}$$



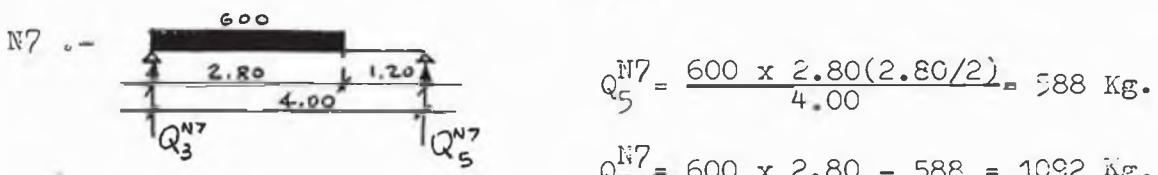
$$Q_6^{N4} = Q_4^{N4} = \frac{600 \times 5.35}{2} = 1605 \text{ Kg.}$$

Las cargas  $Q_4^{N3}$  y  $Q_4^{N4}$  las sumamos y consideramos que esa carga resultante de :  $1605 + 1605 = 3210 \text{ Kg.}$  actúa en un punto a 3.95 m. del eje E .



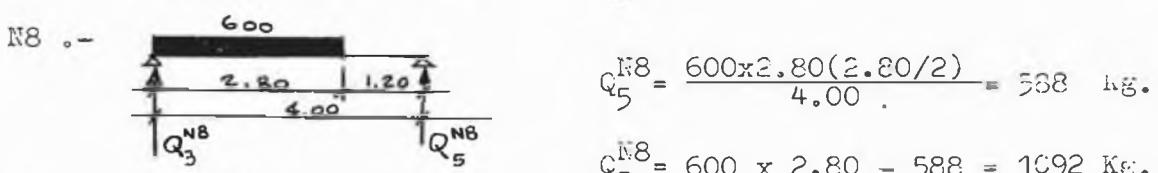
$$Q_8^{N5} = \frac{600 \times 2.45 (2.45/2)}{8.00} = 225 \text{ Kg.}$$

$$Q_6^{N5} = 600 \times 2.45 - 225 = 1045 \text{ Kg.}$$



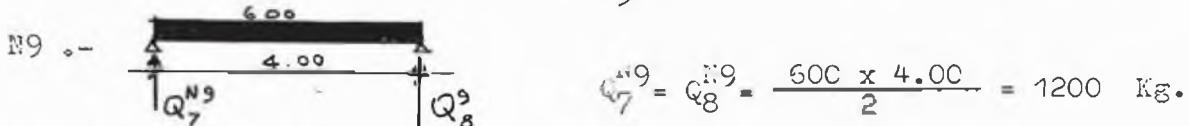
$$Q_5^{N7} = \frac{600 \times 2.80 (2.80/2)}{4.00} = 588 \text{ Kg.}$$

$$Q_3^{N7} = 600 \times 2.80 - 588 = 1092 \text{ Kg.}$$

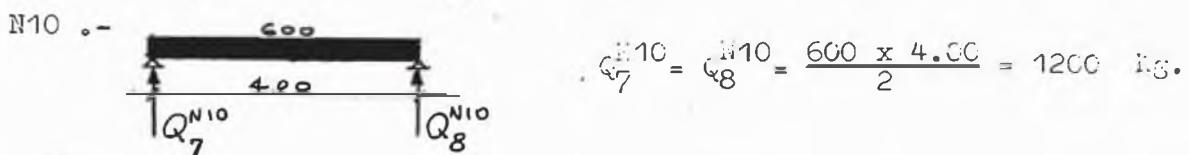


$$Q_5^{N8} = \frac{600 \times 2.80 (2.80/2)}{4.00} = 588 \text{ Kg.}$$

$$Q_3^{N8} = 600 \times 2.80 - 588 = 1092 \text{ Kg.}$$



$$Q_7^{N9} = Q_8^{N9} = \frac{600 \times 4.00}{2} = 1200 \text{ Kg.}$$



$$Q_7^{N10} = Q_8^{N10} = \frac{600 \times 4.00}{2} = 1200 \text{ Kg.}$$

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

33

B) Sobrecarga .- Son las cargas móviles; tales como mobiliario, personas, etc. Se han considerado las siguientes sobrecargas :

Azotea .....	125	kg/m <sup>2</sup>
Piso típico .....	200	kg/m <sup>2</sup>
Planta baja .....	125 y 200	kg/m <sup>2</sup> .
Sótano y escaleras ....	400	kg/m <sup>2</sup>
Pasadizos .....	300	kg/m <sup>2</sup>

Estas sobrecargas expresadas por metro cuadrado al multiplicarlas por el área de influencia de la viga nos dà la incidencia de la sobrecarga en la viga que se está metrando.

Reducción de sobrecargas .- De acuerdo al área de influencia de la viga se calculará la reducción de sobrecarga. Si el área de influencia es mayor a  $16 \text{ m}^2$  ( $150 \text{ ft}^2$ ) debe aplicarse la reducción de sobrecarga de acuerdo al criterio que indica que por metro cuadrado debe reducirse 0.8 %.

Debe tenerse en cuenta que la máxima reducción permitida será del 60 % o la que indique la siguiente fórmula :

$$R = 100 - \frac{L + D}{4.33 L}$$

Donde : R = Reducción.

L = Sobrecarga.

D = Carga permanente.

De estas dos limitaciones se tomará en cuenta la menor.

Cargas obtenidas .- Las cargas metradas, tanto permanente como sobrecarga y la suma de estas están expresadas por metro de viga en los planos mencionados anteriormente sobre metrado de cargas en vigas.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

METRADO DE CARGAS Y DIMENSIONAMIENTO PREVIO DE COLUMNAS .-

El metrado de cargas y dimensionamiento previo de las columnas se encuentra en las tabulaciones que se presentan en los planos N°s 12 y 13 . El procedimiento seguido es el siguiente:

1.-Vigas que inciden en las columnas .- Tomamos en cuenta las vigas que inciden en la columna que se está metiendo y que por lo tanto transmiten su carga a esta . Consideramos que la carga de la viga es transmitida a las columnas que le sirven de apoyos según sus respectivas reacciones, las cargas se mantienen divididas en permanente y sobrecarga de acuerdo a las consideraciones explicadas en aligerados y vigas.

2.-Cargas superiores (SUB TOTAL ANTERIOR) .- Las cargas de pisos superiores se van acumulando, ya que se van transmitiendo piso a piso, las cargas que reciben las columnas en los niveles respectivos.

Las columnas 7 B , 7 C , 8 B y 8 C son las columnas que soportan el tanque elevado; tendrán como carga superior, que aparece como SUB TOTAL ANTERIOR (  $W_D$  ) en el metrado de dichas columnas, la carga correspondiente, cuyo análisis se muestra a continuación.

Peso aproximado del tanque elevado.-

Losa inferior	4.40x7.50x0.15x2400	11,900	kg.
Paredes laterales	7.50x1.20x0.15x2400 = 3240 4.10x1.20x0.15x2400 = 1775	5,015	kg.
Losa superior	4.40x7.50x0.15x2400	11,900	kg.
Peso del agua		26,000	kg.
		54,815	kg.

$$\text{Carga por columna : } 54,815 / 4 = 13,700 \text{ Kg.}$$

Considerando columnas de 625 cms<sup>2</sup> y de 2.30 m. de altura tenemos la carga que incidirá en cada columna a nivel de la azotea.

$$13,700 + ( 0.0625 \times 2.30 \times 2400 ) = 13,700 + 345 = 14,045 \text{ Kg.}$$

3.-Peso aproximado de las columnas .- Teniendo en cuenta la carga superior (SUB TOTAL ANTERIOR de  $W_D$  y  $W_L$  ) y las cargas ( $W_D$  y  $W_L$  ) que aportan cada viga que concurre en la columna , encontramos el peso aproximado de la columna que resistirá dichas cargas.

Utilizamos la siguiente fórmula :

$$\text{Peso aproximado} = (\frac{W_D + W_L}{50}) \times 2400 \times h$$

Dónde:  $\frac{W_D + W_L}{50}$  es el área aproximada de la columna.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

el área aproximada de la columna que se obtenga por la fórmula anterior tiene que ser mayor o igual al área mínima permitida por el ACI-63 que es de  $600 \text{ cms}^2$ ; nosotros consideraremos área mínima de  $625 \text{ cms}^2$  ( $25 \times 25 \text{ cms}$ ).

$W_D$  = Carga permanente acumulada.

$W_L$  = Sobrecarga acumulada.

$S_0$  = Carga de trabajo del concreto.

$2400$  = Peso unitario del concreto ( $\text{kg/m}^3$ ).

$h$  = Altura de piso a piso menos el peralte de la mayor viga concurrente .

$$h = 2.80 - 0.60 = 2.20 \quad (\text{Para último piso})$$

$$h = 2.80 - 0.70 = 2.10 \quad (\text{Para los demás pisos}).$$

Con :

$A_{\min.} = 625 \text{ cms}^2$  y las alturas encontramos los pesos aproximados mínimos

Para  $h=2.20$  Peso aprox. min. =  $0.0625 \times 2.20 \times 2400 = 330 \text{ kg.}$

Para  $h=2.10$  Peso aprox min. =  $0.0625 \times 2.10 \times 2400 = 315 \text{ kg.}$

**4.-Cargas últimas** .- Las cargas últimas son las cargas que recibe la columna ( En su parte inferior - o sea incluyendo su peso propio ) afectadas por coeficientes que según el reglamento ACI-63 son 1.5 para cargas permanentes o muertas y 1.8 para sobrecargas o cargas vivas.

**5.-Reducción de sobrecargas** .- Para la reducción de sobrecargas en columnas hemos utilizado la siguiente tabla :

	% de reducción
Techo	0
1º piso siguiente	0
2º " "	10
3º " "	20
4º " "	30
5º " "	40
6º " " y otros	50

**6.- Peso equivalente ( $P_o$ )** Una vez obtenida la carga última y considerada la reducción de sobrecarga tenemos la carga última acumulada , la que corregimos por momentos teniendo en cuenta que las columnas que toman más momentos son las exteriores, seguidas de las perimetrales y por último las interiores; esto debido al nº de tramos adyacentes q'hacan entre ellos el balance .

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Por tales razones como corrección por momentos tomaremos :

Columna	K
Exterior , en esquina.....	1.7
Exterior , perimetral.....	1.5
Interiores.....	1.3

Considerando que en pisos bajos ( En nuestro caso Planta baja y Sótano ) el efecto de los anteriores coeficientes no será necesario ya que en pisos bajos la carga que incide sobre las columnas es grande, tomamos para estos pisos un valor de  $K = 1.0$

#### 7.-Sección necesaria .-

Una columna con estribos falla a la carga dada por :

$$P'_0 = 0.85 f'_c' A_c + f_y A_s$$

Afectando a esta carga por un coeficiente de seguridad tendremos :

$$P_0 = \emptyset 0.85 f'_c' A_c + f_y A_s \quad \dots \quad \emptyset = 0.70 \text{ para col. estribada}$$

$$\emptyset = 0.75 \text{ zunchada}$$

Por tratarse del dimensionamiento previo podemos reemplazar :  $A_c$  por  $A_g$  ; teniendo además en cuenta que :

$$P_g = \frac{A_s}{A_g} = 0.01 \text{ ( cuantía mínima )}$$

obtenemos así :

$$P_0 = \emptyset 0.85 \times f'_c' \times A_g + f_y \times 0.01 A_g =$$

$$f'_c' = 2800$$

$$f'_c' = 210 \dots P_0 = 0.7 0.85 \times 210 \times A_g + 2800 \times 0.01 \times A_g$$

De donde :	$A_g = \frac{P_0}{0.7 0.85 \times 210 + 2800 \times 0.01} = \frac{P_0}{144}$
------------	--

De esta manera obtenemos la sección necesaria.

#### 8.-Sección adoptada .- Teniendo en consideración el área necesaria , el ancho de las vigas que se apoyan en la columna, adoptaremos las secciones de las columnas.

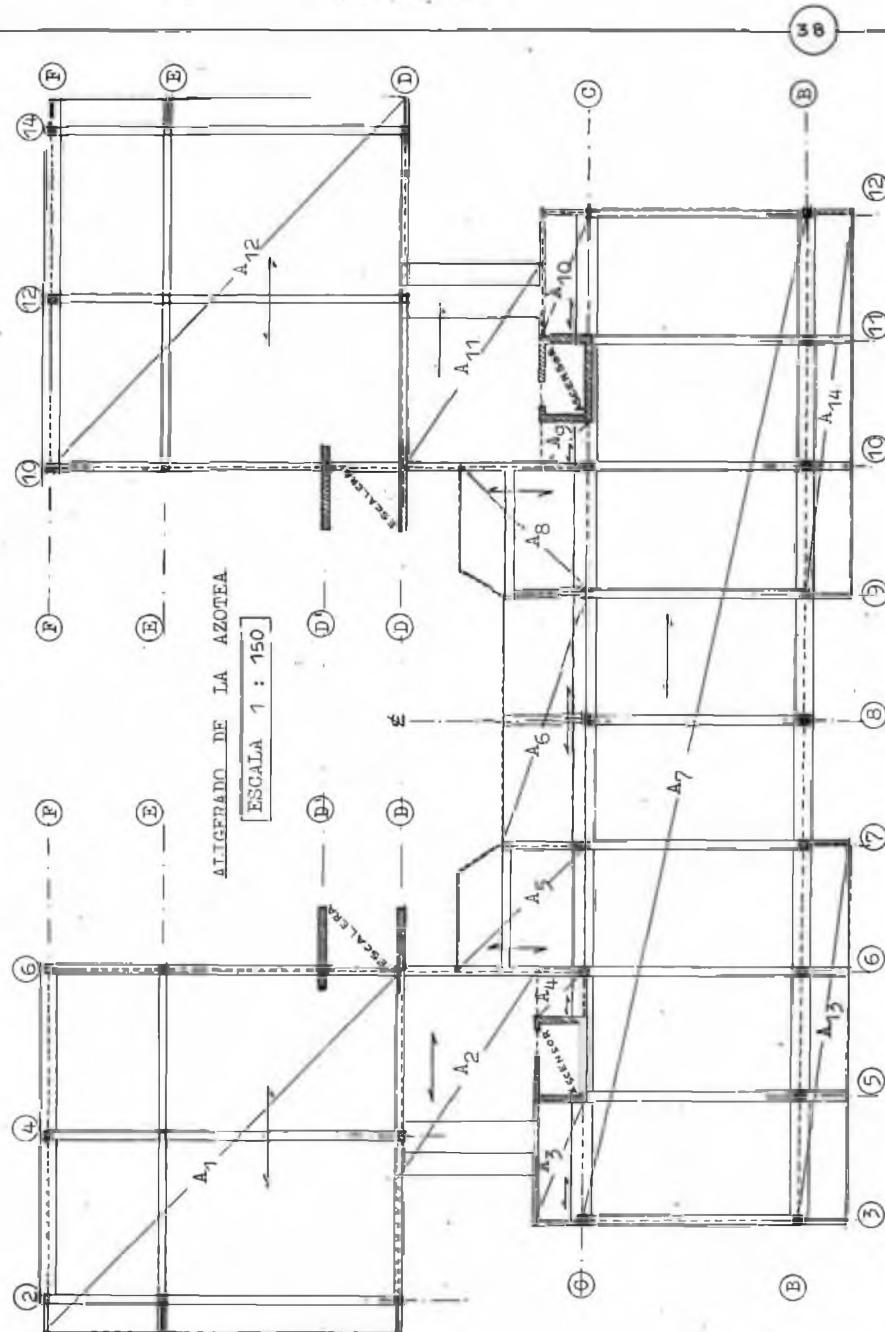
**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

**C A P I T U L O IV**

**D I S E Ñ O D E A L I G E R A D O S**

- Azotea	38
- Planta Típica	57
- Planta Baja	109
- Sótano	119

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZONE AURELIO A.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

39

D I S E Ñ O A L I G E R A D O S A Z O T E R A

Tomaremos un concreto de -----  $f'_c = 175 \text{ Kg/cm}^2$   
y un acero de -----  $fy = 2800 \text{ "}$   
como el aligerado es de 25 cm. -----  $d = 22 \text{ cm.}$

Areas de acero por flexión .-

Las fórmulas a emplear son las siguientes :

$$A_s = \frac{M_u}{\gamma f_y (d - \frac{a}{2})}$$

Para el primer tanteo tomaremos  $a = 0.2 d$ , y teniendo en cuenta que :  $\gamma = 0.90$ ,  $fy = 2800$ ,  $d = 22 \text{ cm.}$  obtendremos la siguiente relación entre  $A_s$  y  $M_u$ .

$$A_s = \frac{M_u \times 10^5}{0.90 \times 2800 (22 - 0.2 \frac{22}{2})}$$

$$A_s = 2.004 \text{ Mu}$$

Por otro lado tenemos que para momentos negativos y teniendo en cuenta : -----  $fy = 2800 \text{ Kg/cm}^2$

$$a = \frac{A_s \times fy}{0.85 f'_c b'}$$

$$\begin{aligned} f'_c &= 175 \text{ "} \\ b' &= 10 \text{ cm.} \dots \dots a = \frac{A_s \times 2800}{0.85 175 10} \end{aligned}$$

$$a = 1.882 A_s$$

Y para momentos positivos

$$a = \frac{A_s \times fy}{0.85 \times f'_c \times b}$$

teniendo en cuenta : -----  $fy = 2800 \text{ Kg/cm}^2$

$$\begin{aligned} f'_c &= 175 \text{ "} \\ b &= 40 \text{ cm.} \end{aligned}$$

$$a = \frac{A_s \times 2800}{0.85 \times 175 \times 40}$$

$$a = 0.470 A_s$$

Con estas fórmulas podemos entrar al segundo tanteo .

Acero por temperatura .- Segun el reglamento ACI 318-65 , la cuantía del acero por temperatura en aligerados es de 0.0020 .

$$A_{st} = 0.0020 \times 5 \times 100 = 1 \text{ cm}^2 \quad \text{--- } \varnothing 1/4" @ 30 \text{ cms.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

40

Verificación por corte .- Verificamos si el " d " escogido es suficiente para tomar el máximo corte en la AZCTEA .

El corte que toma el concreto es :

$$v = 1.1 \times 0.53 \times \phi \times \sqrt{f'_c}$$

$$v = 1.1 \times 0.53 \times 0.85 \times \sqrt{175}$$

$$v = 6.6 \text{ kg/cm}^2$$

Mientras que el corte unitario que corresponde al máximo corte de la AZCTEA ( 2,330 kg - ver plano N° 14 ) es :

$$v = \frac{2330}{2.5 b' d} = \frac{2330}{2.5 \times 10 \times 22} = 4.23 \text{ kg/cm}^2$$

6.6 > 4.23 , cumple por corte y no necesitamos ensanchar las viguetas .

Verificación de sección .- Para verificar si la sección es rectangular o es sección T ----- tomamos el máximo momento positivo 2.050 ( ver plano N° 14 ) y suponiendo que :

$$kud = t = 5 \text{ cm.}$$

$$a = k_1 k_{u1} = k_1 t = 0.85 \times 5 = 4.25 \text{ cm.}$$

$$As = \frac{\bar{M}_u}{\phi f_y (d - \frac{a}{2})}$$

$$As = \frac{2050 \times 10^2}{0.9 \times 2800 \times (22 - \frac{4.25}{2})} = 4.6$$

$\bar{p} = \frac{As}{b \times d}$	.....	$\frac{4.6}{100 \times 22} = 0.00209$
-----------------------------------	-------	---------------------------------------

$q = p \frac{f_y}{f'_c}$	.....	$0.00209 \frac{2800}{175} = 0.0334$
--------------------------	-------	-------------------------------------

$1.18 q - \frac{d}{k_1}$	.....	$1.18 \times 0.0334 \times \frac{22}{0.85} = 1.02$
--------------------------	-------	--

$$1.02 < 5$$

Luego : La sección es rectangular.

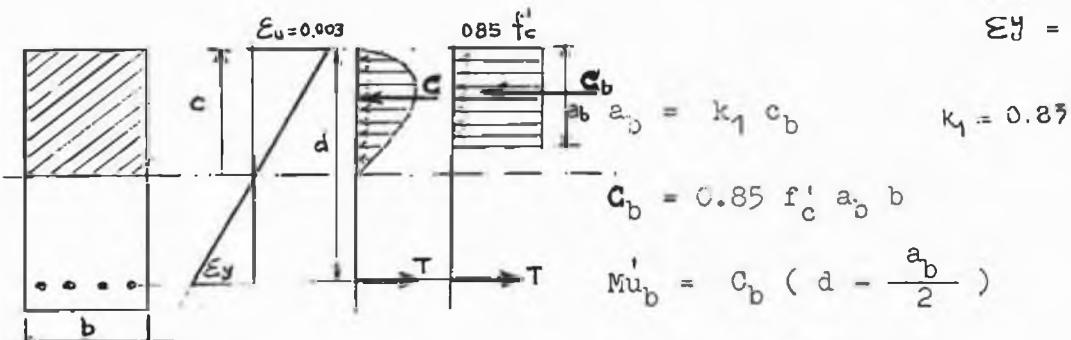
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

41

Verificación del momento máximo .- De acuerdo a las siguientes fórmulas tendremos el momento máximo .

$$(k_u d)_b = c_b = -\frac{\varepsilon_u}{\varepsilon_u + \varepsilon_y} d \quad \text{Para } f_y = 2800 : \quad \varepsilon_u = 0.003$$

$$\varepsilon_y = 0.00133$$



$$a_{\max} = 0.75 a_b$$

$$Mu_{\max} = 0.292 f'_c b d^2$$

$$Mu_{\max} = 0.9 Mu_{\max} = 0.9 \times 0.292 \times f'_c \times b \times d^2 = 0.262 f'_c b d^2$$

$$Mu_{\max} = 0.262 f'_c b d^2 = \dots \dots \dots \quad Mu_{\max} = 0.262 \times 175 \times 10 \times 22^2$$

$$Mu_{\max} = 2.219 \text{ T-m./vigueta.}$$

El máximo momento negativo que temos en la AZOTEA es 2.250 T-m/m. el momento máximo por vigueta será :

$$\frac{2.250}{2.5} = 0.900 \text{ T-m/ vigueta}$$

como :  $2.219 > 0.900$  nos indica que estamos por debajo del momento máximo.

Acero mínimo .- Según el reglamento la cuantía mínima debe ser la siguiente :

$$p_{\min} = \frac{14}{f_y} \dots \dots \quad \frac{14}{2800} = 0.005$$

Osea que el acero mínimo es :

$$As_{\min} = 0.005 b' d \dots \dots \quad 0.005 \times 10 \times 22 = 1.1$$

$$As_{\min} = 1.1 \text{ cm}^2 / \text{vigueta}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

42

El momento que le correspondería a este acero mínimo sería :

( + )	( - )
As = 1.1	As = 1.1
a = 0.470 x 1.1	a = 1.882 x 1.1
a = 0.52	a = 2.07
M <sub>u</sub> = 1.1 x 0.9 x 2800 ( 22 - $\frac{0.52}{2}$ )	M <sub>u</sub> = 1.1 x 0.9 x 2800 ( 22 - $\frac{2.07}{2}$ )
$M_u = 0.602$	$M_u = 0.595$

El acero mínimo se tendrá en cuenta tanto para los aceros positivos como para los aceros negativos. En caso de que los aceros sean menores que  $1.1 \text{ cm}^2 / \text{viga}$ , incrementaremos en  $1/3$  el acero calculado ( pág. 37 - reglamento ACI ).

También tendremos en consideración que cuando los momentos a las caras de un mismo apoyo sean numéricamente próximos, calcularemos el área de acero con el mayor de dichos momentos que se usará para ambos lados.

Comprobación de la flecha .- La cuantía necesaria para comprobar la flecha está dada por la siguiente fórm.

$$p = 0.18 \frac{f'_c}{f_y} \dots \dots \dots \quad 0.18 \frac{175}{2800} = 0.0112$$

El área de acero será :

$$A_s = 0.0112 \times 22 \times 10 = 2.46 \text{ cm}^2.$$

De las fórmulas anteriormente halladas tenemos :

$$a = 0.470 A_s \dots \dots \dots \quad 0.470 \times 2.46 = 1.16$$

$$M_u = 2.46 \times 0.9 \times 2800 ( 22 - \frac{1.16}{2} ) = 1.33$$

El máximo momento en el nivel es:

$$M_u = \frac{2.050}{2.5} = 0.820 ; \text{ como: } 0.82 < 1.33 \text{ no será necesario chequear la deflexión.}$$

Comprobación de la adherencia .- Calcularemos el perímetro mínimo necesario en función del corte para tomar el esfuerzo máximo de adherencia .

$$\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{f'_c}}{D}$$

$$\frac{f'_c}{D} = 175 \\ D = 1.27 \text{ -- } \not\propto 1/2$$

$$\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{175}}{1.27} = 66.67 > 56 \text{ (pág 74 - ACI )}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

43

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{\phi \mu_u j d}$$

Para :  $d = 22$  cm.

$j = 0.88$

$\mu_u = 56$

$\phi = 0.85$

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.88 \times 22}$$

$$\sum_o = 1.085 V_u$$

Como los corte son pequeños comprobaremos el perímetro necesario para el máximo corte y compararemos con el menor perímetro ; excepto en los paños  $A_3$  y  $A_4$  que tienen fierro de  $3/8"$  que será comprobado con su respectivo corte. Por consiguiente el máximo corte en la AZCTEA es :  $V_u = 2.52 / 2.5 = 1.01$  , el perímetro necesario será :

$$\sum_o = 1.085 \times 1.01 = 1.09 \text{ cm.}$$

El perímetro mínimo existente, excepto en los paños  $A_3$  y  $A_4$  que comprobaremos más abajo , es el que corresponde a  $1 \phi 1/2$  y es  $\sum_o = 3.970 \text{ cm.}$

como :  $1.09 < 3.970$  CK.

El corte máximo en los paños  $A_3$  y  $A_4$  es :  $V_u = \frac{0.90}{2.5} = 0.36$  y el perímetro necesario es :

$$\sum_o = 1.085 \times 0.36 = 0.39 .$$

El perímetro existente es el que corresponde a  $1 \phi$  de  $3/8"$  y es :  $\sum_o = 2.992$

como :  $0.39 < 2.992$  CK.

Cálculo del largo de desarrollo .- El largo de desarrollo lo calcularemos mediante la tabla de la publicación especial N° 17 de la ACI -(pág. 114)  $La = \frac{as \times fy}{\mu_u \sum_o}$

a) Para  $\phi 3/8$  ;  $f'_c = 175$  ;  $fy = 2800$  ; barras inferiores :

$$La = 11.5 \approx 12 \text{ cm.}$$

b) Para  $\phi 1/2$  ;  $f'_c = 175$  ;  $fy = 2800$  ; barras inferiores :

$$La = 15.75 \approx 16 \text{ cm.}$$

Envolventes.- Las envolventes de momento y corte se encuentran en el plano N° 14

Colocacion del acero.- La colocacion del acero se puede ver en el plano N° 21

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

CALCULO DE MOMENTOS - ESFUERZO CRITANTE y DISEÑO

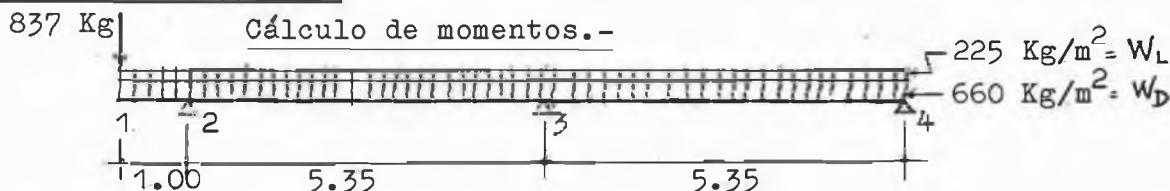
### Cálculo de momentos y esfuerzo cortante. —

Para efectuar el cálculo de momentos y esfuerzos cortantes en el aligerado de la azotea, se ha dividido en las zonas que indica el gráfico (hoja N° 38). Esta división en zonas o paños se ha hecho teniendo en cuenta la estructuración general. Por simetría tenemos  $A_1 = A_{12}$ ;  $A_2 = A_{11}$ ;  $A_3 = A_{10}$ ;  $A_4 = A_9$ ;  $A_5 = A_8$ ;  $A_{13} = A_{14}$ .

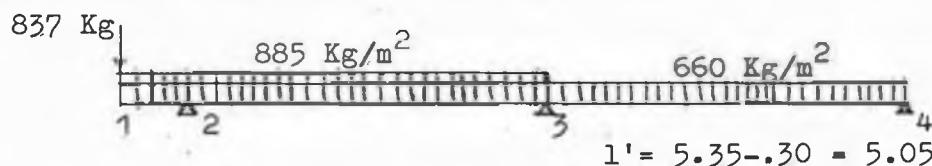
Los métodos empleados para calcular los momentos y esfuerzos cortantes en los diferentes paños serán los siguientes :

- Método de los coeficientes ( Reglamento A.C.I. - 63 )  
 $A_6$  ,  $A_7$  ,  $A_{13}$
  - Método Hardy Cross.  
 $A_1$  ,  $A_3$
  - Análisis simple.  
 $A_2$  ,  $A_4$  ,  $A_5$

PAÑO A.



Caso 1 .- ( Máximo negativo en 2 ).



$$c_{21} = 1, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.$$

$$M_{21} = 837 \times 1.00 + 885 \times 1.00 = 1.219 \text{ T-m}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1}{\pi^2} \times 885 \times \sqrt{5 \cdot 35} = 2.110 \text{ T-m}$$

$$M_{34} = M_{43} = \frac{1}{12} \times 660 \times 5.35 = 1.574 \quad T-m$$

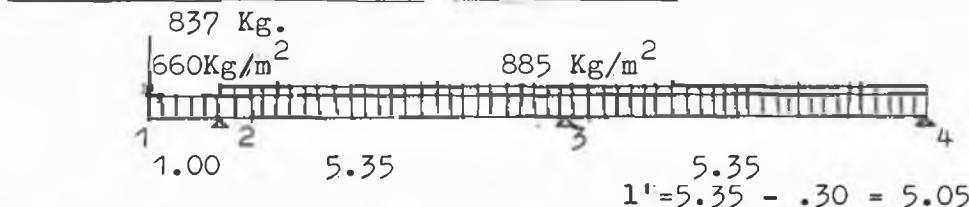
$$M_{40} = \frac{1}{24} \times 660 \times 505 = 0.701 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.279	-2.110	+2.110	-1.574	+1.574	-0.701
	+ .831	- .268	- .268	- .873	
	- .134	+ .415	- .436	- .134	
	+ .134	+ .010	+ .010	+ .134	
+1.279	-1.279	+2.268	-2.268	+0.701	-0.701

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

45

Caso 2 .- ( Máximo negativo en 3 y 4 ).



$$c_{23} = 1.00 ; c_{32} = c_{34} = 0.5 ; c_{43} = 1.00$$

$$M_{21} = 837 \times 1.00 + \frac{1}{2} \times 660 \times \frac{1.00^2}{12} = 1. \quad T-m$$

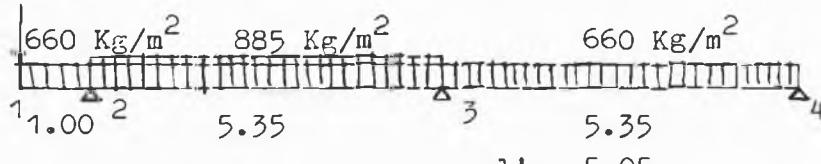
$$M_{23} = M_{32} = \frac{885 \times 5.35^2}{12} = 2.110 \quad T-m$$

$$M_{34} = M_{43} = \frac{885 \times 5.35^2}{12} = 2.110 \quad T-m ; M_{40} = \frac{885 \times 5.05^2}{24} = 0.940 \quad T-m$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.167	-2.110	+2.110	-2.110	+2.110	-0.940
+ .943	.000	.000	.000	-1.170	
.000	+ .471	- .585	.000	.000	
.000	+ .057	+ .057	.000	.000	
<b>+1.167</b>	<b>-1.167</b>	<b>+2.638</b>	<b>-2.638</b>	<b>+0.940</b>	<b>-0.940</b>

Caso 3 .- ( Máximo positivo en 2 - 3 ).

837 kg



$$c_{23} = 1.00 ; c_{32} = c_{34} = 0.5 ; c_{43} = 1.00$$

$$M_{21} = 837 \times 1.00 + \frac{1}{2} \times 660 \times \frac{1.00^2}{12} = 1.167 \quad T-m$$

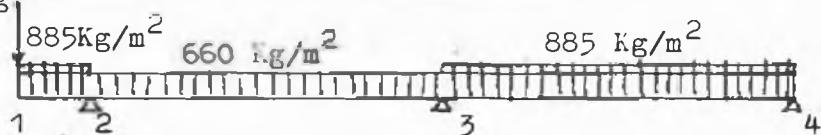
$$M_{23} = M_{32} = \frac{885 \times 5.35^2}{12} = 2.110 \quad T-m$$

$$M_{34} = M_{43} = \frac{660 \times 5.35^2}{12} = 1.574 \quad T-m ; M_{40} = \frac{660 \times 5.05^2}{24} = 0.701 \quad T-m$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.167	-2.110	+2.110	-1.574	+1.574	-0.701
+ .943	- .268	- .268	- .873	- .873	
- .134	+ .471	- .436	- .134	- .134	
+ .134	- .017	- .017	+ .134	+ .134	
<b>+1.167</b>	<b>-1.167</b>	<b>+2.295</b>	<b>-2.295</b>	<b>+0.701</b>	<b>-0.701</b>

Caso 4 .- ( Máximo positivo en 3 - 4 ).

837 Kg



ARANA MENOOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

46

$$C_{23} = 1.00 ; \quad C_{32} = C_{41} = 0.5 ; \quad C_{43} = 1.00$$

$$M_{21} = 837 \times 1.00 + \frac{885 \times 1.00}{2} = 1.279 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{660 \times 5.35}{12} = 1.574 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = M_{43} = \frac{885 \times 5.35}{12} = 2.110 \text{ T-m.} ; \quad M_{40} = \frac{885 \times 5.05}{24} = 0.940 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.279	-1.574	+1.574	-2.110	+2.110	-0.940
+ .295	+ .268	+ .268	- .268	-1.170	
+ .134	+ .147	- .147	- .585	+ .134	
- .134	+ .219	+ .219	+ .219	- .134	
<b>+1.279</b>	<b>-1.279</b>	<b>+2.208</b>	<b>-2.208</b>	<b>+0.940</b>	<b>-0.940</b>

### CALCULO DE LOS MOMENTOS ISOSTATICOS .- $\frac{w_1^2}{8}$

$$\frac{885 \times 5.35}{8} = 3.166 \text{ T-m.} ; \quad \frac{660 \times 5.35}{8} = 2.361 \text{ T-m.}$$

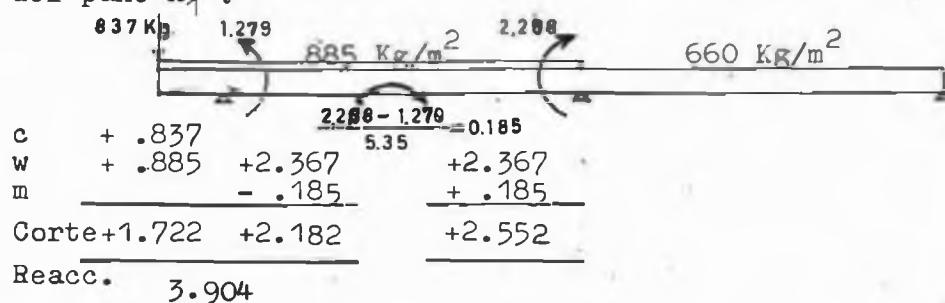
### CALCULO DE LOS MOMENTOS Y ESFUERZOS CORTANTES DE DISEÑO .-

Con los momentos máximos negativos obtenidos mediante diferentes combinaciones de cargas y los momentos isostáticos dibujamos la envolvente de momentos correspondiente al paño respectivo, ( ver PLANO N 14 ).

Con los máximos momentos negativos y las cargas actuantes obtenemos la envolvente de esfuerzo cortante, considerando para esto cada claro o tramo como un cuerpo libre. De la siguiente manera :

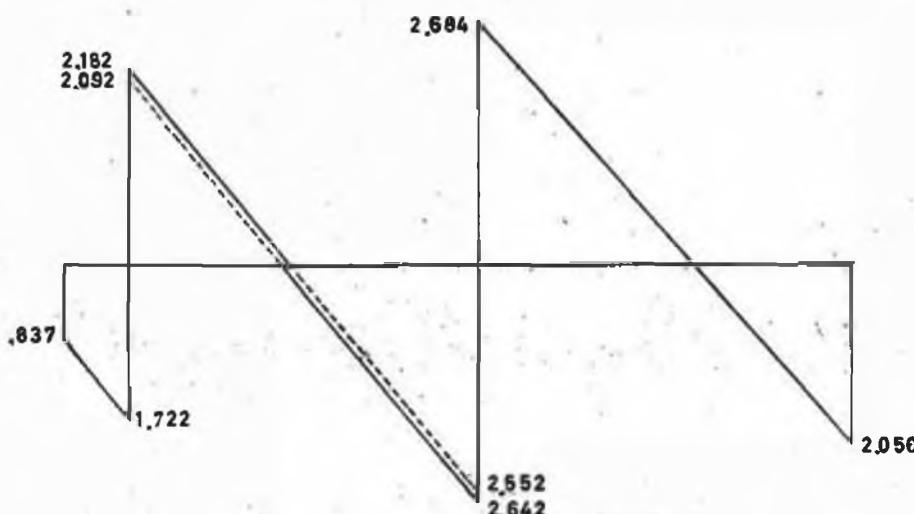
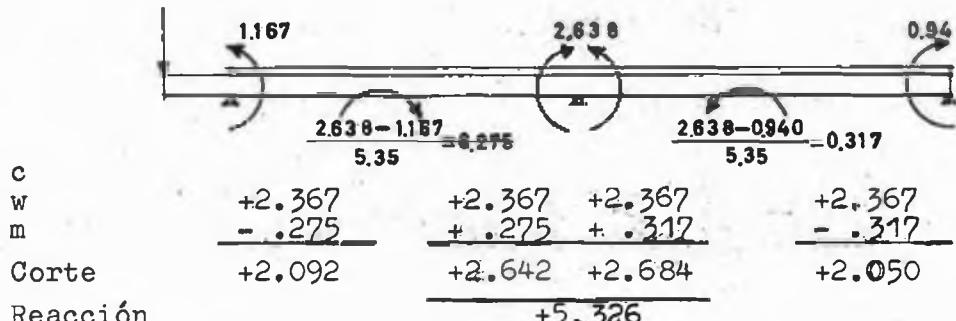
- 1) Hallamos los cortantes de los extremos causados por las cargas solas en cada tramo, concentradas (c) y distribuidas (w).
- 2) Hallamos los cortantes en los extremos causados por los momentos de los extremos (momentos negativos).

Estos cortantes se suman algebraicamente, obteniendo así el cortante neto para cada tramo; la suma algebraica de los cortantes en los extremos de cualquier apoyo, dará la reacción total. A continuación como ejemplo obtendremos la envolvente de esfuerzos cortantes del paño A<sub>1</sub>.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

47



- De las envolventes de momentos y esfuerzos cortantes tendremos
- Los momentos ( a la cara del apoyo ).
  - Los esfuerzos cortantes ( a la distancia "d" de la cara del apoyo )
  - Estos valores son los utilizados en el diseño del aligerado.

Acero por flexion.-

$$\underline{M_2} = 0.975 \text{ Por viga : } \frac{0.975}{2.5} = 0.390$$

- 1º tanteo : para  $0.2 d = a$   
 $As = 2.004 \times 0.390 = 0.78 \text{ cm}^2 / \text{vigueta}$   
 $a = 1.882 \times 0.78 = 1.47$

- 2º tanteo :  
 $As = \frac{0.390 \times 10^5}{0.9 \times 2800(22 - \frac{1.47}{2})} = 0.73 \text{ cm}^2 / \text{vigueta}$

como :  $0.73 < 1.1$ , luego adoptaremos el acero mínimo.

$$As = 1.1 \text{ cm}^2 / v. ----- 1 \varnothing 1/2$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 1.720 \text{ .- Por viga : } \frac{1.720}{2.5} = 0.688$$

- 1º tanteo : para  $0.2d$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

48

- 1º tanteo : para  $C.2 d = a$

$$As = 2.004 \times 0.688 = 1.38 \text{ cm}^2/\text{v.}$$

$$a = 0.470 \times 1.38 = 0.65$$

- 2º tanteo :

$$As = \frac{0.688 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.65}{2})} = 1.26$$

$$As = 1.26 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_3^-} = 2.250 \quad \text{por vigueta : } \frac{2.250}{2.5} = 0.900$$

- 1º tanteo : para  $a = 0.2 d$

$$As = 2.004 \times 0.900 = 1.80 \text{ cm}^2/\text{v.}$$

$$a = 1.882 \times 1.80 = 3.39$$

- 2º tanteo :

$$As = \frac{0.900 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{3.39}{2})} = 1.76$$

$$As = 1.76 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 3/8" + 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_{3-4}^+} = 1.660 \quad \text{por vigueta : } \frac{1.660}{2.5} = 0.664$$

- 1º tanteo : para  $a = 0.2 d$

$$As = 2.004 \times 0.664 = 1.33 \text{ cm}^2/\text{v.}$$

$$a = 0.470 \times 1.33 = 0.62$$

- 2º tanteo :

$$As = \frac{0.664 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.62}{2})} = 1.21$$

$$As = 1.21 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_4^-} = 0.940 \quad \text{por vigueta : } \frac{0.940}{2.5} = 0.376$$

- 1º tanteo : para  $a = 0.2 d$

$$As = 2.004 \times 0.376 = 0.76 \text{ cm}^2/\text{v.}$$

$$a = 1.882 \times 0.76 = 1.43$$

- 2º tanteo :

$$As = \frac{0.376 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.43}{2})} = 0.70$$

Como  $0.70 < 1.1$  ( acero minimo )

$$As = 1.1 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

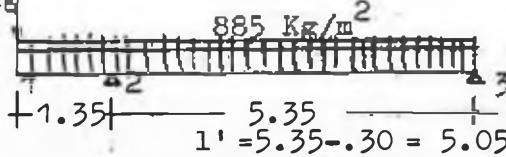
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

49

PAÑO A<sub>2</sub>

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 2 y en 3 ).

459 Kg

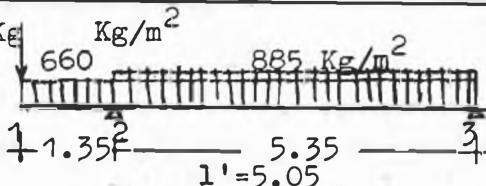


$$M_2^- = 459 \times 1.35 + \frac{1}{2} \times 885 \times 1.35^2 = 1.526 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{885 \times 5.05^2}{24} = 0.940 \text{ T-m.}$$

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ).

459 Kg



$$M_2^- = 459 \times 1.35 + \frac{1}{2} \times 660 \times 1.35^2 = 1.221 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{885 \times 5.05^2}{24} = 0.940 \text{ T-m.}$$

$$\text{Momento isostático .- } M_{2-3} = \frac{885 \times 5.35^2}{8} = 3.166 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$M_2^- = 0.730 \text{ (Tomamos el izquierdo por ser mayor) } \frac{0.730}{2.5} = 0.292 \text{ T-m/v.}$$

- 1º tanteo : para  $a = 0.2 d$

$$A_s = 2.004 \times 0.292 = 0.59 \text{ cm}^2 / v.$$

$$a = 1.882 \times 0.59 = 1.10$$

$$- 2º tanteo : A_s = \frac{0.292 \times 105}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.10}{2})} = 0.54 \text{ ( tomamos } A_s \text{ min.)}$$

$$A_s = 1.1 \text{ cm}^2 / v. ----- 1 \varnothing 1/2"$$

$$M_{2-3}^+ = 2.050 .-$$

$$\text{por vigueta : } \frac{2.050}{2.5} = 0.820$$

- 1 tanteo : para  $a = 0.2 d$

$$A_s = 2.004 \times 0.82 = 1.64 ; a = 0.470 \times 1.64 = 0.77$$

$$- 2º tanteo : A_s = \frac{0.820 \times 105}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.77}{2})} = 1.51$$

$$A_s = 1.51 \text{ cm}^2 / v. ----- 2 \varnothing 3/8 "$$

$$M_3^- = 0.940 .-$$

$$\text{por vigueta : } \frac{0.940}{2.5} = 0.376$$

- " Como es igual a  $M_4^-$  del Paño A<sub>1</sub>, el acero será el mismo :

$$A_s = 1.1 \text{ cm}^2 / v. ----- 1 \varnothing 1/2"$$

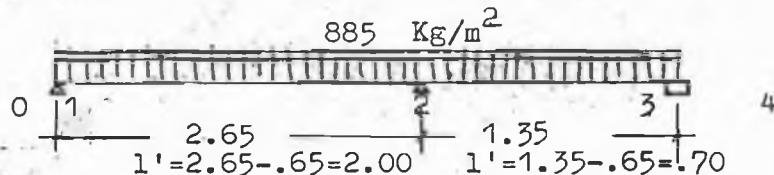
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

50

**PAÑO A**

Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en : 1, 2, 3. ).



$$c_{12} = 1.00 ; c_{32} = 1.00 ; c_{21} = \frac{1/2.65}{1/2.65 + 1/1.35} = 0.44 ; c_{23} = 0.56$$

$$M_{10} = \frac{885 \times 2.00}{24}^2 = 0.148 \text{ T-m.}$$

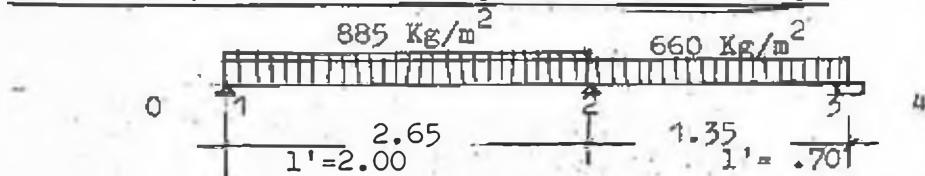
$$M_{12} = M_{21} = \frac{885 \times 2.65}{12}^2 = 0.518 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{885 \times 1.35}{12}^2 = 0.134 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{885 \times 0.70}{16}^2 = 0.027 \text{ T-m.}$$

	1.00	.44	.56	1.00	
+ .148	- .518	+ .518	- .134	+ .134	- .027
+ .370	- .169	- .215	- .107	- .107	
- .084	+ .185	- .053	- .107		
+ .084	- .058	- .074	+ .107		
[+ .148] [- .148]	[+ .476] [- .476]	[+ .027]	[+ .027]		

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1 - 2 ).



$$M_{10} = \frac{885 \times 2.00}{24}^2 = 0.148 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{885 \times 2.65}{12}^2 = 0.518 \text{ T-m.}$$

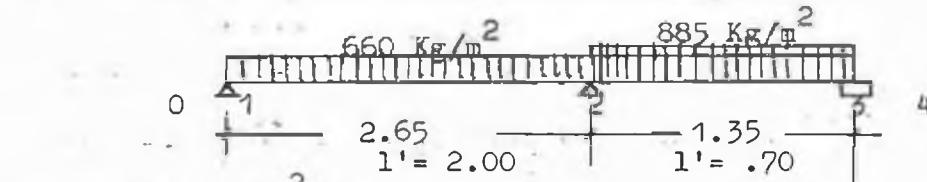
$$M_{23} = M_{32} = \frac{660 \times 1.35}{12}^2 = 0.100 \text{ T-m.} ; M_{34} = \frac{660 \times 0.70}{16}^2 = 0.20 \text{ T-m.}$$

	+ .518	+ .518	- .100	+ .100	- .020
+ .370	- .184	- .234	- .080		
- .092	+ .185	- .040	- .117		
+ .092	- .064	- .081	+ .117		
[+ .148] [- .148]	[+ .455] [- .455]	[+ .020]	[+ .020]		

Caso 3 .- .....

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2 - 3 ).



$$M_{10} = \frac{660 \times 2.00}{24} = 0.110 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{660 \times 2.65}{12}^2 = 0.386 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{885 \times 1.35}{12}^2 = 0.134 \text{ T-m. ; } M_{34} = \frac{885 \times .70}{16}^2 = 0.027 \text{ T-m.}$$

	1.00	.44	.56	1.00	
+ .110	- .386 + .276 - .055 + .055	+ .386 - .111 + .138 - .037	- .134 - .141 - .053 - .048	+ .134 - .107 - .070 + .070	- .027
+ .110	- .110	+ .376	- .376	+ .027	- .027

### Momentos isostáticos .- ( $\frac{W \times L^2}{8}$ )

$$M_{1-2} = \frac{885 \times \underline{\underline{2.65}}^2}{8} = 0.777 \quad T-m. \quad M_{2-3} = \frac{885 \times \underline{\underline{1.35}}^2}{8} = 0.201 T-m.$$

$$M_{1-2} = \frac{660 \times 2.65^2}{8} = 0.579 \text{ T-m. } M_{2-3} = \frac{660 \times 1.35^2}{8} = 0.150 \text{ T-m.}$$

## Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.148 \quad \text{Por vigueta} \quad \frac{0.148}{2.5} = 0.037$$

- 1º tanteo

para a = 0.2 d

$$AS = 2.004 \times 0.037 = 0.08 \quad ; \quad a = 1.882 \times 0.08 = 0.13$$

$$- 2^{\circ} \text{ tanteo} \quad AS = \frac{0.037 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.13}{2})} = 0.07$$

$$S = 0.02 \text{ cm}^2/\text{V} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$n_{1-2}^+ = 0.500 \quad \text{Por vigueta} \quad \frac{0.500}{2.5} = 0.200$$

-  $1^\circ$  tanteo

para  $a = C \cdot 2^d$

$$As = 2.004 \times 0.200 = 0.400 ; \quad a = 0.470 \times 0.200 = 0.188$$

$$- 2^{\circ} \text{ tanteo} \quad AS = \frac{0.200 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.188}{2})} = 0.36$$

$$\Delta s = 0.36 \text{ cm}^2/\text{v} \quad \dots$$

$$M_2^- = 0.130 \quad -\text{Por vigueta: } \frac{0.130}{2.5} = 0.052; \quad M_{2-3}^+ = \frac{0.020}{2.5} = 0.008 \quad \text{T-m/v.}$$

$M_{\frac{3}{3}} = 0.027$  -- For v. =  $\frac{0.027}{2.5} = 0.027$ . Como todos son aceros mínimos

tomaremos  $4/3$  de c/u. , en este caso como la diferencia es pequeña tomaremos  $4/3$  del mayor :  $As = 4/3 \times 0.36 = 0.48$  ----- 1 &  $3/8"$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

52

PAÑO A<sub>4</sub> ...

Cálculo de momentos,-

$$M_1^- = \frac{885 \times 1.50}{16}^2 = 0.124 \text{ T-m.}; M_2^- = \frac{885 \times 1.50}{24}^2 = 0.083 \text{ T-m.}$$

$$\text{Momento isostático .- } (\frac{W \times L^2}{8})$$

$$M_{1-2}^+ = \frac{885 \times 1.80}{8}^2 = 0.358 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.124 \text{ .-}$$

$$\text{Por vigueta : } \frac{0.124}{2.5} = 0.050$$

4/3 As ----- 1 Ø 3/8"

$$M_{1-2}^+ = 0.250 \text{ .-}$$

$$\text{Por vigueta : } \frac{0.250}{2.5} = 0.100$$

$$1^\circ - \text{tanteo} \quad As = 2.004 \times 0.100 = 0.200; a = 0.470 \times 0.200 = 0.094$$

$$2^\circ - \text{tanteo} \quad As = \frac{0.100 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.094}{2})} = 0.18$$

As = 0.18 -- 4/3 As ----- 1 Ø 3/8"

$$M_2^- = 0.083 \text{ .-}$$

$$\text{Por vigueta : } \frac{0.083}{2.5} = 0.033$$

4/3 As ----- 1 Ø 3/8 Tomamos 4/3

del área de acero máximo , por que al igual que en el caso anterior todas las áreas de acero obtenidas son menores que el acero mínimo que es 1.1 cm<sup>2</sup>/ vigueta.

$$4/3 \times 0.18 = 0.24 \text{ cm}^2 \text{----- 1 Ø 3/8"}$$

( ver pág. 37 reglamento A C I ).

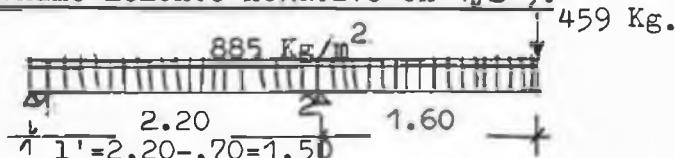
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

53

PAÑO A

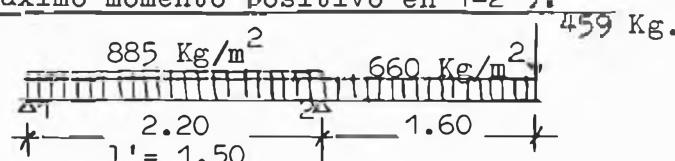
5 .-- Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1y2 ).



$$M_1^- = \frac{885 \times 1.50}{24}^2 = 0.083 \text{ T-m.} ; M_2^- = 459 \times 1.60 + \frac{885 \times 1.60}{2}^2 = 1.866 \text{ T-m.}$$

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 ).



$$M_1^- = \frac{885 \times 1.50}{24}^2 = 0.083 \text{ T-m.} ; M_2^- = 459 \times 1.60 + \frac{660 \times 1.60}{2}^2 = 1.579 \text{ T-m.}$$

Momento isostático .- ( $\frac{W \times I^2}{8}$ )

$$M_{1-2}^- = \frac{885 \times 2.20}{8}^2 = 0.534 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$\underline{M_1^- = 0.083} \quad .- \quad 0.083/2.5 = 0.033 \quad ; \quad 0.033 < 0.595 \text{ ( As mínimo )}$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = 0.000} \quad .-$$

$$\underline{M_2^- = 1.320} \quad .- \quad \text{Por vigueta : } 1.320/2.5 = 0.528$$

$$1^\circ - \text{tanteo} \quad As = 2.004 \times 0.528 = 1.06 ; \quad a = 1.882 \times 1.06 = 2.00$$

$$2^\circ - \text{tanteo} \quad As = \frac{0.528 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.00}{2})} = 1.00$$

$$As = 1.00 ----- As \text{ mínimo} = 1.1 -- 1 \varnothing 1/2"$$

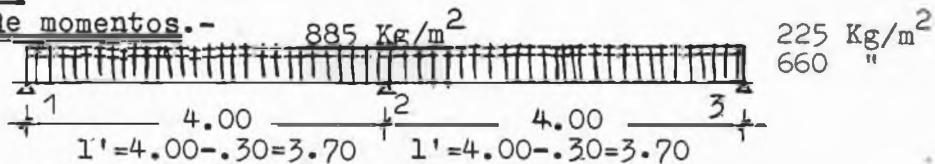
Como no hay momentos positivos , colocaremos a lo largo de todo el paño  $1 \varnothing 1/2"$  ( negativo ).

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

54

PAÑO A<sub>6</sub>

Cálculo de momentos.-



$$M_{1'}^- = \frac{1}{24} W l'^2 = \frac{885 \times 3.70}{24}^2 = 0.505 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- = \frac{1}{9} W l'^2 = \frac{885 \times 3.70}{9}^2 = 1.346 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{1}{24} W l'^2 = \frac{885 \times 3.70}{24}^2 = 0.505 \text{ T-m.}$$

$$M_{1-2}^+ = \frac{1}{14} W l'^2 = \frac{885 \times 3.70}{14}^2 = 0.865 \text{ T-m.} ; M_{2-3}^+ = \frac{885 \times 3.70}{14}^2 = 0.865 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$\underline{M_1^- = 0.505} \quad \therefore \quad 0.505/2.5 = 0.202 \quad (0.202 < 0.595)$$

$$\bar{A}s = 1.1 \quad \bar{A}s \text{ minimo} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = 0.865} \quad \therefore \quad 0.865/2.5 = 0.346 \quad (0.346 < 0.602)$$

$$\bar{A}s \text{ minimo} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_2^- = 1.346} \quad \therefore \quad 1.346/2.5 = 0.538$$

$$1^\circ - \text{tanteo} \quad \bar{A}s = 2.004 \times 0.538 = 1.08 ; a = 1.882 \times 1.08 = 2.03$$

$$2^\circ - \text{tanteo} \quad \bar{A}s = \frac{0.538 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.03}{2})} = 1.02$$

$$\bar{A}s \text{ minimo} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_{2-3}^+ = 0.865} \quad \therefore \quad 0.865/2.5 = 0.346 \quad (0.346 < 0.602)$$

$$\bar{A}s \text{ minimo} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_3^- = 0.505} \quad \therefore \quad 0.505/2.5 = 0.202 \quad (0.202 < 0.595)$$

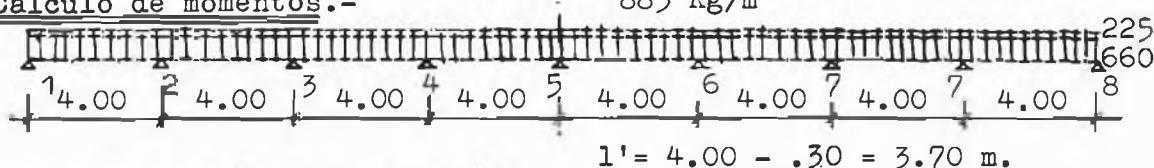
$$\bar{A}s \text{ minimo} \quad 1 \varnothing 1/2"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

55

**PAÑO A<sub>7</sub>.**

Cálculo de momentos.-



885 Kg/m

225

660

$$M_1^- = M_9^- = \frac{W l^2}{24} = \frac{885 \times 3.70^2}{24} = 0.505 \text{ T-m.}$$

$$M_{2\text{ex.}}^- = M_{8\text{ex.}}^- = \frac{W l^2}{10} = \frac{885 \times 3.70^2}{10} = 1.212 \text{ T-m.}$$

$$M_{2\text{in.}}^- = M_{8\text{in.}}^- = \frac{W l^2}{11} = \frac{885 \times 3.70^2}{11} = 1.101 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = M_4^- = M_5^- = M_6^- = M_7^- = \frac{W l^2}{11} = \frac{885 \times 3.70^2}{11} = 1.101 \text{ T-m.}$$

$$M_{1-2}^+ = M_{8-9}^+ = \frac{1}{14} \times 885 \times 3.70^2 = 0.865 \text{ T-m.}$$

$$M_{2-3}^+ = M_{3-4}^+ = M_{4-5}^+ = M_{5-6}^+ = M_{6-7}^+ = M_{7-8}^+ = \frac{W l^2}{16} = \frac{885 \times 3.70^2}{16} = 0.757 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = M_9^- = 0.505 \text{ -- Igual que } M_1^- \text{ del PAÑO A}_6.$$

As = mínimo 1.1 cm<sup>2</sup>/v. --1 Ø 1/2"

$$M_{1-2}^+ = M_{8-9}^+ = 0.865 \quad 0.865/2.5 = 0.346 \quad (0.346 < 0.602)$$

As = mínimo 1.1 cm<sup>2</sup>/v.-1 Ø 1/2

$$M_2^- = M_8^- = 1.212 \quad 1.212/2.5 = 0.485$$

$$- 1^\circ \text{tanteo} \quad As = 2.004 \times 0.485 = 0.97 ; \quad a = 1.882 \times 0.97 = 1.83$$

$$- 2^\circ \text{tanteo} \quad As = \frac{0.485 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.83}{2})} = 0.92 ;$$

As = mínimo 1.1 cm<sup>2</sup>/v.-1 Ø 1/2"

$$M_{2-3}^+ = M_{3-4}^+ = M_{4-5}^+ = M_{5-6}^+ = M_{6-7}^+ = M_{7-8}^+ = 0.757 ; \quad 0.757/2.5 = 0.303$$

Comonx: 0.303 < 0.602

As = mínimo 1.1 cm<sup>2</sup>/v.-1 Ø 1/2"

$$M_3^- = M_4^- = M_5^- = M_6^- = M_7^- = 1.101 ; \quad 1.101/2.5 = 0.440$$

$$As = 2.004 \times 0.440 = 0.88 ; \quad a = 1.882 \times 0.88 = 1.65$$

$$As = \frac{0.440 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - 1.65/2)} = 0.83 \quad \text{---- As mñi. 1Ø 1/2".}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

56

[PAÑO A<sub>13</sub> .]

Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = \frac{W 1'^2}{24} = \frac{885 \times 3.65^2}{24} = 0.491 \text{ T-m.}$$

$$M_{2\text{ex.}}^- = \frac{W 1'^2}{10} = \frac{885 \times 3.675^2}{10} = 1.195 \text{ T-m.}$$

$$M_{2\text{in.}}^- = \frac{W 1'^2}{11} =$$

$$M_{3\text{ex.}}^- = \frac{W 1'^2}{10} =$$

$$M_{3\text{in.}}^- = \frac{W 1'^2}{11} = \frac{885 \times 3.775^2}{11} = 1.147 \text{ T-m.}$$

$$M_4^- = \frac{W 1'^2}{24} = \frac{885 \times 3.85^2}{24} = 0.547 \text{ T-m.}$$

$$M_{1-2}^+ = \frac{W 1'^2}{14} = \frac{885 \times 3.65^2}{14} = 0.842 \text{ T-m.}$$

$$M_{2-3}^+ = \frac{W 1'^2}{16} = \frac{885 \times 3.70^2}{16} = 0.757 \text{ T-m.}$$

$$M_{3-4}^+ = \frac{W 1'^2}{14} = \frac{885 \times 3.85^2}{14} = 0.937 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$\underline{M_1^- = 0.491 \text{ .-}} \quad 0.491/2.5 = 0.196 \quad (0.196 < 0.595)$$

As = mínimo ----- 1 Ø 1/2"

$$\underline{M_{1-2}^+ = 0.842 \text{ .-}} \quad 0.842/2.5 = 0.337 \quad (0.337 < 0.602)$$

As = mínimo ----- 1 Ø 1/2"

$$\underline{M_2^- = 1.195 \text{ .-}} \quad 1.195/2.5 = 0.478 \quad (0.478 < 0.595)$$

As = mínimo ----- 1 Ø 1/2"

$$\underline{M_{2-3}^+ = 0.757 \text{ .-}} \quad 0.757/2.5 = 0.303 \quad (0.303 < 0.602)$$

As = mínimo ----- 1 Ø 1/2"

$$\underline{M_3^- = 1.261 \text{ .-}} \quad 1.261/2.5 = 0.504 \quad (0.504 < 0.595) - 1 Ø 1/2"$$

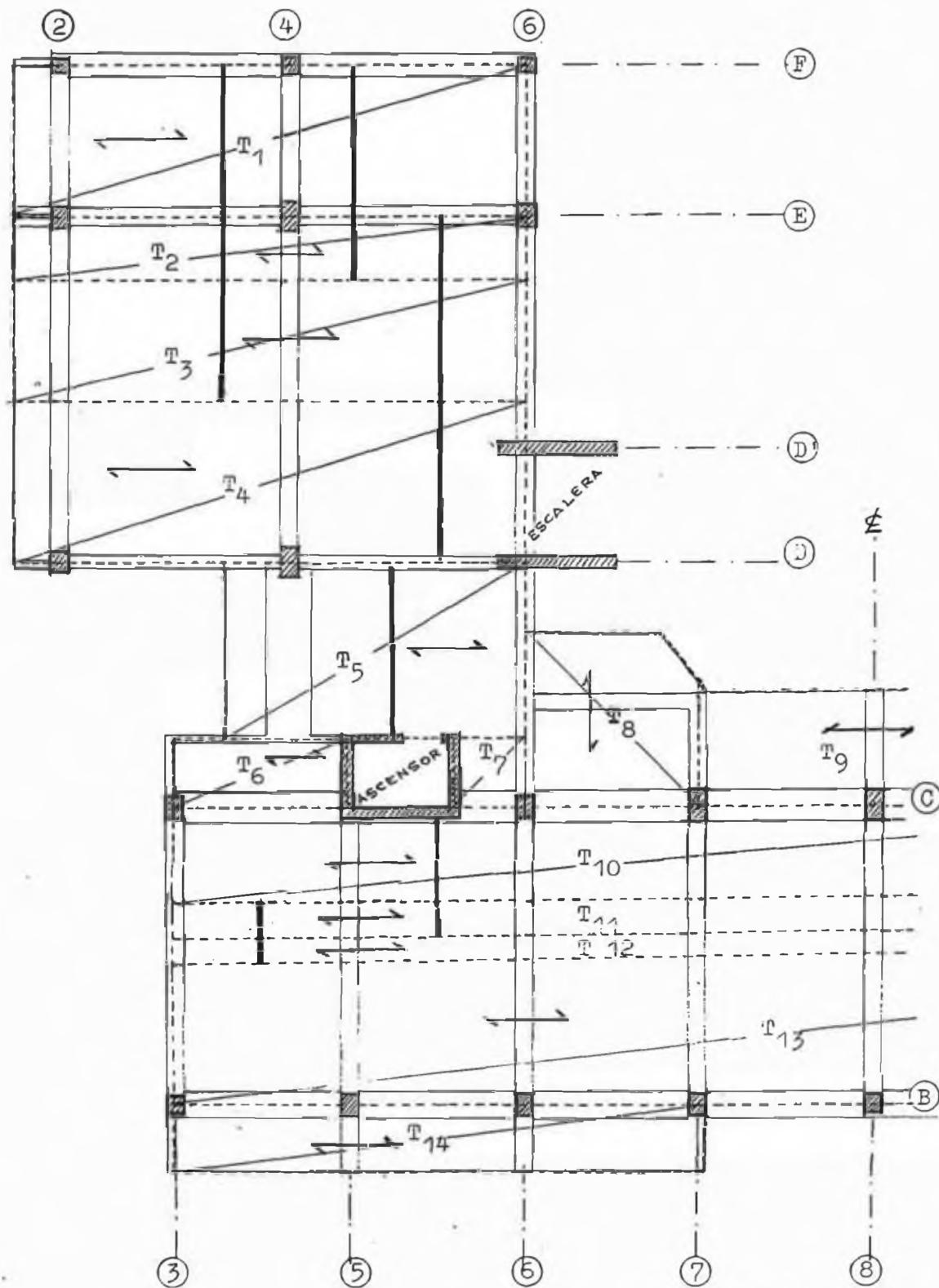
$$\underline{M_{3-4}^+ = 0.937 \text{ .-}} \quad 0.937/2.5 = 0.375 \quad 0.602 ----- 1 Ø 1/2"$$

$$\underline{M_4^- = 0.547 \text{ .-}} \quad 0.547/2.5 = 0.219 \quad (0.219 < 0.595) - 1 Ø 1/2"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

57

ALIGERADO DEL PISO TIPICO .-



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

58

D I S E Ñ O    A L I G E R A D O S    P I S O    T I P I C O

Tomaremos un concreto de -----  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$   
un acero de -----  $f_y = 2800 \text{ "}$   
como el aligerado es de 25 cm. -----  $d = 22 \text{ cm.}$

Area de acero.-

Las fórmulas a emplear son las siguientes :

$$A_s = \frac{\mu_u}{\phi f_y (d - \frac{a}{2})}$$

Teniendo en cuenta :  $\phi = 0.90$ ,  $a = 0.2 d$  ( primer tanteo ).  
obtendremos la siguiente relación entre  $A_s$  y  $M_u$ .

$$A_s = 2.004 \mu_u$$

Para el segundo tanteo, tendremos en consideración dos acápite.

Para momentos negativos : -----

$$a = \frac{A_s \times f_y}{0.85 f_c' b}$$

$$a = 1.569 A_s$$

$$f_y = 2800$$

$$f_c' = 210$$

$$b' = 10 \text{ cm}$$

Para momentos positivos : -----

$$a = \frac{A_s f_y}{0.85 f_c' b}$$

$$s = 0.392 A_s$$

$$f_y = 2800$$

$$f_c' = 210$$

$$b = 40 \text{ cm}$$

Verificación por corte .- Verificaremos si el "d" escogido es suficiente para tomar el máximo corte en el aligerado del piso típico.

El corte unitario que toma el concreto es :

$$v = 1.1 \times 0.53 \times \phi \times \sqrt{f_c'}$$

Luego:  $v = 1.1 \times 0.53 \times 0.85 \times \sqrt{210} = 7.2$   
 $v = 7.2 \text{ Kg/cm}^2$

El corte que corresponde a este corte unitario será :

$$v = 7.2 \times 2.5 \times 10 \times 22 = 3.960 \text{ T/m.}$$

Este corte ( 3.960 .../m.) es el máximo que puede soportar nuestras viguetas de  $b' = 10 \text{ cm.}$  sin ser ensanchadas.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

59

El corte máximo en el piso típico es 4.090 T. como este corte es mayor que 3.960 , necesitaremos ensanche de viguetas a una distancia que la sacamos del plano N° 15 . ( 4.090 - Paño  $T_2$  ) la longitud de ensanche es :

$$X = 0.53 \text{ m.}$$

El siguiente corte mayor es 3.930 T. Como es menor que : 3.960 T. no necesitaremos más ensanches en todo el piso típico.

Verificación de sección .- Para verificar si la sección es rectangular O sección T ----- tomamos el máximo momento positivo del piso típico que es : 3.560 T-m. y suponiendo que  $k_{ud} = t = 5\text{cm}$

$$a = k_1 k_{ud} = k_1 t = 0.85 \times 5 = 4.25$$

$$A_s = \frac{3560 \times 10^4}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{4.25}{2})} = 7.11$$

$$P = \frac{7.11}{100 \times 22} = 0.00323$$

$$Q = P \cdot \frac{f_y}{f_y' \cdot \alpha} = 0.00323 \times \frac{2800}{210} = 0.0431$$

$$1.18 \times \frac{d}{2} = 1.18 \times 0.0431 \times \frac{22}{0.85} = 1.32$$

Como : 1.32 < 5 ----- La sección es rectangular.

Verificación del momento máximo .-

De la fórmula :

$$M_u \text{ máx.} = 0.262 \times f'_c \times b \times d^2 \quad (\text{ver alig. ABCTEA})$$

$$M_u \text{ máx.} = 0.262 \times 210 \times 10 \times 22^2 = 2.663 \text{ T-m.}$$

El máximo momento que tenemos en el piso típico es : 3.930 T-m lo que nos da por vigueta :

$$3.930 / 2.5 = 1.572 \text{ T-m/vigueta.}$$

Como : 2.663 > 1.572 ; estamos debajo del momento máx.

Acero Mínimo .- Según el reglamento la cuantía mínima es :

$$P_{\text{min.}} = \frac{14}{f_y} \quad \frac{14}{2800} = 0.005$$

$$\text{El acero mínimo será : } As = 0.005 \times b' \times d = 0.005 \times 10 \times 22 = 1.1 \text{ cm}_2/\text{v.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

60

El momento que corresponderá para este acero mínimo es:

( + )	( - )
$A_s = 1.1 \text{ cm}^2/\text{v.}$	$A_s = 1.1 \text{ cm}^2/\text{v.}$
$a = 0.392 \times 1.1 = 0.43$	$a = 1.569 \times 1.1 = 1.72$
$M_u = 1.1 \times 0.95 \times 2800 (22 - \frac{0.43}{2}) / 10^5$	$M_u = 1.1 \times 0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.72}{2}) / 10^5$
$M_u = 0.604 \text{ T-m.}/\text{v.}$	$M_u = 0.586 \text{ T-m.}/\text{v.}$

Tendremos las mismas consideraciones que en la azotca cuando encontramos acero menor que  $1.1 \text{ cm}^2/\text{v.}$  También usaremos en los apoyos el mayor de los dos momentos negativos para el cálculo del acero en dicho apoyo.

Comprobación de la flecha .- La cuantía máxima para el efecto de la comprobación de la flecha es :

$$p = 0.18 \frac{f'_c}{f_y} \quad ----- = 0.18 \times \frac{210}{2800} = 0.0135$$

El acero que corresponde a esta cuantía es:

$$A_s = 0.0135 \times 22 \times 10 = 2.97 \text{ cm}^2$$

De las fórmulas anteriormente halladas tenemos:

$$a = 0.392 \times A_s \quad ----- a = 0.392 \times 2.97$$

$$M_u = 2.97 \times 0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.16}{2}) / 10^5$$

$$M_u = 1.60$$

El máximo momento en el nivel es :

$$M_u = \frac{3.560}{2.5} = 1.42 \text{ T-m/v.}; \text{ como : } 1.42 < 1.60 \text{ No será necesario comprobar la flecha.}$$

Comprobación de la adherencia .- Calcularemos el perímetro mínimo necesario en función del corte para tomar el esfuerzo máximo de adherencia en las diferentes situaciones.

$$a) \quad f'_c = 210 \text{ Kg./cm}^2 \quad ; \quad \phi = 1/2" \quad ; \quad d = 22 \text{ cm.}$$

$$\boxed{\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{f'_c}}{D}} \quad ----- \mu_u = \frac{6.4 \times \sqrt{210}}{1.27} = 73.02 > 56$$

(pág 74 - ACI)

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

61

$$\sum_o = \frac{Vu \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 22} = 1.097 \text{ Vu}$$

$$\boxed{\sum_o = 1.097 \text{ Vu}} \quad \phi \frac{1}{2}''$$

b)  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2 ; \phi 5/8'' = 1.538 \text{ cm.} ; d = 22 \text{ cm.}$

$$\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{f_c}}{D} \quad u = \frac{6.4 \times \sqrt{210}}{1.538} = 59.52 \quad 56$$

$$\sum_o = \frac{Vu \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 22} = 1.097 \text{ vu}$$

$$\boxed{\sum_o = 1.097 \text{ vu}} \quad \phi \frac{5}{8}''$$

Cálculo del largo de desarrollo para el anclaje .- Lo calcularemos utilizando la tabla de la publicación especial N° 17 de la A.C.I - pág. 114 .

$$\boxed{La = \frac{As f_y}{\mu_u \sum_o}}$$

a)  $f_c' = 210 \text{ Kg/cm}^2 ; f_y = 2800 \text{ Kg/cm}^2 ; \phi 3/8'' \text{ (barras inferiores)}$

$$\boxed{La = 11.5 \approx 12 \text{ cm.}}$$

b)  $f_c' = 210 ; f_y = 2800 ; \phi 1/2'' \text{ (barras inferiores)}$

$$\boxed{La = 15.75 \approx 16 \text{ cm.}}$$

c)  $f_c' = 210 ; f_y = 2800 ; \phi 5/8'' \text{ (barras inferiores)}$

$$\boxed{La = 19.5 \approx 20 \text{ cm.}}$$

El reglamento señala que si los largos de desarrollo por anclaje se incrementan en un 25 % , se exonera el chequeo por adherencia

Envolventes.- Con los momentos que se calcularán más adelante mediante el método de Cross y el que llamaremos simple, graficaremos las envolventes de momentos. Ver planos N° 15, 16 y 17 . Con los cortes que se calcularán como se ha explicado en la azotea, graficaremos las envolventes de corte. Ver planos N° 15, 16, 17. No es necesario graficar envolventes para los momentos y cortes que se calcularán por el método de coeficientes.

Colocación del acero.- Ver plano N° 21 .

Acero por temperatura .-  $0.0020 \times 5 \times 100 = 1 \text{ cm}^2 \quad \phi \frac{1}{4}'' (\omega 30 \text{ cm.})$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

CALCULOS DE MOMENTOS - ESFUERZO CORTANTE Y DISEÑO

Cálculo de momentos y esfuerzo cortante.-

Para efectuar el cálculo de los momentos y esfuerzos cortantes en el aligerado de los pisos típicos, se ha dividido la planta correspondiente en zonas o paños; al igual que para el diseño del aligerado de la azotea, dicha división se ha hecho teniendo en cuenta la estructuración general; como apreciamos en el gráfico ( hoja N° 57 ) en el que por simetría  $T_1 = T_{15}$ ;  $T_2 = T_{16}$ ;  $T_3 = T_{17}$ ;  $T_4 = T_{18}$ ;  $T_5 = T_{19}$ ;  $T_6 = T_{20}$ ;  $T_7 = T_{21}$ ;  $T_8 = T_{22}$ ;  $T_{14} = T_{23}$ .

Los métodos a emplearse para calcular los momentos y esfuerzos cortantes en los diferentes paños serán los siguientes :

- Método de los coeficientes ( Reglamento A.C.I. - 63 )

$$T_9 ; T_{13} ; T_{14}$$

- Método Hardy Cross.

$$T_1 ; T_2 ; T_3 ; T_4 ; T_6 ; T_{10} ; T_{11} ; T_{12}$$

- Método simple.

$$T_5 ; T_7 ; T_8$$

En el piso típico tenemos las siguientes cargas :

$$W_D = \text{peso propio + piso terminado} = pp + pt = 450 + 100 = 550 \text{ Kg/m}^2$$

$$W_L = \text{sobrecarga ó carga viva} = s/c = 200 \text{ Kg/m}^2$$

$$W_u = 1.5 W_D + 1.8 W_L = 1.5 \times 550 + 1.8 \times 200 = 825 + 360 = 1,185 \text{ Kg/m}^2$$

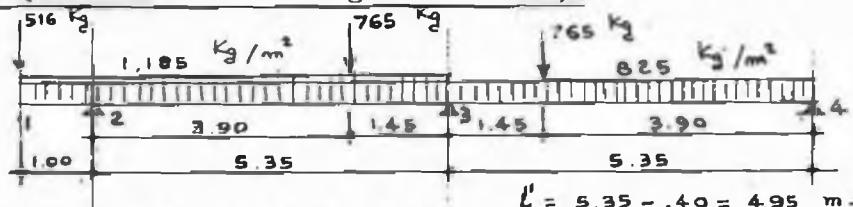
$$W_{uD} = 825 \text{ Kg/m}^2$$

$$W_{uL} = 360 \text{ Kg/m}^2$$

PAÑO T<sub>1</sub>

Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 2 ).



$$c_{23} = 1.00, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

$$M_{21} = \frac{1.185 \times 100^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35} = 3.415 \text{ T-m}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

63

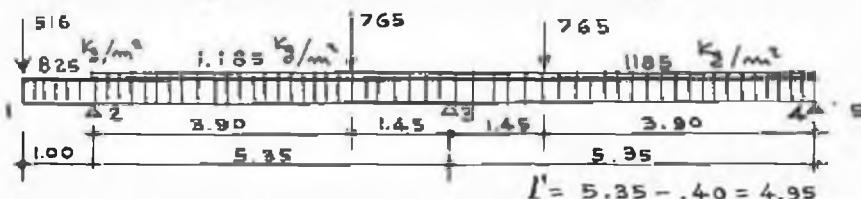
$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} = 2.557 \text{ T-m}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} = 2.187 \text{ T-m}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m}$$

	0.00	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-3.045	+3.415	-2.557	+2.187	-1.021	
	+1.937	- .429	- .429	- .166		
	- .214	+ .968	- .583	- .214		
	+ .214	- .192	- .192	+ .214		
+1.108	-1.108	+3.762	-3.761	+1.021	-1.021	

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



$$c_{21} = 0.00, c_{23} = 1.00, c_{32} - c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m}$$

$$M_{23} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m}$$

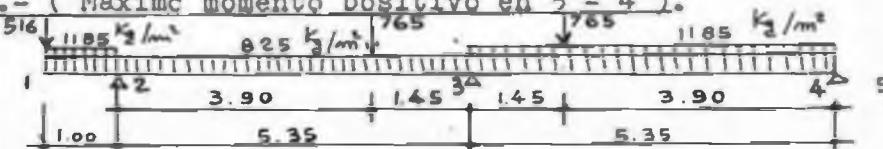
$$M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m}$$

$$M_{34} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m}$$

$$M_{43} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m}$$

	0.50	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-3.415	+3.045	-1.210	
	+2.117	0.000	0.000	-1.835		
	0.000	+1.058	- .917	0.000		
	0.000	- .070	- .070	0.000		
+ .928	- .928	+4.403	-4.402	+1.210	-1.210	

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 3 - 4 ).



$$c_{21} = 0.00, c_{23} = 1.00, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CÁCERES BRUZZONE AURELIO A.

64

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1,185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m}$$

$$M_{23} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 2.187 \text{ T-m}$$

$$M_{32} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 2.557 \text{ T-m}$$

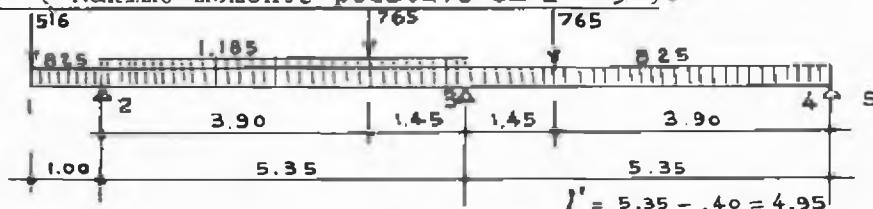
$$M_{34} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m}$$

$$M_{43} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m}$$

$$M_{45} = \frac{1,185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m}$$

	0.00	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-2.187	+2.557	-3.415	+3.045	-1.210	
	+1.079	+ .429	+ .429		-1.835	
	+ .214	+ .539	- .917	+ .214		
	- .214	+ .189	+ .189	- .214		
[+1.108]	-1.108	[+3.714]	-3.714	[+1.210]	-1.210	

Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2 - 3 ).



$$C_{21} = 0.000, C_{23} = 1.00, C_{32} = C_{34} = 0.5, C_{45} = 1.00$$

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m}$$

$$M_{23} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m}$$

$$M_{32} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m}$$

$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} = 2.557 \text{ T-m}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} = 2.187 \text{ T-m}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m}$$

	0.00	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-2.557	+2.187	-1.021	
	+2.117	- .429	- .429	-1.166		
	- .214	+1.058	- .583	- .214		
	+ .214	- .237	- .237	+ .214		
[+ .928]	- .928	[+3.807]	-3.806	[+1.021]	-1.021	

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

65

Momentos isostáticos .-  $\frac{1}{8} w L^2$  ----- P a b / L T-m.  
Carga uniforme ..  $\frac{825 \times 5.35^2}{8} = 3.063$ ;  $\frac{1.185 \times 5.35^2}{8} = 3.630$

Carga concentrada ....  $\frac{765 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.809$  T-m.

Acero por flexion.-

$M_2^- = 0.830$  .-  $0.830/2.5 = 0.332$  T-m./v.

1º- tanteo ( $0.2 d = a$ )  $As = 2.004 \times 0.332 = 0.66$

$a = 1.569 \times 0.66 = 1.04$

2º- tanteo  $As = \frac{0.332 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.04}{2})} = 0.61$

$0.61 < As$  min.-----  $As = 1.1 \text{ cm}^2/v.$  (As min.) --- 1 Ø 1/2"

Adherencia .-  $V_u = 2.65/2.5 = 1.06$  T.

$\sum_o = 1.097 \times 1.06 = 1.16$  cm.

El perimetro existente es  $\sum_o = 3.970$  cm

Como :  $1.16 < 3.970$  OK.

$M_{2-3}^+ = 1.900$  .-  $1.900/2.5 = 0.760$  T-m./v.

Area de acero .-  $- As = 2.004 \times 0.760 = 1.52$

$a = 0.392 \times 1.52 = 0.59$

$- As = \frac{0.760 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.59}{2})} = 1.39$

$As = 1.39 \text{ cm}^2/v.$  ----- 2 Ø 3/8"

ADherencia .-  $V_u = 2.99/2.5 = 1.19$

$\sum_o = 1.097 \times 1.19 = 1.31$

El perimetro existente es  $\sum_o = 5.865$  cm

Como :  $1.31 < 5.865$  OK.

$M_2^- = 3.610$  .-  $3.610/2.5 = 1.444$  T-m./v.

Area de acero .-  $- As = 2.004 \times 1.444 = 2.89$

$a = 1.569 \times 2.89 = 4.53$

$- As = \frac{1.444 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - 4.53/2)} = 2.9$   $\left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2 \\ 1 \varnothing 5/8 \end{array} \right.$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

GG

- Adherencia .-       $V_u = 4.14/2.5 = 1.65$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.65 = 1.82$   
 El perímetro existente es  $\sum_o = 8.170$   
 $1.82 < 8.170$       OK.
- $m_{3-4}^+ = 1.750$  .-       $1.750/2.50 = 0.700$   
 Área de acero .-       $- As = 2.004 \times 0.700 = 1.41$   
 $a = 0.392 \times 1.41 = 0.55$   
 $- As = \frac{0.700 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.55}{2})} = 1.27$   
 $As = 1.27 \text{ cm}^2/v.----- 1 \varnothing 1/2"$
- Adherencia.       $V_u = 2.90/2.5 = 1.16$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.16 = 1.27$   
 El perímetro existente es  $\sum_o = 3.970$   
 $1.27 < 3.970$       OK.
- $m_4^- = 1.210$  .-       $1.210/2.5 = 0.484$   
 Área de acero .-       $- As = 2.004 \times 0.484 = 0.97$   
 $a = 1.569 \times 0.97 = 1.53$   
 $- As = \frac{0.484 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.53}{2})} = 0.91$   
 $As = 1.1 \text{ As mínimo ----- } 1 \varnothing 1/2"$
- Adherencia.       $V_u = 2.55/2.5 = 1.02$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.02 = 1.12$   
 El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$   
 $1.12 < 3.97$       OK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

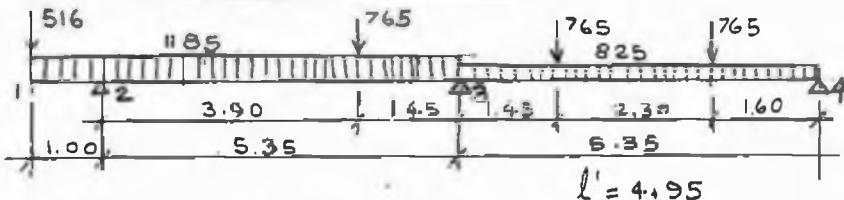
66

- Adherencia .-  $V_u = 4.14/2.5 = 1.65$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.65 = 1.82$   
El perímetro existente es  $\sum_o = 8.170$   
 $1.82 < 8.170$  OK.
- $m_{3-4}^+ = 1.750$  .-  $1.750/2.50 = 0.700$   
Area de acero .-  
-  $A_s = 2.004 \times 0.700 = 1.41$   
 $a = 0.392 \times 1.41 = 0.55$   
-  $A_s = \frac{0.700 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.55}{2})} = 1.27$   
 $A_s = 1.27 \text{ cm}^2/v.----- 1 \varnothing 1/2"$
- Adherencia.  $V_u = 2.90/2.5 = 1.16$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.16 = 1.27$   
El perímetro existente es  $\sum_o = 3.970$   
 $1.27 < 3.970$  OK.
- $m_4^- = 1.210$  .-  $1.210/2.5 = 0.484$   
Area de acero .-  
-  $A_s = 2.004 \times 0.484 = 0.97$   
 $a = 1.569 \times 0.97 = 1.53$   
-  $A_s = \frac{0.484 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.53}{2})} = 0.91$   
 $A_s = 1.1 \text{ As mínimo } ----- \not\propto 1/2"$
- Adherencia.  $V_u = 2.55/2.5 = 1.02$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.02 = 1.12$   
El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$   
 $1.12 < 3.97$  OK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

**PANO T<sub>2</sub>**      Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máx. Mto negativo en 2 ).



$$c_{21} = 0.00, c_{23} = 1.00, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1,185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m}$$

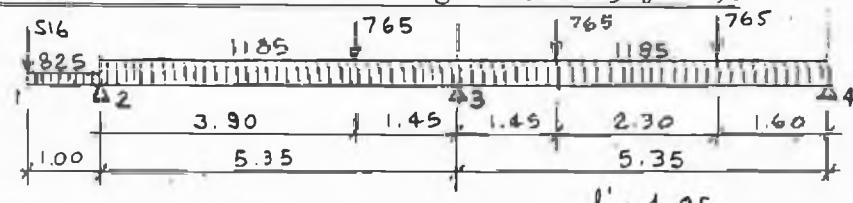
$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.813 \text{ T-m}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.788 \text{ T-m}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-3.045	+3.415	-2.813	+2.788	-1.021
+1.937	- .301	- .301	- .301	-1.767	
- .150	+ .968	- .883	- .883	- .150	
+ .150	- .042	- .042	- .042	+ .150	
<b>+1.108</b>	<b>-1.108</b>	<b>+4.040</b>	<b>-4.039</b>	<b>+1.021</b>	<b>-1.021</b>

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



$$l' = 4.95$$

Los coeficientes de distribución son los mismos anteriores.(Caso 1)

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.671 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

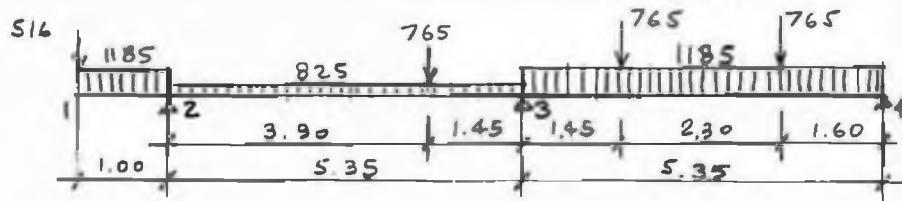
68

$$M_{43} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.646 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{1,185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-3.671	+3.646	-1.210
+2.117	+ .128	+ .128	-2.436		
+ .064	+1.058	-1.218	+ .064		
- .064	+ .080	+ .080	- .064		
[+ .928]	[+4.681]	[+4.681]		[+1.210]	[+1.210]

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 3 - 4 ).



Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1,185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 2.187 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 2.557 \text{ T-m.}$$

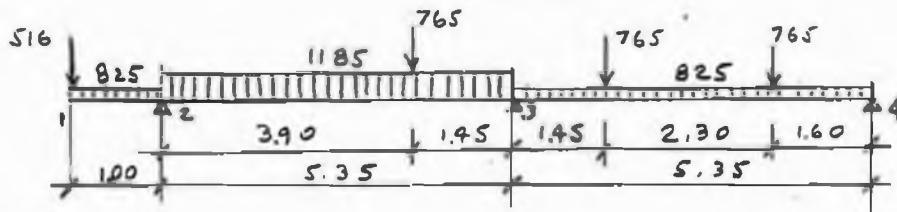
$$M_{34} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.671 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.646 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{1,185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-2.187	+2.557	-3.671	+3.646	-1.210
+1.079	+ .557	+ .557	-1.436		
+ .278	+ .539	- .718	+ .278		
- .278	+ .089	+ .089	- .278		
[+1.108]	[+1.108]	[+3.742]	[+3.742]	[+1.210]	[+1.210]

Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2 - 3 ).



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45 \times 3.90^2}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.813 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 1.45^2 \times 3.90}{5.35^2} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.788 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-2.813	+2.788	-1.021
+2.117	-	- .301	- .301	-1.767	
- .150	+1.058	-	- .883	- .150	
+ .150	- .087	-	- .087	+ .150	
[+ .928]	[ - .928]	[+4.085]	[ -4.085]	[+1.021]	[ -1.021]

Momentos isostáticos .-  $\frac{1}{8} W L^2$  y  $P a b/L$

$$\text{Carga uniforme} \dots \frac{825 \times 5.35^2}{8} = 3.063 ; \frac{1.185 \times 5.35^2}{8} = 3.630 \text{ T-m.}$$

$$\text{Carga concentrada} \dots (2 - 3) \frac{765 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.809$$

$$(3 - 4) \frac{765 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.809$$

$$\frac{765 \times 3.75 \times 1.60}{5.35} = 0.858$$

Acero por flexión.-

$$M_2^- = 0.850 \text{ -- } 0.850/2.5 = 0.340 ; 0.340 < 0.586$$

$$\text{Área de acero} . \quad A_s = 1.1 (\text{A}_s \text{ min.}) \text{ ----- } 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia.} \quad V_u = 2.60/2.5 = 1.04$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.04 = 1.14 ; \text{perím. existente} = 3.97$$

$$1.14 < 3.97 \quad \text{CK.}$$

$$M_{2-3}^+ = 1.750 \text{ -- } 1.750/2.5 = 0.700 ; (\text{igual que } M_{3-4}^+ \text{ de } T_1)$$

$$\text{Área de acero} . \quad A_s = 1.27 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{ ----- } 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia.} \quad V_u = 2.93/2.5 = 1.17$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.17 = 1.28 ; \text{perím. existente} = 3.97$$

$$1.28 < 3.97 \quad \text{CK.}$$

$$M_3^- = 3.930 \text{ -- } 3.930/2.5 = 1.572$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

70

$$\underline{M_3^-} = 3.930 \text{ --}$$

$$3.930/2.5 = 1.572$$

Area de acero.

$$- As = 2.004 \times 1.572 = 3.15$$

$$a = 1.569 \times 3.15 = 4.95$$

$$- As = \frac{1.572 \times 10^5}{0.9 \times 2800(22 - \frac{4.95}{2})} = 3.20$$

$$As = 3.20 \text{ cm}^2 / v. \quad 1 \not\propto 1/2 + 1 \not\propto 5/8$$

Adherencia .

$$Vu = 4.35/2.5 = 1.74$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.74 = 1.91 ; \text{ perim. existente} = 8.17$$

$$1.91 < 8.17 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{3-4}^+} = 2.450 \text{ --}$$

$$2.450/2.5 = 0.980$$

Area de acero .

$$- As = 2.004 \times 0.980 = 1.96$$

$$a = 0.392 \times 1.96 = 0.77$$

$$- As = \frac{0.980 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.77}{2})} = 1.80$$

$$As = 1.80 \text{ cm}^2 / v. \quad 1 \not\propto 5/8"$$

Adherencia .

$$Vu = 3.31/2.5 = 1.32$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.32 = 1.45 ; \text{ perim. existente} = 4.987$$

$$1.45 < 4.987 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_4^-} = 1.210 \text{ --}$$

$$1.210/2.5 = 0.484$$

Area de acero .

$$( \text{ igual que } \underline{M_4^-} \text{ del paño T}_1 ) \quad 1 \not\propto 1/2"$$

. Adherencia.

$$Vu = 3.00/2.5 = 1.20$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.20 = 1.32 ; \text{ perim. existente} = 3.97$$

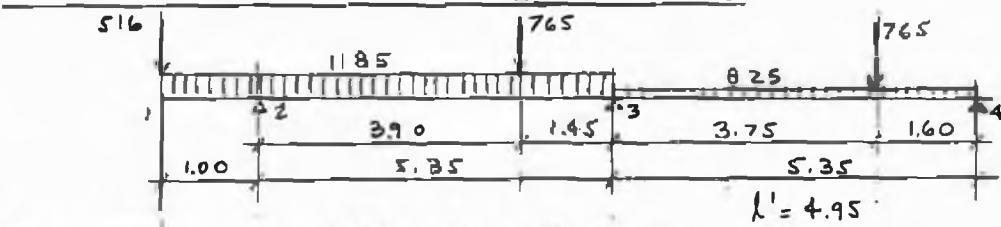
$$1.32 < 3.97 \quad \text{Cl..}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

71

PANO T<sub>3</sub>

Cálculo de momentos.-  
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 2 )



$$c_{21} = 0.00, c_{23} = 1.00, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1,185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m.}$$

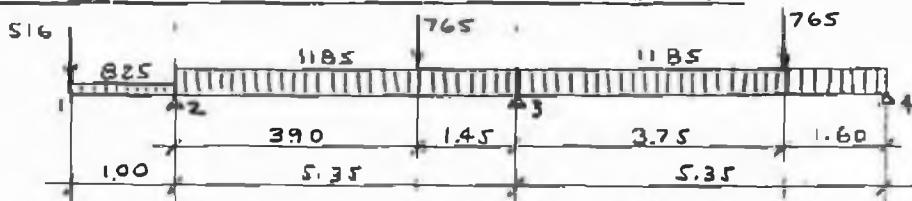
$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.224 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.569 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-3.045	+3.415	-2.224	+2.569	-1.021
+1.937	-	- .595	- .595	-1.548	
- .297	+ .968	- .774	- .297		
+ .297	- .097	- .097	+ .297		
+1.108	-1.108	+3.691	-3.690	+1.021	-1.021

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



Momentos de empotramiento :

$$l' = 4.95$$

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

72

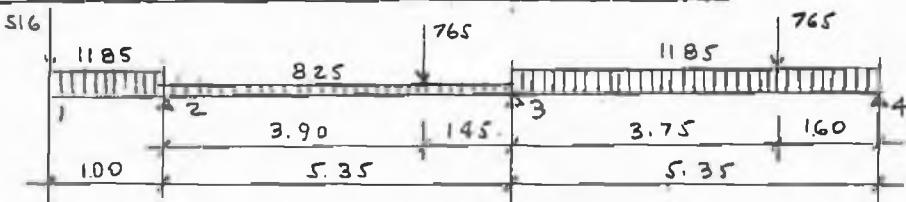
$$M_{34} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.082 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.427 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{1,185 \times 4.95^2}{24} = 1.210$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-3.082	+3.427	-1.210
+2.117	- .166	- .166	- .166	-2.217	
- .083	+1.058	-1.108	-1.108	- .083	
+ .083	+ .025	+ .025	+ .025	+ .083	
<b>+ .928</b>	<b>- .928</b>	<b>+4.332</b>	<b>-4.331</b>	<b>+1.210</b>	<b>-1.210</b>

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 3 - 4 )



Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1,185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 2.187 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 2.557 \text{ T-m.}$$

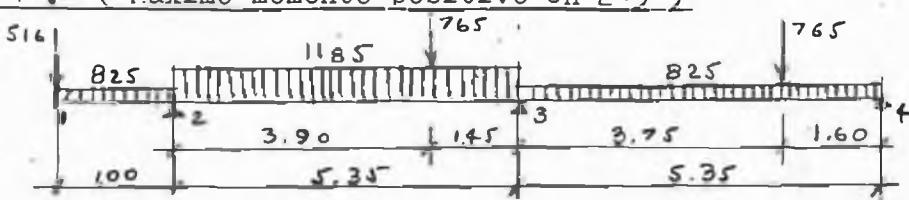
$$M_{34} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.082 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{1,185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.427 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{1,185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-2.187	+2.557	-3.082	+3.427	-1.210
+1.079	+ .262	+ .262	+ .262	-2.217	
+ .131	+ .539	-1.108	-1.108	+ .131	
- .131	+ .284	+ .284	+ .284	- .131	
<b>+1.108</b>	<b>-1.108</b>	<b>+3.643</b>	<b>-3.643</b>	<b>+1.210</b>	<b>-1.210</b>

Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 )



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

73

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90 \times 1.45^2}{5.35^2} = 3.045 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.90^2 \times 1.45}{5.35^2} = 3.415 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.224 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.569 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-3.045	+3.415	-2.224	+2.569	-1.021
+2.117	- .595	- .595	- .774	-1.548	
- .292	+1.058	- .774	- .142	- .292	
+ .292	- .142	- .142		+ .292	
<b>[+ .928]</b>	<b>[- .928]</b>	<b>[+3.736]</b>	<b>[-3.235]</b>	<b>[+1.021]</b>	<b>[-1.021]</b>

Momentos isostáticos .-  $1/8 W L^2$  y  $P a b/L$

$$\text{Carga uniforme} \dots \frac{825 \times 5.35^2}{8} = 3.063 ; \frac{1.185 \times 5.35^2}{8} = 3.630 \text{ T-m.}$$

$$\text{Carga concentrada } (2 - 3) \frac{765 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.809 \text{ T-m.}$$

$$(3 - 4) \frac{765 \times 3.75 \times 1.60}{5.35} = 0.858 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_2^- = 0.830 \quad 0.830/2.5 = 0.332 ; 0.332 < 0.586$$

Área de acero.  $A_s = A_s \text{ mínimo} \dots 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia.  $V_u = 2.65/2.5 = 1.06$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.06 = 1.16 ; \text{perím. exist.} = 3.97 > 1.16 \text{ OK.}$$

$$M_{2-3}^+ = 1.810 - 1.810/2.5 = 0.724$$

Área de acero.  $- A_s = 2.004 \times 0.724 = 1.45$

$$a = 0.392 \times 1.45 = 0.57$$

$$- A_s = \frac{0.724 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.57}{2})} = 1.32$$

$$A_s = 1.32 \text{ cm}^2/v. \dots 2 \varnothing 3/8"$$

Adherencia.  $V_u = 2.81/2.5 = 1.12$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.12 = 1.23 ; \text{perím. exist.} = 5.985 \text{ cm. OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

74

$$\underline{M_3^-} = 3.610 \text{ .-} \quad 3.610/2.50 = 1.444 \text{ ( igual que } \underline{M_3^-} \text{ del paño } T_1 \text{ ).}$$

$$\text{Area de acero .} \quad A_s = 2.90 \text{ cm}^2/\text{v.----- } 1 \varnothing 1/2 + 1 \varnothing 5/8$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 4.13/2.5 = 1.65$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.65 = 1.81 ; \text{ perim. exist.} = 8.17$$

$$1.81 < 8.17 \quad \text{CK.}$$

$$\underline{M_{3-4}^+} = 2.070 \text{ .-} \quad 2.070/2.5 = 0.828$$

$$\text{Area de acero.} \quad -A_s = 2.004 \times 0.828 = 1.66$$

$$a = 0.392 \times 1.66 = 0.65$$

$$-A_s = \frac{0.828 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.65}{2})} = 1.52$$

$$A_s = 1.52 \text{ cm}^2/\text{v.----- } 1 \varnothing 5/8"$$

$$\text{Adherencia.} \quad V_u = 2.55/2.5 = 1.02$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.02 = 1.12 ; \text{ perim exist.} = 4.987$$

$$1.12 < 4.987 \quad \text{CK.}$$

$$\underline{M_4^-} = 1.210 \text{ .-} \quad 1.210/2.5 = 0.484 \text{ ( Igual que } \underline{M_4^-} \text{ del paño } T_1 \text{ )}$$

$$\text{Area de acero.} \quad A_s = A_s \text{ minimo ----- } 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia.} \quad V_u = 2.87/2.5 = 1.15$$

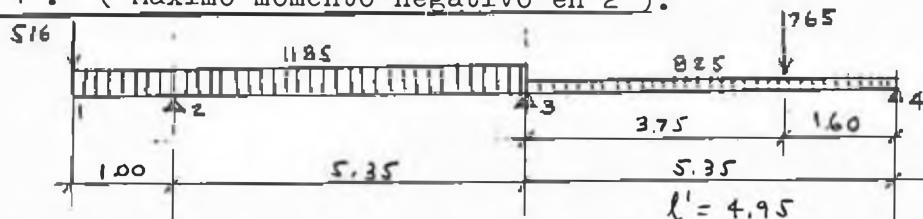
$$\sum_o = 1.097 \times 1.15 = 1.26 ; \text{ perim. existente} = 3.97$$

$$1.26 < 3.97 \text{ cm} \quad \text{CK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

75

PANO T<sub>4</sub>      Cálculo de momentos.-  
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 2 ).



$$c_{21} = 0.00, c_{23} = 1.00, c_{32} = c_{34} = 0.5, c_{43} = 1.00$$

Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1.185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} = 2.826 \text{ T-m.}$$

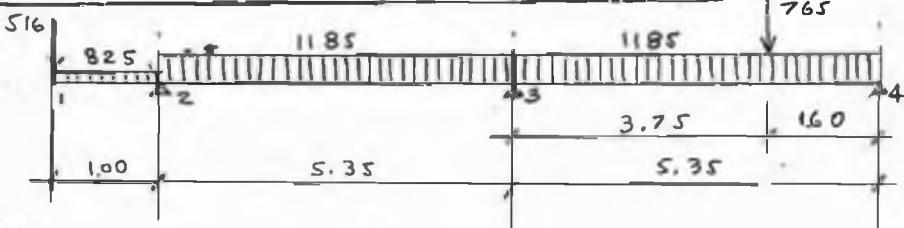
$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.224 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.569 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-2.826	+2.826	-2.224	+2.569	-1.021
+1.718	- .301	- .301	- .301	-1.548	
- .150	+ .859	- .774	- .774	- .150	
+ .150	- .042	- .042	- .042	+ .150	
<b>+1.108</b>	<b>-1.108</b>	<b>+3.342</b>	<b>-3.341</b>	<b>+1.021</b>	<b>-1.021</b>

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} = 2.826 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.082 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.427 \text{ T-m.}$$

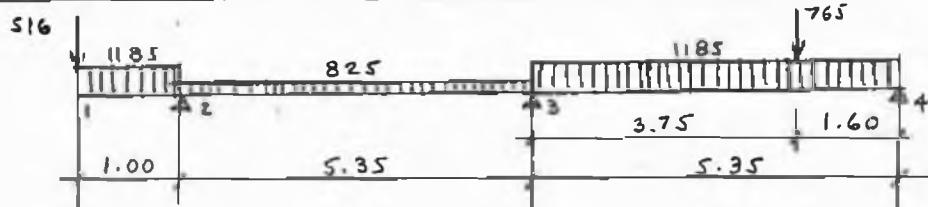
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

76

$$M_{45} = \frac{1.185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-2.826	+2.826	-3.082	+3.427	-1.210
+1.898	+ .128	+ .128	-2.217		
+ .064	+ .949	-1.108	+ .064		
- .064	+ .079	+ .079	- .064		
<b>+ .928</b>	<b>- .928</b>	<b>+3.982</b>	<b>-3.982</b>	<b>+1.210</b>	<b>-1.210</b>

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 3 - 4 ).



Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{1.185 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 1.108 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} = 1.968 \text{ T-m.}$$

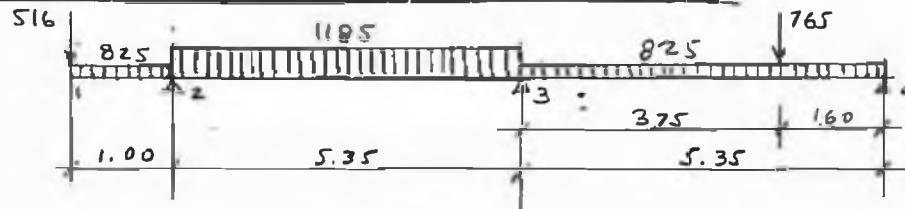
$$M_{34} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 3.082 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 3.427 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{1.185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+1.108	-1.968	+1.968	-3.082	+3.427	-1.210
+ .860	+ .557	+ .557	-2.217		
+ .278	+ .430	-1.108	+ .278		
- .278	+ .339	+ .339	- .278		
<b>+1.108</b>	<b>-1.108</b>	<b>+3.294</b>	<b>-3.294</b>	<b>+1.210</b>	<b>-1.210</b>

Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2 - 3 ).



Momentos de empotramiento :

$$M_{21} = \frac{825 \times 1.00^2}{2} + 516 \times 1.00 = 0.928 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1.185 \times 5.35^2}{12} = 2.826 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

77

$$M_{34} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75 \times 1.60^2}{5.35^2} = 2.224 \text{ T-m.}$$

$$M_{43} = \frac{825 \times 5.35^2}{12} + \frac{765 \times 3.75^2 \times 1.60}{5.35^2} = 2.569 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = \frac{825 \times 4.95^2}{24} = 1.021 \text{ T-m.}$$

	1.00	0.5	0.5	1.00	
+ .928	-2.826	+2.826	-2.224	+2.569	-1.021
+1.898	- .301	- .301	- .774	- .150	-1.548
- .150	+ .949	- .774	- .150	+ .150	
+ .150	- .087	- .087	+ .150		
<b>+ .928</b>	<b>- .928</b>	<b>+3.387</b>	<b>-3.386</b>	<b>+1.021</b>	<b>-1.021</b>

Momentos isostáticos .-  $\frac{1}{8} W I^2$ , P a b / L

$$\text{Carga uniforme} \dots \frac{825 \times 5.35^2}{8} = 3.063 \text{ T-m.}; \frac{1.185 \times 5.35^2}{8} = 3.630 \text{ T-m.}$$

$$\text{Carga concentrada} .(3-4) \frac{765 \times 3.75 \times 1.60}{5.35} = 0.858 \text{ T-m.}$$

#### Acero por flexión.-

$$\underline{M_2} = 0.840 \text{ -- } 0.840/2.5 = 0.336 \text{ ( Igual a } \underline{M_2} \text{ del paño } T_2 \text{ ).}$$

$$\text{Area de acero. } As = As \text{ mínima } ----- 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia. } Vu = 2.52/2.5 = 1.01$$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.01 = 1.10; \text{ perím. exist. } = 3.97$$

$$1.10 < 3.97 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{2-3}} = 1.590 \text{ -- } 1.590/2.5 = 0.636$$

$$\text{Area de acero. } - As = 2.004 \times 0.636 = 1.27$$

$$a = 0.392 \times 1.27 = 0.50$$

$$- As = \frac{0.636 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.50}{2})} = 1.16$$

$$As = 1.16 \text{ cm}^2 / v. ----- 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia. } 2.20/2.5 = 0.88$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.88 = 0.96; \text{ perím. exist. } = 3.92$$

$$0.96 < 3.92 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_3} = 3.400 \text{ -- } 3.400/2.5 = 1.360$$

$$\text{Area de acero. } - As = 2.004 \times 1.360 = 2.73$$

$$a = 1.569 \times 2.73 = 4.28$$

$$- As = \frac{1.360 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - 4.28/2)} = 2.72 \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2+ \\ 1 \varnothing 5/8'' \end{array} \right.$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

78

Adherencia .  $V_u = 5.70/2.5 = 1.48$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.48 = 1.62$  ; perím. exist. = 8.17cm.  
 $1.62 < 8.17$  OK.

$M_{3-4}^+$  = 2.200 .-  $2.200/2.5 = 0.880$   
Area de acero .  $-As = 2.004 \times 0.880 = 1.78$   
 $a = 0.392 \times 1.78 = 0.70$   
 $-As = \frac{0.880 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.70}{2})} = 1.61$   
 $As = 1.61 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing \frac{5}{8}$ "

Adherencia .  $V_u = 2.62/2.5 = 1.05$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.17 = 1.28$  ; perím. exist. = 4.987  
 $1.28 < 4.987$  OK.

$M_4^-$  = 1.210 .-  $1.210/2.5 = 0.484$  ( Igual que  $M_4^-$  , paño  $T_1$  ).  
Area de acero .  $As = As \text{ mínimo } 1 \varnothing \frac{1}{2}$ "

Adherencia .  $V_u = 2.93/2.5 = 1.17$   
 $\sum_o = 1.097 \times 1.17 = 1.28$  ;  
El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$   
 $1.28 < 3.97$  OK.

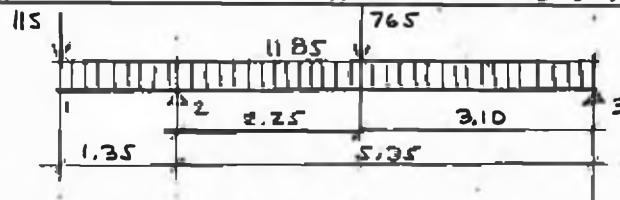
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

79

PAÑO T<sub>5</sub>

Cálculo de momentos.-

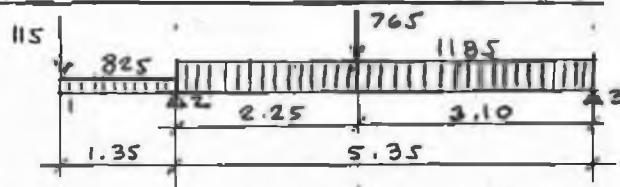
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 2 y 3 )



$$M_2^- = 115 \times 1.35 + \frac{1.185 \times 1.35^2}{2} = 1.235 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{1.185 \times 4.95^2}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 )



$$M_2^+ = 115 \times 1.35 + \frac{825 \times 1.35^2}{2} = 0.906 \text{ T-m.}$$

$$M_3^+ = \frac{1.185 \times 4.95}{24} = 1.210 \text{ T-m.}$$

Momentos isostáticos .-  $\frac{1}{8} W L^2$ ,  $P_{ab} / L$

$$\text{Carga uniforme .... } \frac{1.185 \times 5.35^2}{8} = 3.630 \text{ T-m.}$$

Carga concentrada . ( 2 - 3 )  $\frac{765 \times 2.25 \times 3.10}{5.35} = 0.997 \text{ T-m.}$   
Acero por flexión.-

$$M_2^- = 0.550 \text{ -- } 0.550/2.5 = 0.220 ; 0.220 < 0.586 \text{ ( As mínimo ).}$$

Área de acero .  $A_s = A_s \text{ mínimo } ----- 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 3.04/2.5 = 1.22$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.22 = 1.33 ; \text{ perím. exist. } = 3.97 > 1.33 \text{ OK.}$$

$$M_{2-3}^+ = 3.560 \text{ -- } 3.560/2.5 = 1.424$$

Área de acero .  $-A_s = 2.004 \times 1.424 = 3.85 ; a = 0.392 \times 2.85 = 1.11$

$$-A_s = \frac{1.424 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.11}{2})} = 2.63 \text{ -- } 1 \varnothing 1/2 + 1 \varnothing 5/8"$$

Adherencia .  $V_u = 3.04/2.5 = 1.22 ; \sum_o = 1.097 \times 1.22 = 1.33$

El perímetro existente es :  $\sum_o = 8.17 \text{ cm} > 1.33 \text{ OK.}$

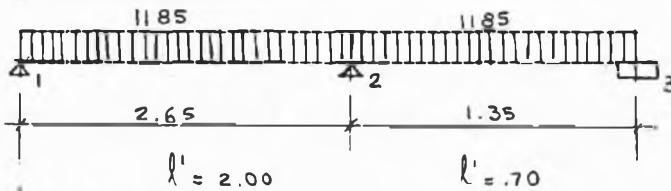
$$M_4^- = 1.210 \text{ -- } 1.210/2.5 = 0.484 \text{ ( Igual que } M_4^- \text{ del paño T}_1 \text{ ).}$$

Área de acero . -  $A_s = A_s \text{ mínimo } ----- 1 \varnothing 1/2"$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

80

**PANO T<sub>6</sub>** | **Calculo de momentos.-**  
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 y 3 )



$$c_{12} = 1.00, c_{21} = 0.44, c_{23} = 0.56, c_{32} = 1.00$$

Momentos de empotramiento :

$$M_{01} = \frac{1.185 \times 2.00^2}{24} = 0.198 \text{ T-m.}$$

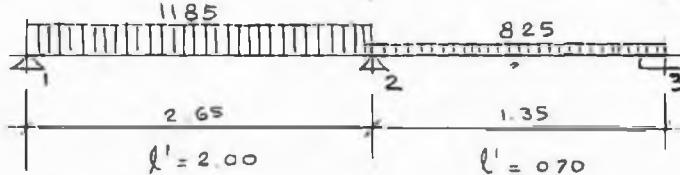
$$M_{12} = M_{21} = \frac{1.185 \times 2.65^2}{12} = 0.693 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1.185 \times 1.35^2}{12} = 0.180 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{1.185 \times 0.70^2}{16} = 0.036 \text{ T-m.}$$

1.00	.44	.56	1.00	
+ .198	- .693	+ .693	- .180	+ .180
	+ .495	- .226	- .287	- .144
	- .113	+ .247	- .072	- .143
	+ .113	- .077	- .098	+ .143
<b>+ .198</b>	<b>- .198</b>	<b>+ .637</b>	<b>- .637</b>	<b>+ .036</b>
				<b>- .036</b>

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1 - 2 )



Momentos de empotramiento .-

$$M_{01} = \frac{1.185 \times 2.00^2}{24} = 0.198 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{1.185 \times 2.65^2}{12} = 0.693 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{825 \times 1.35^2}{12} = 0.125 \text{ T-m.}$$

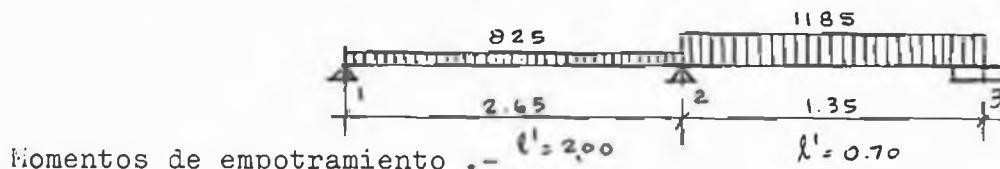
$$M_{34} = \frac{825 \times 0.70^2}{16} = 0.025 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

81

	1.00	.44 .56	1.00	
+ .198	- .693	+ .693	- .125	+ .125
	+ .495	- .250	- .318	- .100
	- .125	+ .247	- .050	- .159
	+ .125	- .087	- .110	+ .159
	[+ .198]	[+ .603]	[+ .025]	[- .025]
	[- .198]	[- .603]		

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 )



$$M_{01} = \frac{825 \times 2.00^2}{24} = 0.138 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{825 \times 2.65^2}{12} = 0.483 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{1185 \times 1.35^2}{12} = 0.180 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = \frac{1185 \times 0.70^2}{16} = 0.036 \text{ T-m.}$$

	1.00	.44 .56	1.00	
+ .138	- .483	+ .483	- .180	+ .180
	+ .345	- .133	- .170	- .144
	- .066	+ .172	- .072	- .085
	+ .066	- .044	- .056	+ .085
	[+ .138]	[+ .478]	[+ .036]	[- .036]
	[- .138]	[- .478]		

Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Carga uniforme } 1-2 \quad \frac{1185 \times 2.65^2}{8} = 1.040, \quad \frac{825 \times 2.65^2}{8} = .725$$

$$\text{" " } 2-3 \quad \frac{1185 \times 1.35^2}{8} = .270, \quad \frac{825 \times 1.35^2}{8} = .188$$

Acero por flexión.-

$$M_1 = 0.198 \quad - \quad 0.198/2.5 = 0.079 ; \quad 0.079 < 0.586 \quad (\text{As min.})$$

Área de acero .  $A_s = 0.14 \quad (0.14 \times 4/3 = 0.18 \text{ cm}^2) \quad \emptyset \quad 3/8"$

dherencia .

$$V_u = 1.23/2.5 = 0.49$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.49 = 0.54$$

$$\text{El perímetro existente es : } \sum_o = 2.992$$

$$0.54 < 2.992 \quad \text{CK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

82

$$\underline{M_{1-2}^+} = 0.680 \text{ -- } 0.680/2.5 = 0.272 ; 0.272 < 0.604 (\text{as m\'in.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = 0.50 \text{ cm}^2 / v \left( \frac{50 \times 4/3}{1} \right) \not\propto 3/8"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 1.23/2.5 = 0.49$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.49 = 0.54 ; \text{per\'im. exist.} = 2.992$$

$$0.54 < 2.992 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_2^-} = 0.160 \text{ -- } 0.160/2.5 = 0.064 < 0.079 (M_1^-)$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = \text{-----} 1 \not\propto 3/8"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 1.15/2.5 = 0.46$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.46 = 0.50 ; \text{per\'im. exist.} = 2.992$$

$$0.50 < 2.992 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 0.030 \text{ -- } 0.030 / 2.5 = 0.012 < 0.272 (M_{1-2}^+)$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = \text{-----} 1 \not\propto 3/8"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 0.65/2.5 = 0.26$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.26 = 0.28 ; \text{per\'im. exist.} = 2.992$$

$$0.28 < 2.992 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_3^-} = 0.036 \text{ -- } 0.036 / 2.5 = 0.014 < 0.079 (M_1^-)$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = \text{-----} 1 \not\propto 3/8"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 0.18 / 2.5 = 0.07$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.07 = 0.07 ; \text{per\'im. exist.} = 2.992$$

$$0.07 < 2.992 \quad \text{OK.}$$

En este caso hemos tomado los  $4/3$  del acero m\'aximo necesario lo que nos d\'a  $1 \not\propto 3/8"$  para todos los negativos y positivos.

( P\'ag. 37 - Reglamento A.C.I ) .

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

83

PAÑO T<sub>7</sub>

Cálculo de momentos.

Momentos de empotramiento .-

$$M_1^- = \frac{1185 \times 1.40^2}{16} = 0.145 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- = \frac{1185 \times 1.40^2}{24} = 0.097 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$M_1^- = 0.145 \text{ -- } 0.145 / 2.5 = 0.058 ; 0.058 < 0.586$$

Área de acero . As < As mínimo (Igual T<sub>6</sub>) 1 Ø 3/8"

Adherencia . Vu = 0.85 / 2.5 = 0.34

$$\sum_o = 1.097 \times 0.34 = 0.37 ; \text{ perím. exist.} = 2.992$$

0.37 < 2.992 CK.

$$M_{1-2}^+ = 0.350 \text{ -- } 0.350 / 2.5 = 0.140 ; 0.140 < 0.604$$

Área de acero . As < As mínimo ----- 1 Ø 3/8"

Adherencia . Vu = 0.85 / 2.5 = 0.34

$$\sum_o = 1.097 \times 0.34 = 0.37 ; \text{ perím. exist.} = 2.992$$

0.37 < 2.992 CK.

$$M_2^- = 0.097 \text{ -- } 0.097 / 2.5 = 0.039 ; 0.039 < 0.586$$

Área de acero . As < As mínimo ----- 1 Ø 3/8"

Adherencia . Vu = 0.85 / 2.5 = 0.34 ( igual a M<sub>1-2</sub><sup>+</sup> ).

En este caso así como en el anterior ( Paño T<sub>6</sub> ) . Hemos tomado los 4/3 del acero necesario máximo , lo que nos dá 1 Ø 3/8" tanto para los negativos como para los positivos.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

84

PAÑO T<sub>6</sub>

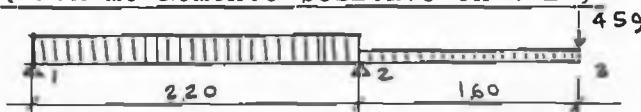
Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 y 2 )



$$M_1^- = \frac{1185 \times 1.50^2}{24} = 0.111, \quad M_2^- = 459 \times 1.60 + \frac{1185 \times 1.60^2}{2} = 2.251$$

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 )



$$M_1^- = \frac{1185 \times 1.50^2}{24} = 0.111, \quad M_2^- = 459 \times 1.60 + \frac{825 \times 1.60^2}{2} = 1.790$$

Momento isostático .....  $M_{12} = \frac{1185 \times 2.20^2}{8} = 0.717 \text{ T-m.}$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.111 \quad - \quad 0.111 / 2.5 = 0.044, \quad 0.044 < 0.586 (\text{As min.}).$$

Área de acero . Ás - As mínimo ----- 1 Ø 1/2"

Adherencia .  $V_u = 0.08 / 2.5 = 0.03$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.03 = 0.04; \text{ perím. existente} = 3.97$$

$$0.04 < 3.97 \quad \text{OK.}$$

$$M_{1-2}^+ = 06000 .-$$

$$M_2^- = 1.530 \quad - \quad 1.530 / 2.5 = 0.612$$

Área de acero .  $- \quad \text{As} = 2.004 \times 0.612 = 1.23$

$$a = 1.569 \times 1.23 = 1.93$$

$$- \quad \text{As} = \frac{0.312 \times 10^2}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.93}{2})} = 1.16$$

$$\text{As} = 1.16 \text{ cm}^2 / v. \quad ----- 1 \varnothing 1/2"$$

Adherencia .  $V_u = 1.95 / 2.5 = 0.78$

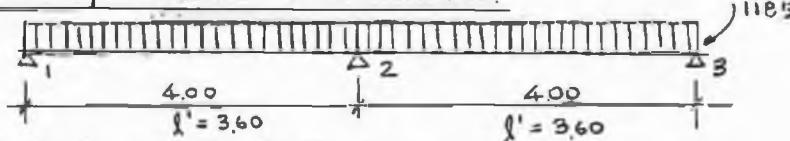
$$\sum_o = 1.097 \times 0.78 = 0.85; \text{ perím. exist.} = 5.97$$

$$0.85 < 5.97 \quad \text{OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

85

PAÑO T <sub>9</sub> ...	Cálculo de momentos.-
-------------------------	-----------------------



Según Método de los Coeficientes .-

$$M_1^- = \frac{1}{24} w l^2 = \frac{1185 \times 3.60^2}{24} = 0.640 , \quad M_2^- = \frac{1}{9} w l^2 = \frac{1185 \times 3.60^2}{9} = 1.706$$

$$M_3^- = \frac{1}{24} w l^2 = \frac{1185 \times 3.60^2}{24} = 0.640 , \quad M_{12}^+ = \frac{1}{14} w l^2 = \frac{1185 \times 3.60^2}{14} = 1.097$$

$$M_{23}^+ = \frac{1}{14} w l^2 = \frac{1185 \times 3.60^2}{14} = 1.097 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$\underline{M_1^- = 0.640} \quad 0.640 / 2.5 = 0.256 ; \quad 0.256 < 0.586 \quad (\text{As mínimo})$$

Área de acero .  $As = ----- 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.13 / 2.5 = 0.85 , \quad \sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$   
Perím. existente = 3.97 ;  $0.94 < 3.97 \quad \text{OK.}$

$M_{12}^+ = 1.097$  .-  $1.097 / 2.5 = 0.439 ; \quad 0.439 < 0.604 \quad (\text{As mínimo})$

Área de acero .  $As = ----- 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.45 / 2.5 = 0.98 , \quad \sum_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$   
perím. existente = 3.97 ;  $1.07 < 3.97 \quad \text{OK.}$

$M_2^- = 1.706$  .-  $1.706 / 2.5 = 0.682$

Área de acero .  $-As = 2.004 \times 0.682 = 1.37$

$a = 1.569 \times 1.37 = 2.15$

$-As = \frac{0.682 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.15}{2})} = 1.29$

$As = 1.29 \text{ cm}^2 / v. ----- 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.45 / 2.5 = ( \text{Igual a la adherencia anterior} )$

$M_{2-3}^+ = 1.097$  .-  $1.097 / 2.5 = 0.439 ; \quad 0.439 < 0.604 \quad (\text{As min.})$

Área de acero .  $As = ----- 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $( \text{Igual a la adherencia anterior} )$

$M_2^- = 0.640$  .-  $0.640 / 2.5 = 0.256 ; \quad 0.256 < 0.586 \quad (\text{As min.})$

Área de acero .  $As = ----- 1 \varnothing 1/2"$

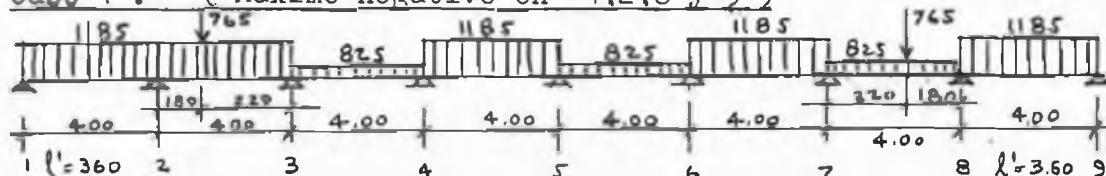
Adherencia .  $V_u = 2.13 / 2.5 = 0.85 , \quad \sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$   
Perím. existente = 3.97 ;  $0.94 < 3.97 \quad \text{OK.}$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

86

**PANO T 10** Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- (Máximo negativo en 1,2,8 y 9)



Como las luces son iguales , los coeficientes de distribución son - iguales a 0.50 ; salvo en los extremos que valen 1.00

Momentos de empotramiento .-

$$M_{12} = M_{21} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580 \text{ T-m},$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

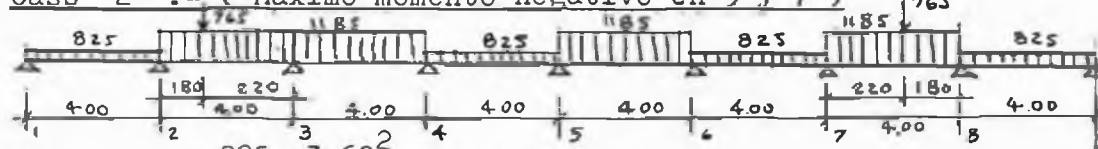
$$M_{23} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20}{4.00^2} = 1.997 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{78} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20}{4.00^2} = 1.441 \text{ T-m.}$$

$$M_{87} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.517 \text{ T-m.}$$

Caso 2 .- (Máximo momento negativo en 3 y 7 )



$$M_{01} = M_{9-10} = \frac{825 \times 3.60^2}{24} = 0.446 \text{ T.m.}$$

$$M_{12} = M_{21} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580$$

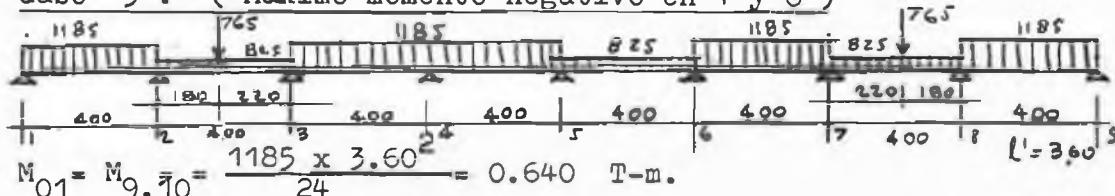
$$M_{23} = M_{87} = \frac{765 \times 1.80 \times 2.20}{4.00^2} + \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.997 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = M_{78} = \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} + \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.921 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

87

Caso 3 .- ( Máximo momento negativo en 4 y 6 )



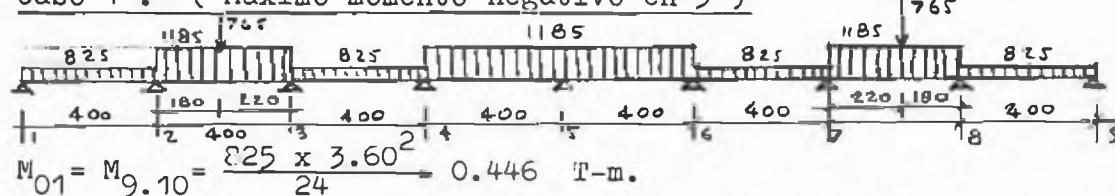
$$M_{12} = M_{21} = M_{34} = M_{43} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580$$

$$M_{56} = M_{65} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{87} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20^2}{4.00^2} = 1.517 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = M_{78} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.441 \text{ T-m.}$$

Caso 4 .- ( Máximo momento negativo en 5 )



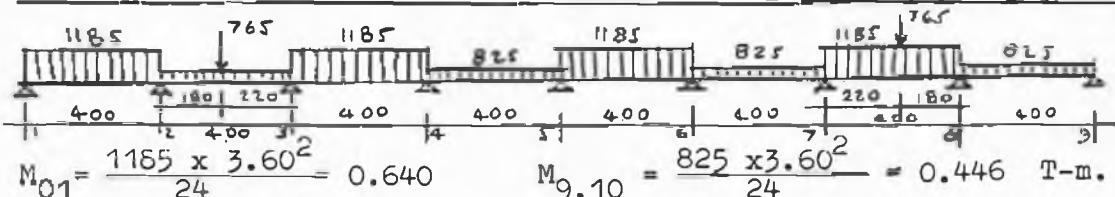
$$M_{12} = M_{21} = M_{34} = M_{43} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{56} = M_{65} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{87} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20^2}{4.00^2} = 1.997 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = M_{78} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.921 \text{ T-m.}$$

Caso 5 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 , 3-4 , 5-6 y 7-8 .)



$$M_{12} = M_{21} = M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20^2}{4.00^2} = 1.517 \text{ T-m.}$$

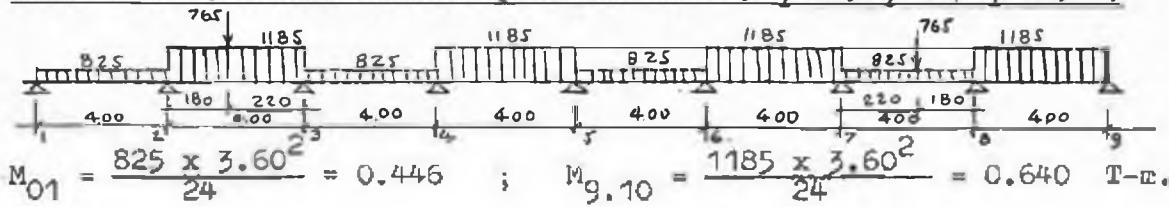
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

$$M_{32} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.441 \text{ T-m.}$$

$$M_{78} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20 \times 1.80^2}{4.00^2} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{87} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20^2 \times 1.80}{4.00^2} = 1.997 \text{ T-m.}$$

Caso 6 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 , 4-5 , 6-7 , 8-9 .)



$$M_{12} = M_{21} = M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1.100 \text{ T-m.}$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = M_{89} = M_{98} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20^2}{4.00^2} = 1.997 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{78} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20 \times 1.80^2}{4.00^2} = 1.441 \text{ T-m.}$$

$$M_{87} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20^2 \times 1.80}{4.00^2} = 1.517 \text{ T-m.}$$

Momentos isostáticos .-

Tramos : 1-2 , 3-4 , 4-5 , 5-6 , 6-7 y 8-9 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 ; \quad \frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370 \text{ T-m.}$$

Tramos : 2-3 y 7-8 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 \quad \frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370 \text{ T-m.}$$

$$\frac{765 \times 1.80 \times 2.20}{4.00} = 0.757 \text{ T-m.}$$

**TESIS DE GRADO**  
PROMOCIÓN 1966

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERIA  
FACULTAD DE INGENIERIA CIVIL**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

8

Caso 1 :-

Capo 2 -

Caso 3.-

<del>1416</del>	<del>101</del>	<del>-17500</del>	<del>-16000</del>	<del>+1295</del>	<del>-1295</del>
-----------------	----------------	-------------------	-------------------	------------------	------------------

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

### Casp 4

Case 5

## Caso 6

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

91

$$\underline{M_1^- = M_9^- = 0.640} \quad \underline{\text{--}} \quad 0.640 / 2.5 = 0.256 ; 0.256 < 0.586 (\text{As-mín})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $1.75 / 2.5 = 0.700 ; \sum_o = 1.097 \times 0.70 = 0.77$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$

$0.77 < 3.97$  OK.

$$\underline{M_{1-2}^+ = 1.210} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.210 / 2.5 = 0.484 ; 0.484 < 0.604 (\text{As mínimo})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 1.76 / 2.5 = 0.70 ; \sum_o = 1.097 \times 0.70 = 0.77$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.77$  OK.

$$\underline{M_2^- = M_8^- = 1.615} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.615 / 2.5 = 0.646$$

Área de acero .  $\text{As} = 2.004 \times 0.646 = 1.29 ; a = 1.569 \times 1.29 = 2.03$

$$\text{As} = \frac{0.646 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.03}{2})} = 1.23$$

$\text{As} = 1.23 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $2.73 / 2.5 = 1.09 = V_u ; \sum_o = 1.097 \times 1.09 = 1.19$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 1.19$  OK.

$$\underline{M_{2-3}^+ = M_{7-8}^+ = 1.470} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.470 / 2.5 = 0.588 ; 0.588 < 0.604 (\text{As min})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $2.14 / 2.5 = 0.86 = V_u ; \sum_o = 1.097 \times 0.86 = 0.94$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.94$  OK.

$$\underline{M_3^- = M_7^- = 1.200} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.200 / 2.5 = 0.480 ; 0.480 < 0.586 (\text{As min.})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.50 / 2.5 = 1.00 ; \sum_o = 1.097 \times 1.00 = 1.097$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 1.097$  OK.

$$\underline{M_{3-4}^+ = M_{6-7}^+ = 1.000} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.000 / 2.5 = 0.400 ; 0.400 < 0.604 (\text{As min.})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 1.63 / 2.5 = 0.65 ; \sum_o = 1.097 \times 0.65 = 0.72$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.72$  OK.

$$\underline{M_4^- = M_6^- = 1.250} \quad \underline{\text{--}} \quad 1.250 / 2.5 = 0.500 ; 0.500 < 0.586 (\text{As min.})$$

Área de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.24 / 2.5 = 0.89 ; \sum_o = 1.097 \times 0.89 = 0.92$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.98$  OK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

92

$$\underline{M_{4-5}^+} = \underline{M_{5-6}^+} = 1.080 \quad - \quad 1.080/2.5 = 0.432 ; 0.432 < 0.604 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 1.72/2.5 = 0.69 ; \sum_o = 1.097 \times 0.69 = 0.76$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.76 \text{ OK.}$

$$\underline{M_5^-} = 1.300 \quad - \quad 1.300 / 2.5 = 0.520 ; 0.520 < 0.586 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

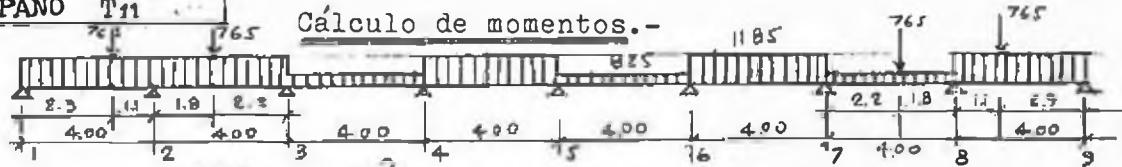
Adherencia .  $V_u = 2.28 / 2.5 = 0.91 ; \sum_o = 1.097 \times 0.91 = 1.00$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 1.00 \text{ OK.}$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

93

[PAÑO T<sub>11</sub>



$$M_{01} = M_{910} = \frac{1185 \times 3.60^2}{24} = 0.640 \text{ T-m.}$$

Caso 1 .- (Máx. Momento en 1 , 2 , 8 y 9 )

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} = 1.580 \text{ T-m.}$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} = 1100 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{98} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.90 \times 1.10^2}{4.00^2} = 1.748 \text{ T-m.}$$

$$M_{21} = M_{89} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.90^2 \times 1.10}{4.00^2} = 2.022 \text{ T-m.}$$

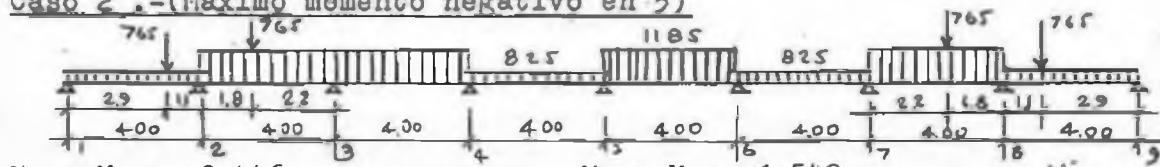
$$M_{23} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80 \times 2.20^2}{4.00^2} = 1.997 \text{ T-m.}$$

$$M_{32} = \frac{1185 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 1.80^2 \times 2.20}{4.00^2} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{78} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20 \times 1.80^2}{4.00^2} = 1.441 \text{ T-m.}$$

$$M_{87} = \frac{825 \times 4.00^2}{12} + \frac{765 \times 2.20^2 \times 1.80^2}{4.00^2} = 1.517 \text{ T-m.}$$

Caso 2 .- (Máximo momento negativo en 3)



$$M_{01} = M_{910} = 0.446$$

$$M_{21} = M_{89} = 1.542$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = 1.580$$

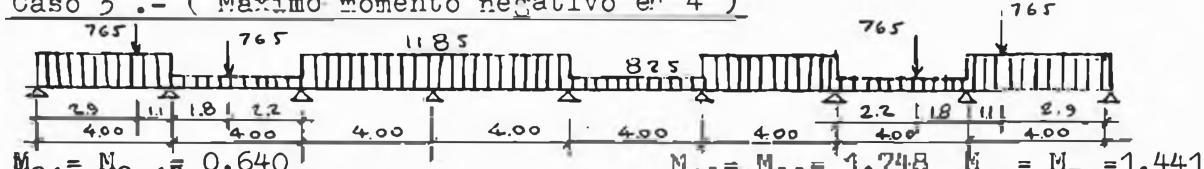
$$M_{23} = M_{87} = 1.997$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.100$$

$$M_{32} = M_{78} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.268$$

Caso 3 .- ( Máximo momento negativo en 4 )



$$M_{01} = M_{910} = 0.640$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.748$$

$$M_{32} = M_{78} = 1.441$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.580 \quad M_{21} = M_{89} = 2.022$$

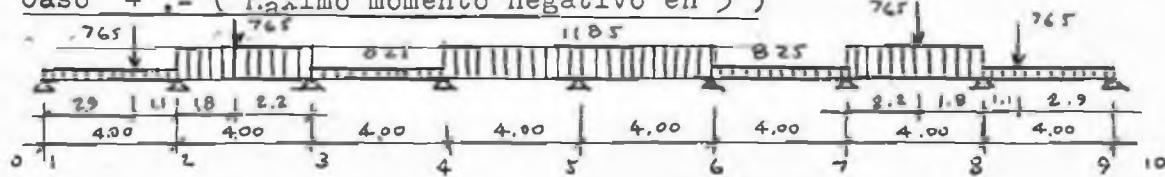
$$M_{56} = M_{65} = 1.100$$

$$M_{23} = M_{87} = 1.517 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

94

Caso 4 .- ( Máximo momento negativo en 5 )



$$M_{01} = M_{910} = 0.446$$

$$M_{21} = M_{89} = 1.542 \quad l^1 = 3.60$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{67} = M_{76} = 1.100$$

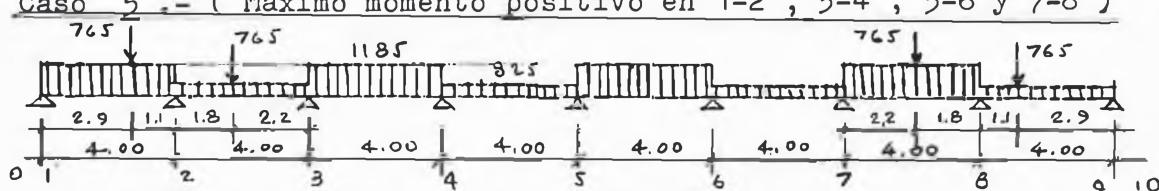
$$M_{23} = M_{87} = 1.997$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{56} = M_{65} = 1.580$$

$$M_{32} = M_{78} = 1.921 \text{ T-m.}$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.268$$

Caso 5 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 , 3-4 , 5-6 y 7-8 )



$$M_{01} = 0.640 \text{ T-m.}$$

$$M_{89} = 1.542$$

$$M_{910} = 0.446$$

$$M_{98} = 1.268$$

$$l^1 = 3.60$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = 1.580$$

$$M_{23} = 1.517$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.100$$

$$M_{32} = 1.441$$

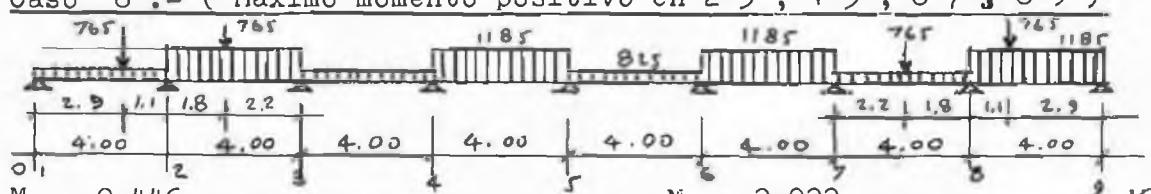
$$M_{12} = 1.748$$

$$M_{78} = 1.921$$

$$M_{21} = 2.022$$

$$M_{87} = 1.997$$

Caso 6 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 , 4-5 , 6-7 y 8-9 )



$$M_{01} = 0.446$$

$$M_{89} = 2.022$$

$$l^1 = 3.60$$

$$M_{910} = 0.640$$

$$M_{98} = 1.748$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = 1.100$$

$$M_{23} = 1.997$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.580$$

$$M_{32} = 1.921$$

$$M_{12} = 1.268$$

$$M_{78} = 1.441$$

$$M_{21} = 1.542$$

$$M_{87} = 1.517 \text{ T-m.}$$

**TESIS DE GRADO**  
**PROMOCIÓN 1966**

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERÍA  
FACULTAD DE INGENIERIA CIVIL**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

9

Caso 1.-

Caso 2

### Caso 3.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Cálculo de los momentos isostáticos .-

Tramos : 3-4 , 4-5 , 5-6 , 6-7 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 ; \frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370$$

Tramos : 1-2 , 2-3 , 7-8 , 8-9 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 \text{ (w)} ; \frac{765 \times 1.80 \times 2.20}{4.00} = 0.757 \text{ (c)}$$

$$\frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370 \text{ (w)} ; \frac{765 \times 1.10 \times 2.90}{4.00} = 0.610 \text{ (c)}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = M_9^- = 0.640 \text{ -- } 0.640 / 2.5 = 0.256 ; 0.256 < 0.586 \text{ (As mín.)}$$

Área de acero . As = ----- 1 Ø 1/2"

Adherencia . Vu = 1.90 / 2.5 = 0.76 ;  $\sum_o = 1.097 \times 0.76 = 0.83$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.83$  OK.

$$M_{1-2}^+ = M_{8-9}^+ = 1.475 \text{ -- } 1.475 / 2.5 = 0.590 ; 0.590 < 0.604 \text{ (As mín.)}$$

Área de acero . As = ----- 1 Ø 1/2 "

Adherencia . Vu = 2.51 / 2.5 = 1.00 ;  $\sum_o = 1.097 \times 1.00 = 1.097$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 1.097$  OK.

$$M_2^- = M_8^- = 1.790 \text{ -- } 1.790 / 2.5 = 0.716$$

Área de acero .  $-As = 2.004 \times 0.716 = 1.44$  ;  $a = 1.569 \times 1.44 = 2.25$

$$-As = \frac{0.716 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.25}{2})} = 1.37$$

As = 1.37 cm<sup>2</sup>/v. ----- 2 Ø 3/8"

Adherencia . Vu = 3.12 / 2.5 = 1.25 ;  $\sum_o = 1.097 \times 1.25 = 1.37$

El perímetro existente es  $\sum_o = 5.985 > 1.37$  OK.

$$M_{2-3}^+ = M_{7-8}^+ = 1.375 \text{ -- } 1.375 / 2.5 = 0.550 ; 0.550 < 0.586 \text{ (As mín.)}$$

Área de acero . As = ----- 1 Ø 1/2"

Adherencia . Vu = 2.12 / 2.5 = 0.85 ;  $\sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.93$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.93$  OK.

$$M_3^- = M_7^- = 1.350 \text{ -- } 1.350 / 2.5 = 0.540 ; 0.540 < 0.586 \text{ (As mín.)}$$

Área de acero . As = ----- 1 Ø 1/2"

Adherencia . 2.40 / 2.5 = 0.96 ;  $\sum_o = 1.097 \times 0.96 = 1.05 < \sum_o = 3.97$  OK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

98

$$\underline{M_{3-4}^+ = M_{6-7}^+ = 1.025} \quad \therefore \quad 1.025/2.5 = 0.410 ; \quad 0.410 < 0.604 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 1.67/2.5 = 0.67 ; \sum_o = 1.097 \times 0.67 = 0.73$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.73 \text{ CK.}$

$$\underline{M_4^- = M_6^- = 1.250} \quad \therefore \quad 1.250 / 2.5 = 0.500 ; \quad 0.500 < 0.586 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.24 / 2.5 = 0.89 ; \sum_o = 1.097 \times 0.89 = 0.98$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.98 \text{ CK.}$

$$\underline{M_{4-5}^+ = M_{5-6}^+ = 1.040} \quad \therefore \quad 1.040/2.5 = 0.416 ; \quad 0.416 < 0.604 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 1.69/2.5 = 0.68 ; \sum_o = 1.097 \times 0.68 = 0.74$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 > 0.74 \text{ CK.}$

$$\underline{M_5^- = 1.300} \quad \therefore \quad 1.300/2.5 = 0.520 ; \quad 0.520 < 0.586 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $\text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.24/2.5 = 0.89$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.89 = 0.98$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 \text{ cms.}$

$3.97 > 0.98 \text{ OK.}$

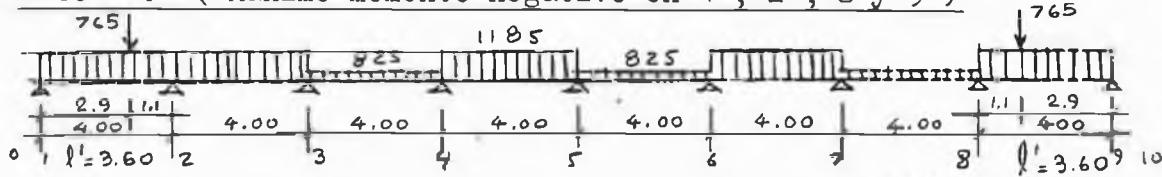
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

99

PARC T<sub>12</sub>

Calculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 , 8 y 9 )



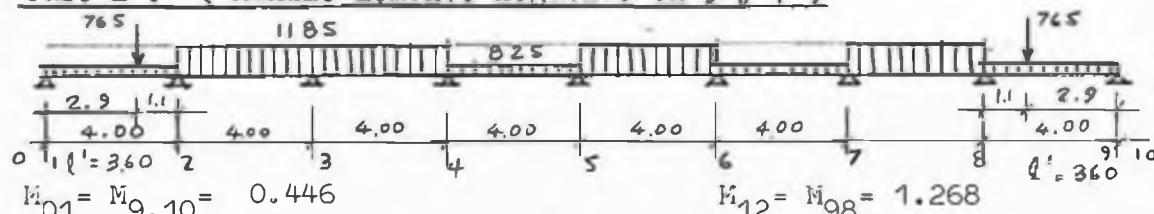
$$M_{01} = M_{9.10} = 0.640$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.748$$

$$M_{23} = M_{32} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.580 \quad M_{21} = M_{89} = 2.022 \quad T-m.$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.100$$

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 7 )



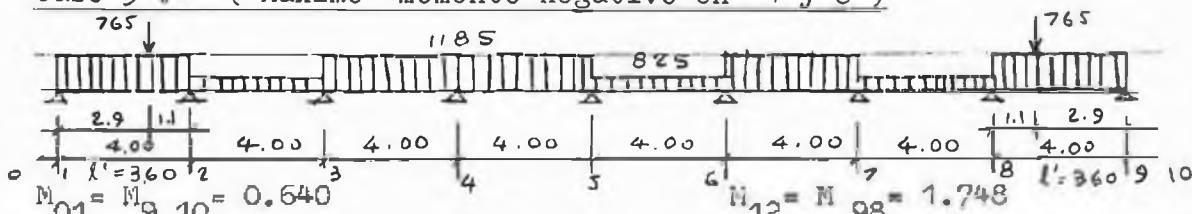
$$M_{01} = M_{9.10} = 0.446$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.268$$

$$M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.100 \quad M_{21} = M_{89} = 1.542 \quad T-m.$$

$$M_{23} = M_{32} = M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.580 \quad T-m.$$

Caso 3 .- ( Máximo momento negativo en 4 y 6 )



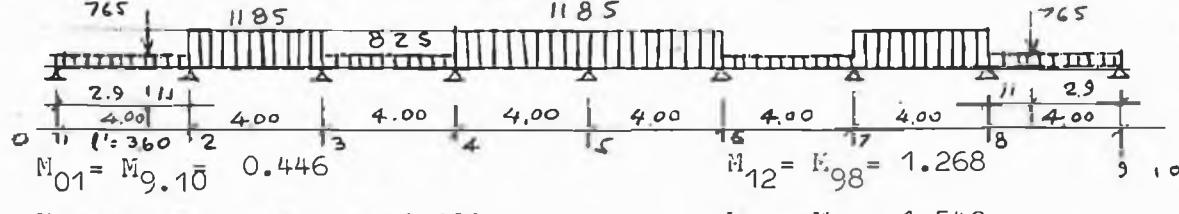
$$M_{01} = M_{9.10} = 0.640$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.748$$

$$M_{23} = M_{32} = M_{56} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.100 \quad M_{21} = M_{89} = 2.022 \quad T-m.$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.580$$

Caso 4 .- ( Máximo momento negativo en 5 )



$$M_{01} = M_{9.10} = 0.446$$

$$M_{12} = M_{98} = 1.268$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{67} = M_{76} = 1.100$$

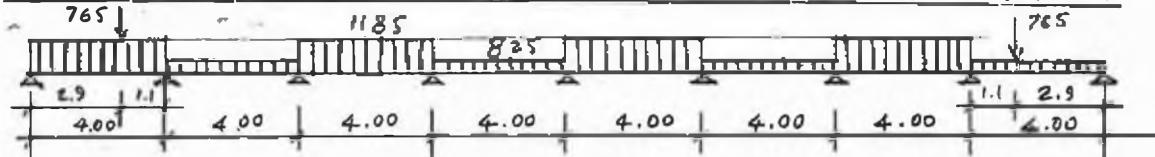
$$M_{21} = M_{89} = 1.542$$

$$M_{23} = M_{32} = M_{45} = M_{54} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.580 \quad T-m.$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

100

Caso 5 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 , 3-4 , 5-6 , 7-8 )



$$M_{01} = 0.640$$

$$M_{12} = 1.748$$

$$M_{910} = 0.446$$

$$M_{21} = 2.022$$

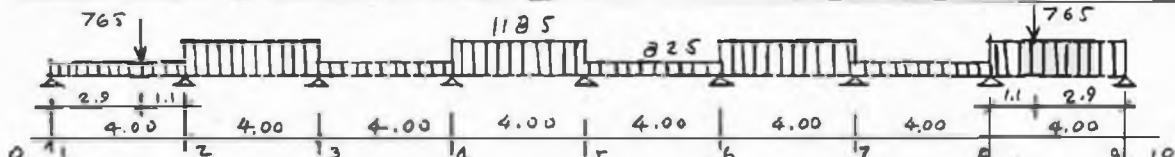
$$M_{23} = M_{32} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.100$$

$$M_{89} = 1.542$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.580$$

$$M_{98} = 1.268 \text{ T-m.}$$

Caso 6 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 , 4-5 , 6-7 y 8-9 )



$$M_{01} = 0.446$$

$$M_{12} = 1.268$$

$$M_{910} = 0.640$$

$$M_{21} = 1.542$$

$$M_{23} = M_{32} = M_{45} = M_{54} = M_{67} = M_{76} = 1.580$$

$$M_{89} = 2.022$$

$$M_{34} = M_{43} = M_{56} = M_{65} = M_{78} = M_{87} = 1.100$$

$$M_{98} = 1.748 \text{ T-m.}$$

#### Cálculo de los momentos isostáticos .-

Tramos : 2-3 , 3-4 , 4-5 , 5-6 , 6-7 , 7-8 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 \text{ ( w )} \quad ; \quad \frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370 \text{ ( w )}$$

Tramos 1-2 , 8-9 .

$$\frac{825 \times 4.00^2}{8} = 1.650 \text{ ( w )} \quad ; \quad \frac{765 \times 1.10 \times 2.90}{4.00} = 0.610 \text{ ( c )}$$

$$\frac{1185 \times 4.00^2}{8} = 2.370 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

10

Caso 1 -		Caso 2 -		Caso 3 -	
as	as	as	as	as	as
+ * 640 - 1748 + 2021 - 1100 + 1100 - 1100	+ 1518 + 1518 - 1100	+ 1518 + 1518 - 1100	+ 1518 + 1518 - 1100	+ 1100 + 1100 - 2022	+ 1748 - 640
+ * 1108 - 221 + 221 - 120 + 120 - 120	+ 240 + 240 - 120 + 120 - 120	+ 240 + 240 - 120 + 120 - 120	+ 240 + 240 - 120 + 120 - 120	+ 240 + 240 - 120 + 120 - 120	+ * 1108 - 640
+ * 110 - + 554 + 554 - 120 + 120 - 120	+ 005 + 005 - 120 + 120 - 120	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ * 110 - + 554 + 554 - 120 + 120 - 120
+ * 110 - + 211 + 211 - 105 + 105 - 105	+ 005 + 005 - 105 + 105 - 105	+ 030 + 030 - 030 + 030 - 030	+ 030 + 030 - 030 + 030 - 030	+ 030 + 030 - 030 + 030 - 030	+ * 110 - + 211 + 211 - 105 + 105 - 105
+ * 108 + 05 - 002 - 105 + 060 - 060	+ 024 + 024 - 031 + 031 - 031	+ 015 + 015 - 015 + 015 - 015	+ 015 + 015 - 015 + 015 - 015	+ 015 + 015 - 015 + 015 - 015	+ * 108 + 05 - 002 - 105 + 060 - 060
+ * 108 - 02 + 026 + 026 - 012 + 012 - 012	+ 024 + 024 - 031 + 031 - 031	+ 015 + 015 - 001 + 001 - 001	+ 015 + 015 - 001 + 001 - 001	+ 015 + 015 - 001 + 001 - 001	+ * 108 - 02 + 026 + 026 - 012 + 012 - 012
+ * 013 + 05 - 013 + 03 - 03	- 001 + 001 - 001 + 001 - 001	- 015 + 015 - 015 + 015 - 015	- 015 + 015 - 015 + 015 - 015	- 015 + 015 - 015 + 015 - 015	+ * 013 + 05 - 013 + 03 - 03
+ * 016 + 001 - 001 + 000 - 001 + 000	- 003 + 003 + 003 + 003 + 003	- 007 + 007 + 007 + 007 + 007	- 007 + 007 + 007 + 007 + 007	- 007 + 007 + 007 + 007 + 007	+ * 016 + 001 - 001 + 000 - 001 + 000
+ * 016 - 002 + 002 + 002 + 002 + 002	+ 008 + 008 + 008 + 008 + 008	+ 009 + 009 + 009 + 009 + 009	+ 009 + 009 + 009 + 009 + 009	+ 009 + 009 + 009 + 009 + 009	+ * 016 - 002 + 002 + 002 + 002 + 002
+ * 640 - 640 + 640 + 640	+ 2190 + 2190 + 2190 + 2190	+ 1111 + 1111 + 1111 + 1111	+ 025 + 025 + 025 + 025	+ 002 + 002 + 002 + 002	+ 025 + 025 + 025 + 025
as		as		as	
+ * 640 + 446 - 1228 + 156 - 1580 + 1580	+ 1100 + 1100 - 1100 + 1100	+ 1100 + 1100 - 1100 + 1100	+ 1100 + 1100 - 1100 + 1100	+ 1100 + 1100 - 2022 + 1746	+ * 640 + 446 - 1228 + 156 - 1580 + 1580
+ * 822 + 01 + 01 - 019 + 019 - 005	+ 000 + 000 - 000 + 000	+ 240 + 240 - 120 + 120	+ 240 + 240 - 120 + 120	+ 240 + 240 - 120 + 120	+ * 822 + 01 + 01 - 019 + 019 - 005
+ * 009 + 01 + 01 - 019 + 019 - 005	+ 000 + 000 - 000 + 000	+ 120 + 120 - 120 + 120	+ 120 + 120 - 120 + 120	+ 120 + 120 - 120 + 120	+ * 009 + 01 + 01 - 019 + 019 - 005
+ * 009 - 205 + 205 - 102 + 102 - 102	+ 055 + 055 - 050 + 050 - 050	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ 060 + 060 - 060 + 060 - 060	+ * 009 - 205 + 205 - 102 + 102 - 102
+ * 102 - 01 + 01 - 01 + 01 - 01	+ 021 + 021 - 016 + 016 - 016	+ 045 + 045 - 040 + 040 - 040	+ 045 + 045 - 040 + 040 - 040	+ 045 + 045 - 040 + 040 - 040	+ * 102 - 01 + 01 - 01 + 01 - 01
+ * 102 + 05 + 033 - 005 + 042 - 005	+ 005 + 005 - 005 + 005 - 005	+ 032 + 032 - 021 + 021 - 021	+ 032 + 032 - 021 + 021 - 021	+ 032 + 032 - 021 + 021 - 021	+ * 102 + 05 + 033 - 005 + 042 - 005
+ * 021 + 00 + 00 - 004 + 004 - 004	+ 013 + 013 - 017 + 017 - 017	+ 022 + 022 - 027 + 027 - 027	+ 022 + 022 - 027 + 027 - 027	+ 022 + 022 - 027 + 027 - 027	+ * 021 + 00 + 00 - 004 + 004 - 004
+ * 021 - 00 + 00 - 004 + 004 - 004	+ 013 + 013 - 017 + 017 - 017	+ 008 + 008 - 008 + 008 - 008	+ 008 + 008 - 008 + 008 - 008	+ 008 + 008 - 008 + 008 - 008	+ * 021 - 00 + 00 - 004 + 004 - 004
+ * 17559 - 17559 + 17559 - 17559	+ 1612 - 1612 + 1612 - 1612	+ 1256 - 1256 + 1256 - 1256	+ 005 + 005 - 005 + 005	+ 005 + 005 - 005 + 005	+ 005 + 005 - 005 + 005

**TESIS DE GRADO**  
PROMOCION 1956

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERIA  
FACULTAD DE INGENIERIA CIVIL**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

—10

Case 4 . -

### Caso 5 .-

Case 6 .

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

103

$$\underline{M_1^- = M_9^- = 0.640} \quad - \quad 0.640/2.5 = 0.256 ; \quad 0.256 < 0.586 (\text{As min.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad \text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 1.95/2.5 = 0.78 ; \quad \sum_o = 1.097 \times 0.78 = 0.86$$

$$\text{El perímetro existente } \sum_o = 3.97 > 0.86 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = M_{8-9}^+ = 1.580} \quad - \quad 1.580/2.5 = 0.632 ;$$

$$\text{Area de acero .} \quad -\text{As} = 2.004 \times 0.632 = 1.26$$

$$a = 0.392 \times 1.26 = 0.49$$

$$-\text{As} = \frac{0.632 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.49}{2})} = 1.15$$

$$\text{As} = 1.15 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 2.540/2.5 = 1.020 ; \quad \sum_o = 1.097 \times 1.02 = 1.12$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97 > 1.12 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_2^- = M_8^- = 1.690} \quad - \quad 1.690/2.5 = 0.676$$

$$\text{Area de acero .} \quad -\text{As} = 2.004 \times 0.676 = 1.35$$

$$a = 1.569 \times 1.35 = 2.12$$

$$-\text{As} = \frac{0.676 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.12}{2})} = 1.27$$

$$\text{As} = 1.27 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 3.05/2.5 = 1.22 ; \quad \sum_o = 1.097 \times 1.22 = 1.34$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97$$

$$3.97 > 1.34 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{2-3}^+ = M_{7-8}^+ = 0.860} \quad - \quad 0.860/2.5 = 0.344 ; \quad 0.344 < 0.604 (\text{As min.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad \text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 1.55/2.5 = 0.62$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.62 = 0.68$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97 \text{ cms.}$$

$$3.97 > 0.68 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_3^- = M_7^- = 1.180} \quad - \quad 1.180/2.5 = 0.472 ; \quad 0.472 < 0.586 (\text{As min.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad \text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 2.20/2.5 = 0.88 ; \quad \sum_o = 1.097 \times 0.88 = 0.96$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97 > 0.96 \quad \text{OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

104

$$\underline{M_{3-4}^+ = M_{6-7}^+ = 1.100,-} \quad 1.100/2.5 = 0.440 ; \quad 0.440 < 0.604 (\text{As min})$$

Area de acero .  $A_s = \dots$  1  $\emptyset$  1/2"

Adherencia .  $V_u = 1.73/2.5 = 0.69$

$$\Sigma_o = 1.097 \times 0.69 = 0.76$$

El perimetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$  cms.

$$3.97 > 0.76 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_4^- = M_6^- = 1.300} \quad 1.300/2.5 = 0.520 ; \quad 0.520 < 0.586 (\text{As min})$$

Area de acero .  $A_s = \dots$  1  $\emptyset$  1/2"

Adherencia .  $V_u = 2.30/2.5 = 0.92$

$$\Sigma_o = 1.097 \times 0.92 = 1.01$$

El perimetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$

$$3.97 > 1.01 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{4-5}^+ = M_{5-6}^+ = 1.040} \quad 1.040/2.5 = 0.416 ; \quad 0.416 < 0.604 (\text{As min.})$$

Area de acero .  $A_s = \dots$  1  $\emptyset$  1/2"

Adherencia .  $V_u = 1.66/2.5 = 0.66$

$$\Sigma_o = 1.097 \times 0.66 = 0.73$$

El perimetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$  cms.

$$3.97 > 0.73 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_5^- = 1.250} \quad 1.250/2.5 = 0.500 ; \quad 0.500 < 0.586 (\text{As min})$$

Area de acero .  $A_s = \dots$  1  $\emptyset$  1/2"

Adherencia .  $V_u = 2.24/2.5 = 0.89$

$$\Sigma_o = 1.097 \times 0.89 = 0.98$$

El perimetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$  cms.

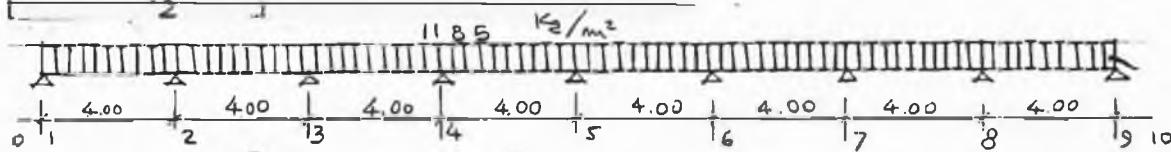
$$3.97 > 0.98 \quad \text{OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

105

PAGO T<sub>12</sub>

Calculo de momentos.-



$$M_1^- = M_9^- = \frac{w l^2}{24} = \frac{1185 \times 3.60^2}{24} = 0.640$$

$$M_2^- \text{ ex.} = M_8^- \text{ ex.} = \frac{w \cdot l^2}{10} = \frac{1185 \times 3.60^2}{10} = 1.536$$

$$M_2^- \text{ int.} = M_8^- \text{ int.} = \frac{w \cdot l^2}{11} = \frac{1185 \times 3.60^2}{11} = 1.396$$

$$M_3^- = M_4^- = M_5^- = M_6^- = M_7^- = \frac{w \cdot l^2}{11} = \frac{1185 \times 3.60^2}{11} = 1.396$$

$$M_{1,2}^+ M_{8,9}^+ = \frac{w \cdot l^2}{14} = \frac{1185 \times 3.60^2}{14} = 1.097$$

$$M_{23}^+ = M_{34}^+ = M_{45}^+ = M_{56}^+ = M_{67}^+ = M_{78}^+ = \frac{w l^2}{16} = \frac{1185 \times 3.60^2}{16} = 0.960 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$M_1^- = M_9^- = 0.640 \quad \therefore \quad 0.640/2.5 = 0.256 \quad ; \quad 0.256 < 0.586 (\text{As min.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad \text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 2.13/2.5 = 0.85$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$$

$$\text{El perimetro existente es } \sum_o = 3.97 \text{ cms.}$$

$$3.97 > 0.94 \quad \text{OK.}$$

$$M_{1,2}^+ = M_{8,9}^+ = 1.097 \quad \therefore \quad 1.097/2.5 = 0.439 \quad ; \quad 0.439 < 0.604 (\text{As min.})$$

$$\text{Area de acero .} \quad \text{As} = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad V_u = 2.45/2.5 = 0.98$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$$

$$\text{El perimetro existente es } \sum_o = 3.97$$

$$3.97 > 1.07 \quad \text{OK.}$$

$$M_2^- = M_8^- = 1.536 \quad \therefore \quad 1.536/2.5 = 0.614$$

$$\text{Area de acero .} \quad -\text{As} = 2.004 \times 0.614 = 1.23$$

$$a = 1.569 \times 1.23 = 1.93$$

$$-\text{As} = \frac{0.614 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.93}{2})} = 1.16$$

$$\text{As} = 1.16 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

106

Adherencia .  $V_u = 2.45/2.5 = 0.98$  ;  $\Sigma_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$

El perímetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$

$3.97 > 1.07$  OK.

$$\frac{M_{2-3}^+ = M_{7-8}^+ = M_{3-4}^+ = M_{6-7}^+ = M_{4-5}^+ = M_{5-6}^+ = 0.960 \dots 0.960/2.5 = 0.384}{0.384 < 0.604 \text{ (As mínimo)}}$$

Area de acero .  $A_s = \dots 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.45/2.5 = 0.98$  ;  $\Sigma_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$

El perímetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$  cms.

$3.97 > 1.07$  CK.

$$\frac{M_3^- = M_4^- = M_5^- = M_6^- = M_7^- = 1.369 \dots}{0.558 < 0.586 \text{ (As mínimo)}} \quad 1.369/2.5 = 0.558$$

Area de acero .  $A_s = \dots 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.13/2.5 = 0.85$

$$\Sigma_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$$

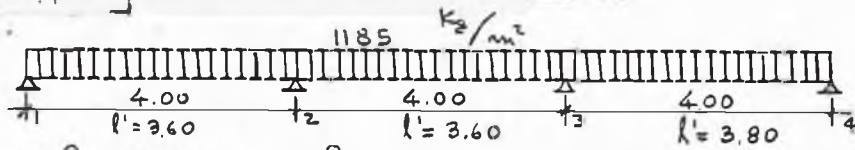
El perímetro existente es  $\Sigma_o = 3.97$  cms.

$3.97 > 0.94$  CK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

187

[ PANO T-14 ] Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = \frac{w \cdot l'^2}{24} = \frac{1185 \times 3.60^2}{24} = 0.640 \quad T-m.$$

$$M_2^-_{ext} = \frac{w \cdot l'^2}{10} = \frac{1185 \times 3.60^2}{10} = 1.536 \quad "$$

$$M_2^-_{int} = \frac{w \cdot l'^2}{11} = \frac{1185 \times 3.60^2}{11} = 1.396 \quad "$$

$$M_3^-_{ext} = \frac{w \cdot l'^2}{10} = \frac{1185 \times 3.70^2}{10} = 1.622 \quad "$$

$$M_3^-_{int} = \frac{w \cdot l'^2}{11} = \frac{1185 \times 3.70^2}{11} = 1.475 \quad "$$

$$M_4^- = \frac{w \cdot l'^2}{24} = \frac{1185 \times 3.80^2}{24} = 0.713 \quad "$$

$$M_{12}^+ = \frac{w \cdot l'^2}{14} = \frac{1185 \times 3.60^2}{14} = 1.097 \quad "$$

$$M_{23}^+ = \frac{w \cdot l'^2}{16} = \frac{1185 \times 3.60^2}{16} = 0.960 \quad "$$

$$M_{34}^+ = \frac{w \cdot l'^2}{14} = \frac{1185 \times 3.80^2}{14} = 1.222 \quad "$$

Acero por flexión.-

$$\underline{M_1^- = 0.640} \quad .- \quad 0.640/2.5 = 0.256 ; \quad 0.256 < 0.586 \text{ (As mínimo)}$$

$$\text{Área de acero .} \quad A_s = ----- \quad 1 \quad \emptyset \quad 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 2.13/2.5 = 0.85$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97$$

$$3.97 > 0.94 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = 1.097} \quad .- \quad 1.097/2.5 = 0.439 ; \quad 0.439 < 0.604 \text{ (As mínima)}$$

$$\text{Área de acero .} \quad A_s = ----- \quad 1 \quad \emptyset \quad 1/2"$$

$$\text{Adherencia .} \quad Vu = 2.45/2.5 = 0.98$$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = 3.97$$

$$3.97 > 1.07 \quad \text{OK.}$$

$$\underline{M_2^- = 1.536} \quad .- \quad 1.536/2.5 = 0.614 \text{ ( igual que } M_2^- \text{ del T-13 )}$$

$$\text{Área de acero .} \quad A_s = 1.16 \text{ cm}^2/v. \quad ----- \quad 1 \quad \emptyset \quad 1/2"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

108

Adherencia .  $V_u = 2.45/2.5 = 0.98$   
 $\sum_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$   
El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$  cms.  
 $3.97 > 1.07$  OK.

$M_{2-3}^+$  = 0.960, .-  $0.960/2.5 = 0.384$ ;  $0.384 < 0.604$  (As mínima)  
Area de acero .  $A_s = \dots \ 1 \ \emptyset \ 1/2"$

Adherencia . ( Igual que la adherencia anterior )

$M_3^-$  = 1.622 .-  $1.622/2.5 = 0.649$   
Area de acero .  $-A_s = 2.004 \times 0.649 = 1.30$   
 $a = 1.569 \times 1.30 = 2.03$   
 $-A_s = \frac{0.649 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.03}{2})} = 1.23$   
 $A_s = 1.23 \text{ cm}^2/v. \dots \ 1 \ \emptyset \ 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.13/2.5 = 0.85$   
 $\sum_o = 1.097 \times 0.85 = 0.94$   
El perímetro existente es 3.97 cms.  
 $3.97 > 0.94$  OK.

$M_{3-4}^+$  = 1.222 .-  $1.222/2.5 = 0.590$ ;  $0.590 < 0.604$  (As mínima)  
Area de acero .  $A_s = \dots \ 1 \ \emptyset \ 1/2"$

Adherencia .  $V_u =$  ( Igual a la adherencia anterior )

$M_4^-$  = 0.713 .-  $0.713/2.5 = 0.285$ ;  $0.285 < 0.586$  (As mínima).  
Area de acero .  $A_s = \dots \ 1 \ \emptyset \ 1/2"$   
Adherencia .  $V_u =$  ( Igual a la adherencia de  $M_{3-4}^+$  )

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

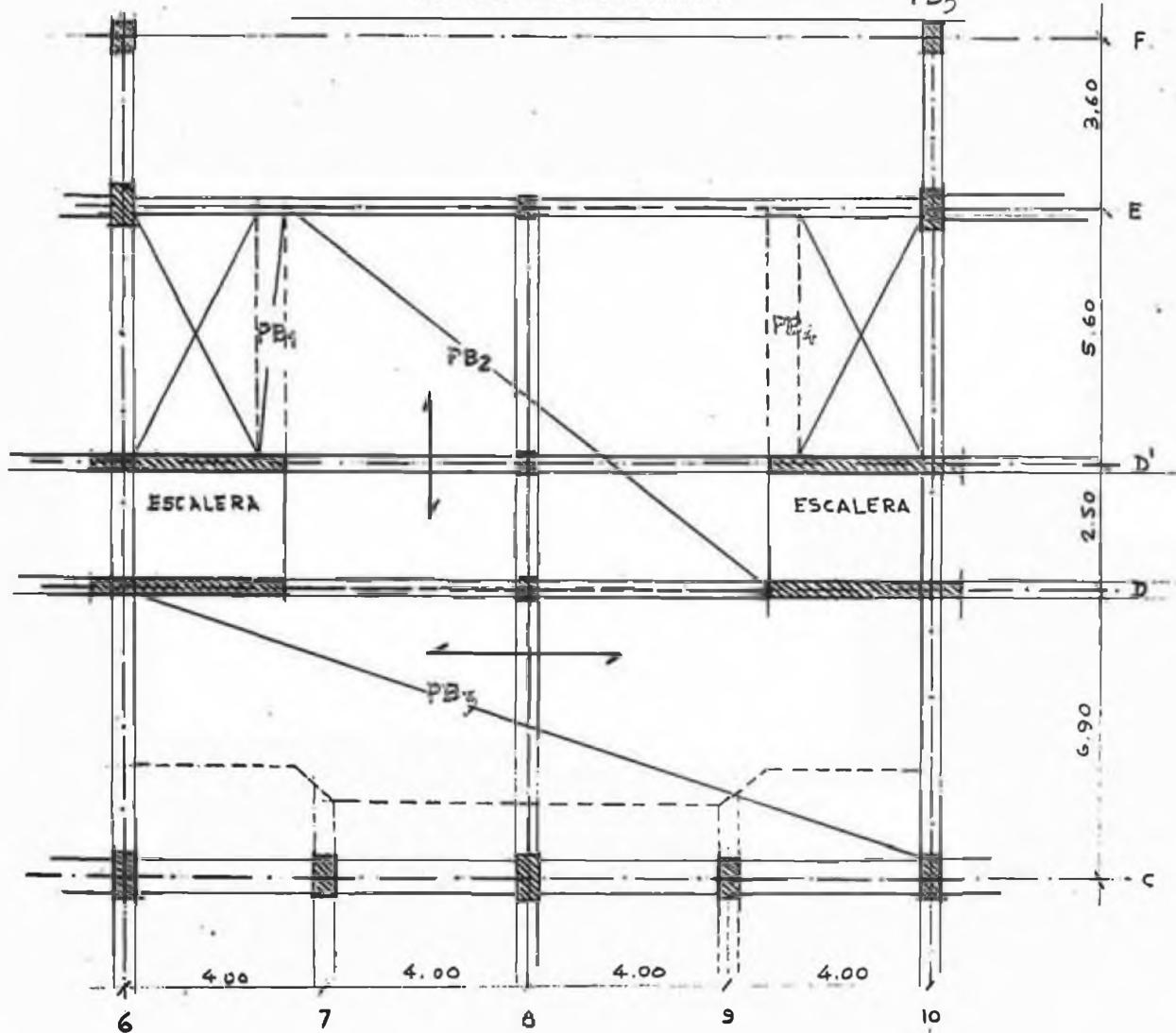
109

ALIGERADO DE LA PLANTA BAJA

El aligerado de la planta b. es igual al aligerado del piso TIPICO a lo que se debe agregar los siguientes paños :  $PB_1$ ,  $PB_2$ ,  $PB_3$  y  $PB_4$

Debemos hacer notar que los paños  $PB_1$  y  $PB_4$  son iguales por simetría. Para solucionar estos paños extras que tiene el primer piso utilizaremos los siguientes métodos :

- Método simple .....  $PB_1$
- " Cross .....  $PB_2$
- " de los coeficientes .....  $PB_3$



NOTA : Estos paños estarán exentos de cargas como : Repartida por tabiquería , concentradas por muros ó parapetos.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

110

D I S E Ñ O      A L I G E R A D O S      P L A N T A      B A J A

Área de acero.-

Tomaremos el mismo tipo de concreto y fierro que en los pisos típicos , por lo tanto las fórmulas a usar en el diseño serán las mismas.

Verificación del corte .- el corte máximo de estos aligerados es de 3.984 Ton./ m -l , que corresponde al paro  $P_b$  ; teniendo por corte unitario :

$$v = \frac{3.984}{2.5 \times 10 \times 22} = 7.2$$

Siendo para el  
concreto.....

$$v_c = 1.1 \times 0.53 \times \emptyset \times \sqrt{f'_c}$$

$$v_c = 1.1 \times 0.53 \times 0.85 \times \sqrt{210} = 7.2$$

Como  $v = v_c$  . No necesitaremos ensanche de viguetas.

Verificación de sección .- Tomamos las mismas consideraciones que en el piso típico .

$$a = k_1 kud = k_1 t = 0.85 \times 5 = 4.25$$

$$\text{Max. momento (+)} = 3.961 \quad A_s = \frac{3.961}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{4.25}{2})} = 7.91$$

$$p = \frac{7.91}{100 \times 22} = 0.00359$$

$$q = 0.00359 \times \frac{2800}{210} = 0.0478$$

$$1.18 q \frac{d}{k_1} = 1.18 \times 0.0478 \times \frac{22}{0.85} = 1.46$$

Como  $1.46 < 5$  , la sección será rectangular .

Verificación del momento máximo .- El máximo momento es 5.545 T-m/m lo que dá por vigueta :

$$5.161 / 2.5 = 2.464 \text{ T-m/vigueta}$$

Como  $M_u \text{ máx.} = 2.663$  ;  $2.663 > 2.464$  indicandonos esto que estamos debajo del momento máximo.

Acero mínimo .- Tomamos las mismas consideraciones que en el piso típico.

ARANA MENDOZILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Comprobación de la flecha .- La cuantía máxima para el efecto de la comprobación de la deflexión es:

$$p = 0.18 \frac{f'_c}{f_y} = 0.18 \frac{210}{2800} = 0.0135$$

El area de acero correspondiente será :

$$A_s = 0.0135 \times 22 \times 10 = 2.97 \text{ cm}^2$$

De fórmulas halladas anteriormente

$$a = 0.392 \times 2.97 = 1.16$$

El momento correspondiente es :

$$M_u = 2.97 \times 0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.16}{2}) / 10^5 =$$

$$M_u = 1.58$$

El momento máximo en el nivel es :  $M_u = \frac{3.961}{2.5} = 1.58$

Como :  $1.58 < 1.60$  No será necesario comprobar la flecha

Comprobación de la adherencia . Cálculo del perímetro mínimo necesario en función del corte para tomar el esfuerzo máximo de adherencia en las diferentes situaciones.

a)  $f'_c = 210$  ,  $\emptyset 1/2"$  ,  $d = 22 \text{ cm}$ .

$$\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{210}}{1.27} = 73.00 > 56$$

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 22} = 1.097 \text{ Vu}$$

$$\boxed{\sum_o = 1.097 \text{ Vu}}$$

b)  $f'_c = 210$  ,  $\emptyset 5/8"$  ,  $a = 22 \text{ cms}$ .

$$\mu_u = \frac{6.4 \times \sqrt{210}}{1.588} = 59.52 > 56$$

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 22} = 1.097 \text{ Vu}$$

$$\boxed{\sum_o = 1.097 \text{ Vu}}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

112

c)  $f'_c = 210$ ,  $\phi 3/4"$ ,  $d = 22$  cms.

$$\mu_u = \frac{3.4 \cdot 210}{1.095} = 48.68 < 56$$

$$\Sigma_o = \frac{Vu \times 10^3}{0.85 \times 48.68 \times 0.87 \times 22} = 1.262 \text{ Vu}$$

$$\boxed{\Sigma_o = 1.262 \text{ Vu}}$$

Cálculo del largo de desarrollo .- Lo calculamos mediante la tabla de la publicación especial N° 17 del ACI .....

$$\boxed{La = \frac{As f'_c}{\mu_u \Sigma_o}}$$

Para  $f'_c = 210 \text{ kg/cm}^2$ ;  $f_y = 2800 \text{ kg/cm}^2$ ; y los siguientes  $\phi$ .

a)  $\phi 3/8"$  .-  $\boxed{La = 11.5 \approx 12 \text{ cms.}}$

b)  $\phi 1/2"$  .-  $\boxed{La = 15.75 \approx 16 \text{ cms.}}$

c)  $\phi 5/8"$  .-  $\boxed{La = 19.5 \approx 20 \text{ cms.}}$

d)  $\phi 3/4"$  .-  $\boxed{La = 26.75 \approx 27 \text{ cms.}}$

El reglamento señala que si estos largos de desarrollo por anclaje se incrementan en un 25% se exonera el chequeo por adherencia. En el caso de la presente tesis hemos efectuado el chequeo por adherencia.

Envolventes.- Con los momentos que se calcularán mas adelante mediante el metodo de Cross y el que llamaremos simple, graficaremos las envolventes de momentos. Ver plano N° 17. Con los cortes que se calcularán como se ha explicado en la azotea, graficaremos las envolventes de corte. Ver plano N° 17. No es necesario graficar envolventes para los momentos y cortes que se calcularán por el metodo de los coeficientes.

Colocacion del acero.- La colocacion del acero se ha efectuado segun el inciso 803 del reglamento ACI 318-63. Ver plano N° 22

Acero por temperatura .- Segun el reglamento ACI 318-63, la cuantia del acero por temperaturas en aligerados es 0.0020.

$$As_t = 0.0020 \times 5 \times 100 = 1 \text{ cms}^2 \quad \phi 1/4" \text{ a } 30 \text{ cms.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

113

CARGAS A CONSIDERAR , - Tal como se puede apreciar en el capítulo correspondiente al metrado de cargas - aca- pite : PLANTA BAJA , se tienen las siguientes cargas :

1.-Carga permanente repartida uniformemente .-

Feso del aligerado ..... 350 kg/m-1.

Piso terminado..... 90 kg/m-1.

Falso techo ..... 50 kg/m-1.

490 kg/m-1.

Carga última permanente :  $w_{uD} = 1.5 \times 490 = 735 \text{ kg/m.}$

2.-Sobrecarga .-  $125 \text{ kg/m}^2$ .

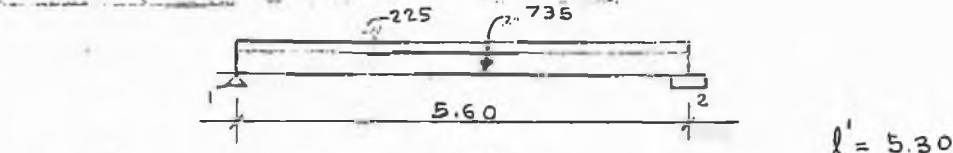
Carga última de sobrecarga:  $w_{uL} = 1.8 \times 125 = 225 \text{ kg/m.}$

Por lo tanto tenemos:

$$w_u = w_{uD} + w_{uL} = 735 + 225 = 960 \text{ kg/m.}$$

PAÑO P2

Cálculo de momentos.



$$M_1 = \frac{1}{24} w l'^2 = \frac{960 \times 5.30^2}{24} = 1.124 \text{ T-m.}$$

$$M_2 = \frac{1}{16} w l'^2 = \frac{960 \times 5.30^2}{16} = 1.685 \text{ T-m.}$$

Cálculo del momento isostático :

$$M_{12} = \frac{w l^2}{8} = \frac{960 \times 5.60^2}{8} = 3.763 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$\underline{M_1} = 1.124 , - \quad 1.124 / 2.5 = 0.450 ; \quad 0.450 < 0.586 (\text{es mín.})$$

Área de acero .  $A_s = \dots \quad 1 \quad \emptyset \quad 1/2"$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Adherencia .  $V_u = 2.44/2.5 = 0.98$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.98 = 1.07$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$

$$3.97 > 1.07 \quad \text{CK.}$$

$M_{1-2}^+ = 2.410$  .-  $2.410/2.5 = 0.946$

Area de acero .  $A_s = 2.004 \times 0.946 = 1.94$

$$a = 0.392 \times 1.94 = 0.76$$

$$-A_s = \frac{0.946 \times 10^5}{0.9 \times 2800(22 - \frac{0.76}{2})} = 1.78$$

$$A_s = 1.78 \text{ cm}^2/v. \quad 1 \varnothing 5/8"$$

Adherencia .  $V_u = 2.41/2.5 = 0.96$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.96 = 1.06$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 4.987$

$$4.987 > 1.06 \quad \text{CK.}$$

$M_2^- = 1.685$  .-  $1.685/2.5 = 0.674$

Area de acero .  $-A_s = 2.004 \times 0.674 = 1.35$

$$a = 1.569 \times 1.35 = 2.12$$

$$-A_s = \frac{0.674 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.12}{2})} = 1.28$$

$$A_s = 1.28 \text{ cm}^2/v \quad 1 \varnothing 1/2"$$

Adherencia .  $V_u = 1.29/2.5 = 0.52$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.52 = 0.56$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97 \text{ cms.}$

$$3.97 > 0.56 \quad \text{CK.}$$

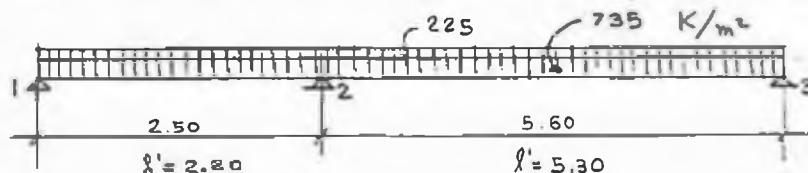
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

115

PANO PB<sub>2</sub> -

Calculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 y 3 )



$$C_{12} = 1.00 ; C_{32} = 1.00 ; C_{21} = 0.69 ; C_{23} = 0.31$$

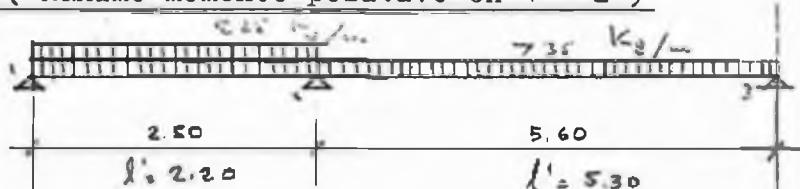
Momentos de empotramiento :

$$M_{01} = \frac{960 \times 2.20^2}{24} = 0.194 \quad , \quad M_{23} = M_{32} = \frac{960 \times 5.60^2}{12} = 2.509$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{960 \times 2.50^2}{12} = 0.500 \quad , \quad M_{34} = \frac{960 \times 5.30^2}{24} = 1.124 \text{ T-m.}$$

1.00	.69	.31	1.00	
+.194	-.500	+.500	-2.509	+2.509
	+.306	+.386	+.623	-1.385
	+.693	+.153	-.692	+.316
	-.693	+.372	+.167	-.316
	+.186	-.346	-.158	+.083
	-.186	+.348	+.156	-.083
	+.174	-.093	-.041	+.078
	-.174	+.092	+.041	-.078
<b>+.194</b>	<b>-.194</b>	<b>+.2.412</b>	<b>-.1.124</b>	<b>+1.124</b>
				<b>-1.124</b>

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1 - 2 )



Momentos de empotramiento .-

$$M_{01} = \frac{960 \times 2.20^2}{24} = 0.194 \text{ T-m.}$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{735 \times 5.60^2}{12} = 1.921$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{960 \times 2.50^2}{12} = 0.500$$

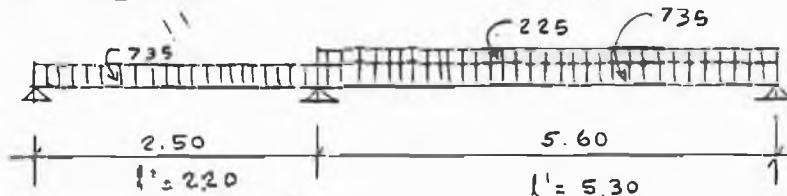
$$M_{34} = \frac{735 \times 5.30^2}{24} = 0.860 \text{ T-m.}$$

1.00	.69	.31	1.00	
+.194	-.500	+.500	-1.921	+1.921
	+.306	+.980	+.441	-1.004
	+.490	+.153	-.530	+.120
	-.490	+.260	+.117	-.220
	+.130	-.245	-.110	+.058
	-.130	+.245	+.110	-.058
<b>+.194</b>	<b>-.194</b>	<b>+.1.893</b>	<b>-.1.893</b>	<b>+ .860</b>
				<b>-.860</b>

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

116

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 )



Momentos de empotramiento .-

$$M_{01} = \frac{735 \times 2.20^2}{24} = 0.148$$

$$M_{23} = M_{32} = \frac{960 \times 5.60^2}{12} = 2.509$$

$$M_{12} = M_{21} = \frac{735 \times 2.50^2}{12} = 0.383$$

$$M_{34} = \frac{960 \times 5.30^2}{24} = 1.124 \text{ T-m.}$$

	1.00	.69 .31	1.00
+ .148	- .383	+ .383	-2.509
	+ .235	+ 1.467	+ .659
	+ .735	+ .117	- .892
	- .733	+ .397	+ .178
	+ .198	- .366	- .164
	- .198	+ .366	- .164
[+ .148]	[- .148]	[+2.504]	[-2.364]
			[+1.124] [-1.124]

Momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo 1 - 2} \dots \frac{735 \times 2.50^2}{8} = 0.575 ; \quad \frac{960 \times 2.50^2}{8} = 0.750$$

$$\text{Tramo 2 - 3} \dots \frac{735 \times 5.60^2}{8} = 2.882 ; \quad \frac{960 \times 5.60^2}{8} = 3.779 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.194 \quad \therefore \quad 0.194/2.5 = 0.078 ; \quad 0.078 < 0.586 (\text{As mínima})$$

Área de acero :  $As = \text{-----} 1 \varnothing 1/2"$

NOTA : asimilemos al  $As$  de  $M_2^- = 1 \varnothing 5/8"$

Adherencia .  $V_u = 0.17/2.5 = 0.07$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.07 = 0.07$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 4.987 \text{ cms.}$

$4.987 > 0.07$  OK.

$$M_{1-2}^+ = 0.000 \quad \text{--}$$

$$M_2^- = 2.150 \quad \text{--} \quad 2.150/2.5 = 0.860$$

$$\text{Área de acero .} \quad As = 2.004 \times 0.860 = 1.72$$

$$a = 1.569 \times 1.72 = 2.70$$

$$As = \frac{0.660 \times 10^5}{0.5 \times 3.14 (22 - \frac{2.70}{2})} = 1.65$$

$$As = 1.65 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{-----} 1 \varnothing 5/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(117)

Adherencia .-  $V_u = 2.76/2.5 = 1.10$

$$\sum_o = 1.097 \times 1.10 = 1.21$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 4.987$  cms.

$$4.987 > 1.21 \quad \text{OK.}$$

$M_{2-3}^+$  = 2.100 .-  $2.100/2.5 = 0.840$

Areas de acero .  $A_s = 2.004 \times 0.840 = 1.68$

$$a = 0.392 \times 1.68 = 0.66$$

$$A_s = \frac{0.840 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{0.66}{2})} = 1.54$$

$$A_s = 1.54 \text{ cm}^2/v. \quad 1 \varnothing 5/8"$$

Adherencia .  $V_u = 2.00/2.5 = 0.80$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.80 = 0.88$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 4.987$  cms.

$$4.987 > 0.88 \quad \text{OK.}$$

$M_3^-$  = 1.124 .-  $1.124/2.5 = 0.450 ; 0.450 < 0.586$  (  $A_s$  min.)

Area de acero .  $A_s = \dots \quad 1 \varnothing 1/2"$

Adherencia .  $V_u = 2.30/2.5 = 0.92$

$$\sum_o = 1.097 \times 0.92 = 1.01$$

El perímetro existente es  $\sum_o = 3.97$  cms.

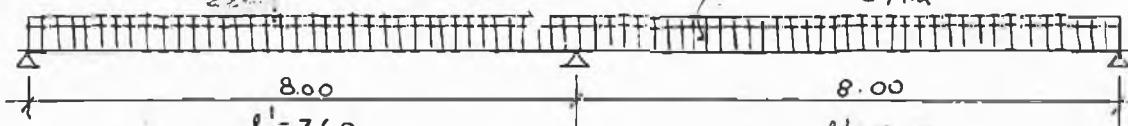
$$3.97 > 1.01 \quad \text{OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

PAÑO PB

Calculo de momentos.-

735  $k_2/m^2$



$$M_1^- = \frac{w l^2}{24} = \frac{960 \times 7.60^2}{24} = 2.310 \text{ T-m.}$$

$$M_{12}^+ = \frac{w l^2}{14} = \frac{9.60 \times 7.60^2}{14} =$$

$$M_2^- = \frac{w l^2}{9} = \frac{960 \times 7.60^2}{9} = 6.161 \text{ "}$$

$$M_{12}^+ = M_{23}^+ = 3.961 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{w l^2}{24} = \frac{960 \times 7.60^2}{24} = 2.310 \text{ "}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = M_3^- = 2.310 \text{ .- } 2.310/2.5 = 0.924$$

$$\text{Area de acero . } -As = 2.004 \times 0.924 = 1.85 ; a = 1.569 \times 1.85 = 2.91$$

$$-As = \frac{0.924 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{2.91}{2})} = 1.78$$

$$As = 1.78 \text{ cm}^2 /v. \quad 1 \varnothing 5/8"$$

$$\text{Adherencia . } Vu = 3.65/2.5 = 1.46 ; \sum_o = 1.097 \times 1.46 = 1.60$$

El perímetro existente es 4.987 > 1.60 OK.

$$M_{1-2}^+ = M_{2-3}^+ = 3.961 \text{ .- } 3.961/2.5 = 1.584$$

$$\text{Area de acero . } -As = 2.004 \times 1.584 = 3.17 ;$$

$$a = 0.392 \times 3.17 = 1.25$$

$$-As = \frac{1.584 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{1.25}{2})} = 2.94$$

$$As = 2.94 \text{ cm}^2 /v. \quad 1 \varnothing 1/2" + 1 \varnothing 5/8"$$

$$\text{Adherencia . } Vu = 4.19/2.5 = 1.68 ; \sum_o = 1.097 \times 1.68 = 1.84$$

$$\text{El perímetro existente es } \sum_o = \frac{4\pi A}{D} = 8.17 \text{ cms.}$$

$$8.17 > 1.84 \quad \text{OK.}$$

$$M_2^- = 6.161 \text{ .- } 6.161/2.5 = 2.464$$

$$\text{Area de acero . } -As = 2.004 \times 2.464 = 4.94 ; a = 1.569 \times 4.94 = 7.75$$

$$-As = \frac{2.464 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{7.75}{2})} = 5.39$$

$$a = 1.569 \times 5.39 = 8.46$$

$$-As = \frac{2.464 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - 8.46/2)} = 5.50$$

$$a = 1.569 \times 5.50 = 8.63$$

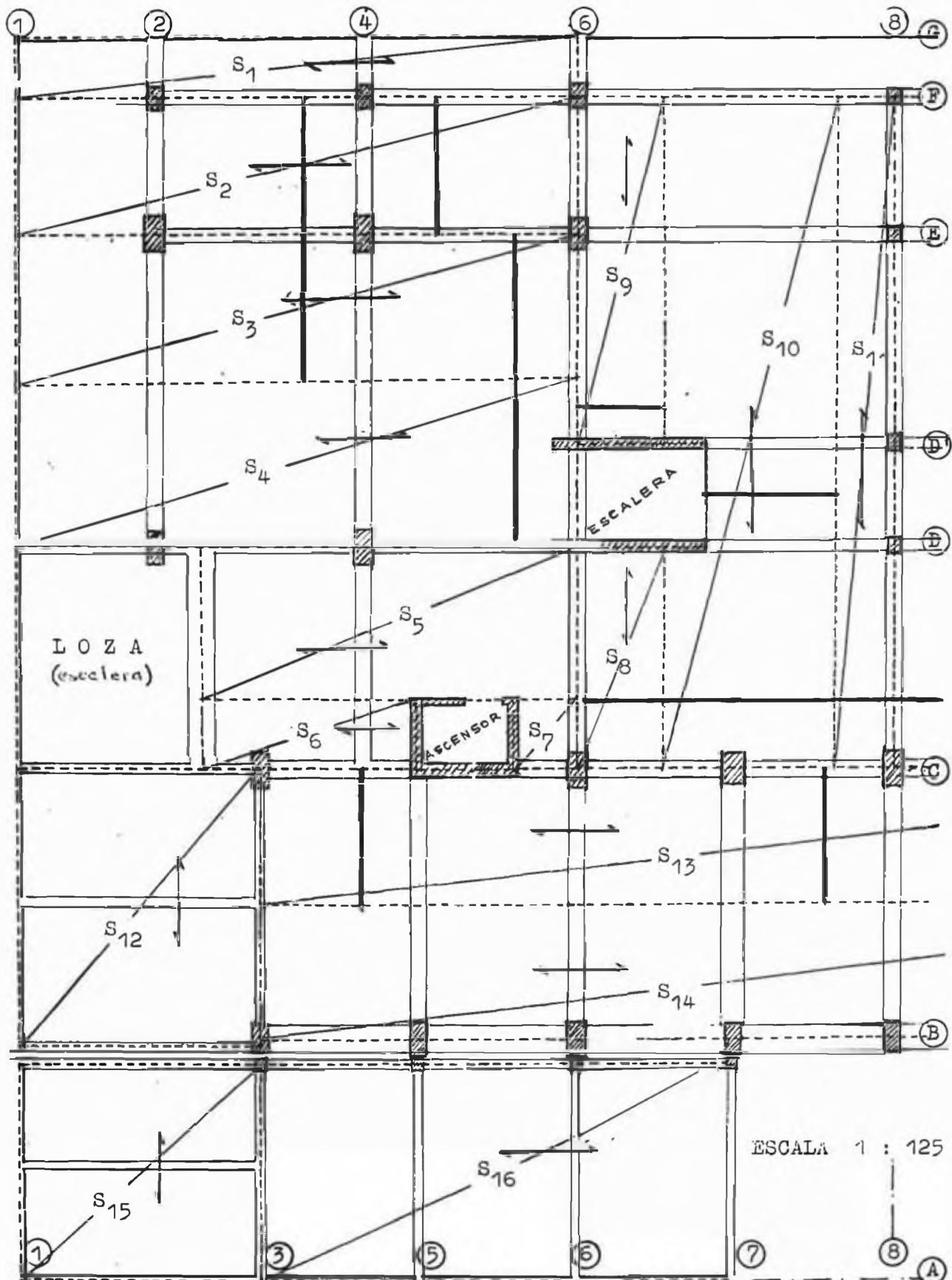
$$-As = \frac{2.464 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (22 - \frac{8.63}{2})} = 5.53 \quad 2 \varnothing 3/4"$$

$$\text{Adherencia . } Vu = 4.19/2.5 = 1.68 ; \sum_o = 1.262 \times 1.68 = 2.11 < 11.97 \quad \text{OK.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

119

ALIGERADO DEL SOTANO --



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

120

D I S E Ñ O      A L I G E R A D O S      S O T A N O

Utilizaremos un concreto de:  $f'_c = 210 \text{ Kg/cm}^2$   
 $f_y = 2800 \text{ "}$

Areas de acero.-

cms

Como el aligerado adoptado es de 30 cms. tendremos:  $d = 27$   
por lo tanto las fórmulas a emplear serán las siguientes:

-Para el primer tanteo  $a = 0.2 d$

$$A_s = \frac{\mu u \times 10^5}{C.9 \times 2800 (27 - \frac{0.2 \times 27}{2})} = 1.633 \text{ mu}$$

As = 1.633 Mu

-Por otro lado tenemos que el valor de a en función de As es

Para momentos negativos :

$$a = \frac{A_s \times f_y}{0.85 f'_c b'}$$

$f_y = 2800$

$f'_c = 210$

$b' = 10 \text{ cms.}$

a = 1.569 As

Para momentos positivos :

$$a = \frac{A_s \times f_y}{0.85 f'_c b}$$

$f_y = 2800$

$f'_c = 210$

$b = 40 \text{ cms.}$

Verificación por corte .- Verificaremos si el "d" escogido es suficiente para tomar el máximo corte en el aligerado del sótano.

El corte unitario que toma el concreto es :

$$v = 1.1 \times 0.53 \times \emptyset \times \sqrt{f'_c}$$

$$v = 1.1 \times 0.53 \times 0.85 \times \sqrt{210} = 7.2$$

$$v = 7.2 \text{ Kg/cm}^2$$

El máximo corte que se podrá tomar por metro es:

$$V_{\text{max}} = 7.2 \times 2.5 \times 10 \times 27 = 4.860 \text{ T / m.}$$

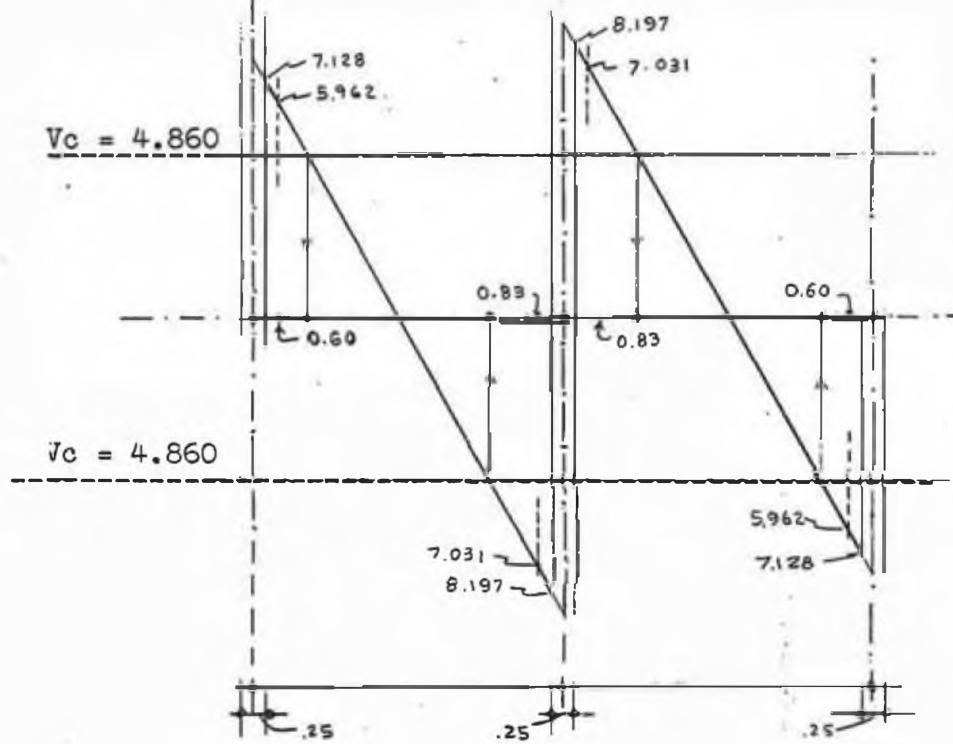
Ensanche por corte.-

Cuando el corte máximo premisible para que se produzca rotura por tracción diagonal es menor que el corte crítico ( a la distancia "d" del apoyo ), es necesario efectuar el ensanche correspondiente. En los paños  $S_{12}$  y  $S_{16}$  se tiene que el corte crítico es mayor que corte máximo hallado mas arriba, por lo tanto procedemos a calcular el ensanche necesario mediante los diagramas que se muestran en la página siguiente.

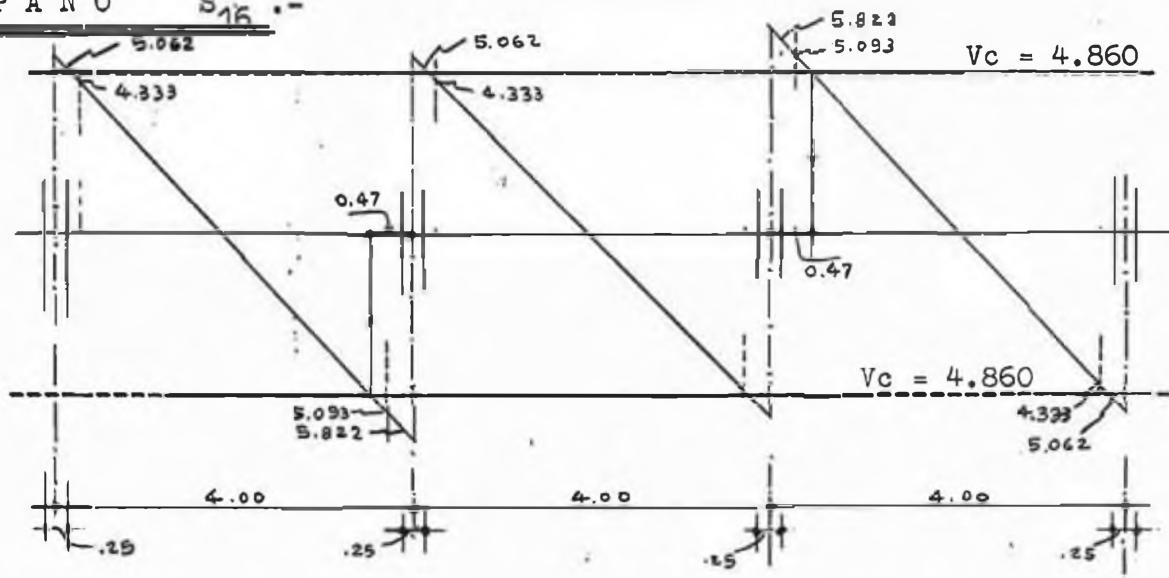
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

121

P A Ñ O      S<sub>12</sub> .-



P A Ñ O      S<sub>15</sub> .-



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

122

Paño S<sub>12</sub> .- 7.031 > 4.860

La longitud de ensanche la sacamos de el diagrama de la hoja anterior ----- X = 0.83 m.

Cálculo de el nuevo ancho .

$$v = 7.2 \times 2.5 \times 27 \times m = 7.031 \\ m = \frac{7.031}{7.2 \times 2.5 \times 27} = 14.4 \approx 15 \text{ cm.}$$

Paño S<sub>12</sub> .- 5.962 > 4.860

la longitud de ensanche la sacamos de el diagrama de la hoja anterior ----- X = 0.60 m.

Cálculo del nuevo ancho .

$$v = 7.2 \times 2.5 \times 27 \times m = 5.962 \\ m = \frac{5.962}{7.2 \times 2.5 \times 27} = 12.2 \approx 15 \text{ cm.}$$

Paño S<sub>16</sub> .- 5.093 > 4.860

La longitud de ensanche la sacamos de el diagrama correspondiente de la hoja anterior ----- X = 0.47 m.

Cálculo del nuevo ancho .

$$v = 7.2 \times 2.5 \times 27 \times m = 5.093 \\ m = \frac{5.093}{7.2 \times 2.5 \times 27} = 10.47 \approx 15 \text{ cm.}$$

Verificación de la sección .- En el SCTANO el máximo momento positivo es 4.960 T-m/m.-l. suponiendo que :

$$kud = t = 5 \text{ cms.}$$

$$a = k_1 kud = k_1 t = 0.85 \times 5 = 4.25$$

$$As = \frac{4.960 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.25}{2})} = 7.91$$

$$p = 7.91 / 100 \times 27 = 0.00283$$

$$q = 0.00283 \times \frac{2800}{210} = 0.0377$$

$$1.18 q \frac{d}{k_1} = 1.18 \times 0.0377 \times \frac{27}{0.85} = 1.41 \text{ cms.}$$

Como 1.41 < 5 cms. ----- La sección es rectangular.

Verificación del momento máximo .- Para un aligerado de 30 cms. el momento máximo que puede tomar es :

$$\boxed{M_{\text{máx.}} = 0.262 f_c' b d^2}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

$$M_u \text{ máx.} = 0.262 \times 210 \times 10 \times 27^2 = 4.011 \text{ T-m./v.}$$

El máximo momento (-) , que tenemos por metro de aligerado en el sótano es : 4.704 ; por vigueta será ---  $4.704/2.5=1.881$   
como ----- 1.881 < 4.011 T-m/v.

Estamos debajo del momento máximo.

Acero mínimo .- Según el reglamento la cuantía mínima es :

$$p \text{ mín.} = 14 / f_y \quad 14/2800 = 0.005$$

El acero mínimo será :

$$A_s = 0.005 b' d \quad 0.005 \times 10 \times 27 = 1.35$$

El momento que corresponderá para este acero será :  $2\phi 3/8"$

( + )	( - )
$A_s = 1.35 \text{ cm}^2/\text{v.}$	$A_s = 1.35 \text{ cm}^2/\text{v.}$
$a = 0.392 \times 1.35 = 0.53$	$a = 1.569 \times 1.35 = 2.12$
$M_u = 1.35 \times 0.9 \times 2800 (27 - 0.53/2)/10^5$	$M_u = 1.35 \times 0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.12}{2})/10^5$
$M_u = 0.910 \text{ T-m./v.}$	$M_u = 0.882 \text{ T-m./v.}$

Tendremos las mismas consideraciones que en los pisos anteriores . Es decir : Si en un paño cualquiera tenemos areas de acero menores que la mínima (  $1.35 \text{ cm}^2/\text{v.}$  ) tanto para positivo como para negativo , tomaremos el area  $1/3$  mayor que la requerida. (pág 37 - ACI ).

Al encontrar el area de acero en los apoyos lo haremos con el mayor de los momentos negativos en dicho apoyo.

Comprobación de la deflexión ( flecha ) .- La cuantía máxima para el efecto de la comprobación de la flecha es :

$$p = 0.18 f'_c / f_y \quad 0.18 \times 210/2800 = 0.0135$$

El acero que corresponde a esta cuantía es :

$$A_s = 0.0135 \times 27 \times 10 = 3.64 \text{ cm}^2$$

De fórmulas halladas anteriormente tenemos :

$$a = 0.392 \times A_s \quad a = 3.92 \times 3.64 = 1.43$$

$$M_u = 3.64 \times 0.9 \times 2800 (27 - \frac{1.43}{2})$$

$$M_u = 2.41$$

$$\text{El máximo momento en el sótano es : } M = \frac{4.96}{2.5} = 1.98$$

Como :  $1.98 < 2.41$  no será necesario comprobar "flecha".

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

124

Comprobación de la adherencia .- Calcularemos el perímetro mínimo necesario en función del corte para tomar el esfuerzo máximo de adherencia en las diferentes situaciones.

a )  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$  ;  $\emptyset 1/2"$  ;  $d = 27 \text{ cms.}$

$$\mu_u = \frac{6.4 \sqrt{f_c'}}{D} \quad \mu_u = \frac{6.4 \sqrt{210}}{1.27} = 73.02 \quad 56 (\text{Pág } 74)$$

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 27} = 0.894 V_u$$

$$\boxed{\sum_o = 0.894 V_u}$$

b )  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$  ;  $\emptyset 5/8"$  ;  $d = 27 \text{ cms.}$

$$\mu_u = \frac{6.4 \times \sqrt{210}}{1.588} = 59.52 \quad 56$$

$$\sum_o = \frac{V_u \times 10^3}{0.85 \times 56 \times 0.87 \times 27} = 0.894 V_u$$

$$\boxed{\sum_o = 0.894 V_u}$$

Cálculo del largo de desarrollo .- Así como en los niveles anteriores el largo de desarrollo lo calcularemos utilizando la tabla de la publicación especial N° 17 del ACI pág. 114 .

a)  $\emptyset 3/8"$  ;  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$  ;  $f_y = 2800 \text{ kg./cm}^2$  (barra inf.)

$$\boxed{La = 11.5 \approx 12 \text{ cms.}}$$

b)  $\emptyset 1/2"$  ;  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$  ;  $f_y = 2800 \text{ kg/cm}^2$  (barra inf.)

$$\boxed{La = 15.75 \approx 16 \text{ cms.}}$$

c)  $\emptyset 5/8"$  ;  $f_c' = 210 \text{ kg/cm}^2$  ;  $f_y = 2800 \text{ kg/cm}^2$  (barra inf.)

$$\boxed{La = 19.5 \approx 20 \text{ cms.}}$$

El reglamento señala que si los largos de desarrollo por anclaje se incrementa en un 25 %, se exonerá el chequeo por adherencia.

El chequeo debe hacerse como está en el piso típico , en el sótano : Escogiendo el máximo corte . ---- 8.19 ( Paño  $S_{12} - \frac{W_{1-2}}{2}$  ) y el mínimo perímetro existente  $\sum_o = 2.992 \text{ cms.}$  ( Paño  $S_7$  ). Vemos que :  $V_u = 8.19/2.5 = 3.27$  ;  $\sum_o = 0.894 \times 3.27 = 2.923 < 2.992$  CK.

Luego no será necesario chequeo por adherencia por que en el caso más desfavorable cumple CK.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(125)

CALCULO DE MOMENTOS - ESFUERZO CORTANTE Y DISEÑO

Igualmente que con el aligerado de la ALCIBEA, PISO TIPICO y PRIMER PISO; dividimos la planta correspondiente al SOTANO en paños, tal como se puede apreciar en el gráfico ( hoja X 119 ). Considerando siempre que el eje 8 es eje de simetría.

Cálculo de momentos.-

Los métodos a emplearse para calcular los momentos son:

- Método de los coeficientes ( Reglamento A.C.I. - 63 )

$s_{12}$  ;  $s_{14}$  ;  $s_{15}$  ;  $s_{16}$  .

- Método Hardy Cross

$s_1$  ;  $s_2$  ;  $s_3$  ;  $s_4$  ;  $s_5$  ;  $s_6$  ;  $s_9$  ;  $s_{10}$  ;  $s_{11}$  ;  $s_{13}$  .

- Método Simple

$s_7$  ;  $s_8$  .

Metrado de cargas.-

En los aligerados del SOTANO tenemos las siguientes cargas:

Para :  $s_1$  ( 2-6 ) .-

$$w_D = \text{peso propio} + \text{piso terminado} = pp + pt = 380 + 100 = 480 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_L = \text{sobrecarga} = 400 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_u = 1.5 \times 480 + 1.8 \times 400 = 720 + 720 = 1.440 \text{ T/m}^2$$

$$w_{uD} = 720 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uL} = 720 \text{ "}$$

Para :  $s_5$  ;  $s_6$  ;  $s_7$  ;  $s_8$  ;  $s_{10}$  ( C - E ) ;  $s_{11}$  ( C - E ) ;  $s_{13}$  ;  $s_{14}$

$s_2$  ( 2 - 6 ) ;  $s_3$  ( 2 - 6 ) ;  $s_4$  ( 2 - 6 ) y  $s_9$  ( 2 - 6 ).

$$w_D = \text{peso propio} + \text{piso terminado} + \text{Tabiquería repartida} =$$

$$= pp + pt + tr = 380 + 100 + 100 = 580 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_L = \text{sobrecarga} = 400 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_u = 1.5 \times 580 + 1.8 \times 400 = 870 + 720 = 1.590 \text{ T/m}^2$$

$$w_{uD} = 870 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uL} = 720 \text{ "}$$

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

Para  $s_1$  ( 1 - 2 ) ;  $s_2$  ( 1 - 2 ) ;  $s_3$  ( 1 - 2 ) ;  $s_4$  ( 1 - 2 ) ;  
 $s_9$  ( E - F ) ;  $s_{10}$  ( E - F ) ;  $s_{11}$  ( E - F ) .

$$w_D = \text{peso propio + piso terminado + jardín} = pp + pt + \text{jardín} = \\ = 380 + 100 + ( 1800 \times .40 ) = 1200 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_L = \text{sobrecarga} = 200 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_u = 1.5 \times 1200 + 1.8 \times 200 = 1800 + 360 = 2160 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uD} = 1,800 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uL} = 360 "$$

Para  $s_{15}$  ;  $s_{16}$  .

$$w_D = \text{peso propio + piso terminado + jardín} = pp + pt + \text{jardín} = \\ = 380 + 100 + ( 1,800 \times .60 ) = 1,560 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_L = \text{sobrecarga} = 200 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_u = 1.5 \times 1,560 + 1.8 \times 200 = 2340 + 360 = 2,700 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uD} = 2340 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uL} = 360 "$$

Para  $s_{12}$  .

$$w_D = \text{peso propio + piso terminado + jardín} = pp + pt + \text{jardín} = \\ = 380 + 100 + ( 1,800 \times 1.20 ) = 2640 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_L = \text{sobrecarga} = 200 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_u = 1.5 \times 2640 + 1.8 \times 200 = 3960 + 360 = 4320 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uD} = 3960 \text{ Kg/m}^2$$

$$w_{uL} = 360 "$$

Acero por temperatura .-  $A_s = 0.0020 \times 5 \times 100 = 1 \text{ cm}^2$  - 1/4" x 30

Envolventes.- Con los momentos que se calcularan mas adelante mediante el metodo de Cross y el que llamaremos simple, graficaremos las envolventes de momentos. Ver planos N°<sup>os</sup> 18,19,20. Con los cortes que se calcularan como se ha explicado en la azotea, graficaremos las envolventes de corte. Ver planos N°<sup>os</sup> 18,19,20. No es necesario graficar envolventes para los momentos y cortes que se calcularan por el metodo de los coeficientes.

Colocacion del acero .- La colocacion del acero se ha efectuado segun el inciso 803 del reglamento ACI 318-63. Ver plano N° 22 .

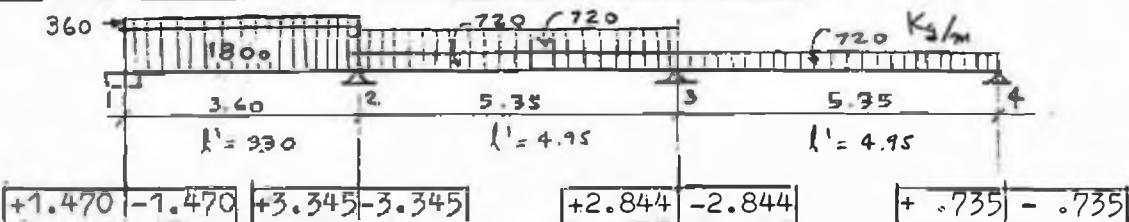
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

127

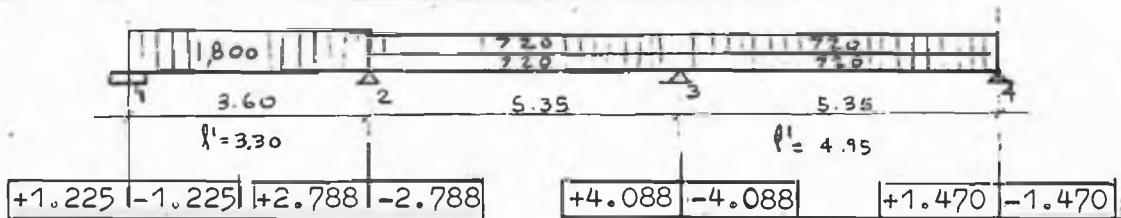
PAÑO S.

Momentos

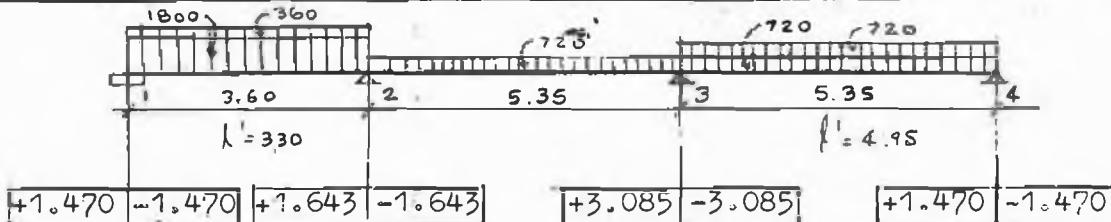
Caso 1 .- (máximo momento negativo en 1 y 2) .



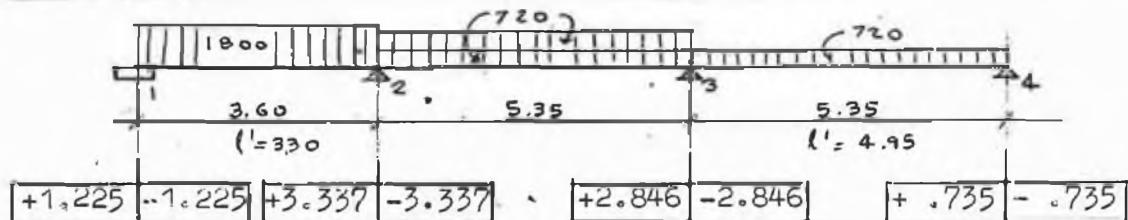
Caso 2 .- (Máximo momento negativo en 3 y 4) .



Caso 3 .- (Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4) .



Caso 4 .- (Máximo momento positivo en 2-3) .



Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo 1-2} \dots \dots \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500$$

$$\text{Tramo 2-3 y 3-4} \dots \dots \frac{720 \times 5.35^2}{8} = 2.576 ; \frac{1440 \times 5.35^2}{8} = 5.151 \text{ T.m.}$$

Acero por flexion.-

$$M_1^- = 1.470 \quad 1.470/2.5 = 0.588 ; 0.588 < 0.882 (\text{as mínimo})$$

Área de acero .  $A_s = \frac{\text{As min.}}{v} = \frac{1.35 \text{ cm}^2}{2} \varnothing \frac{3/8}{}$

$$M_{1-2}^+ = 1.950 \quad 1.950/2.5 = 0.780 ; 0.780 < 0.910 (\text{as mínimo})$$

Área de acero .  $A_s = \dots \dots \dots \frac{2}{3} \frac{3/8}{}$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

163

$$\underline{M_2^-} = 2.600 \text{ .-} \quad 2.600/2.5 = 1.040$$

$$\text{Area de acero .} \quad -As = 1.633 \times 1.040 = 1.70$$

$$a = 1.569 \times 1.70 = 2.66$$

$$-As = \frac{1.040 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.66}{2})} = 1.61$$

$$As = 1.61 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 2.090 \text{ .-} \quad 2.090/2.5 = 0.836 ; \quad 0.836 < 0.910 (\text{As minimo})$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = 2 \varnothing 3/8"$$

$$\underline{M_3^-} = 3.300 \text{ .-} \quad 3.300/2.5 = 1.320$$

$$\text{Area de acero .} \quad -As = 1.633 \times 1.320 = 2.15$$

$$a = 1.569 \times 2.15 = 3.38$$

$$-As = \frac{1.320 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{3.38}{2})} = 2.07$$

$$As = 2.07 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 2 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_{2-4}^+} = 2.945 \text{ .-} \quad 2.945/2.5 = 1.178$$

$$\text{Area de acero .} \quad -As = 1.633 \times 1.178 = 1.93$$

$$a = 0.392 \times 1.93 = 0.76$$

$$-As = \frac{1.178 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.76}{2})} = 1.76$$

$$As = 1.76 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 5/82$$

$$\underline{M_4^-} = 1.470 \text{ .-} \quad 1.470/2.5 = 0.588 ; \quad 0.588 < 0.882 (\text{As minimo})$$

$$\text{Area de acero .} \quad As = 2 \varnothing 3/8"$$

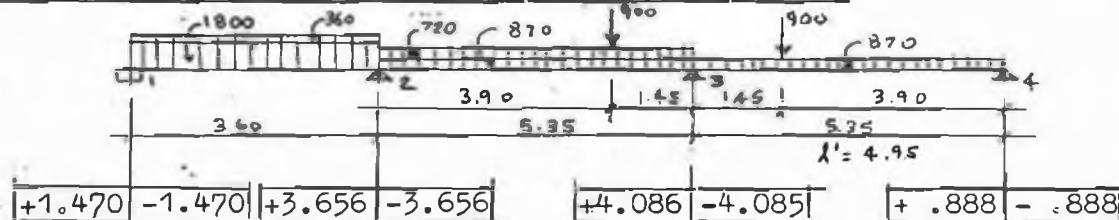
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

125

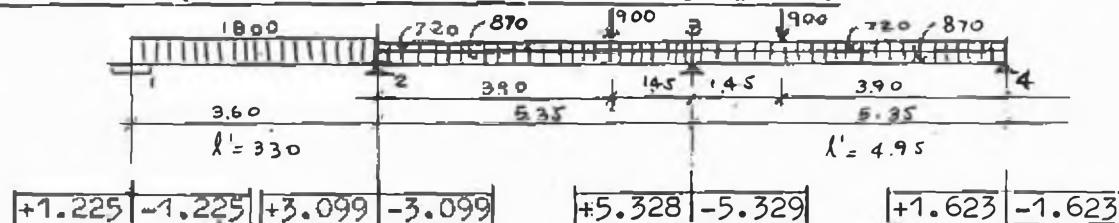
PANO S<sub>2</sub>

Cálculo de momentos.-

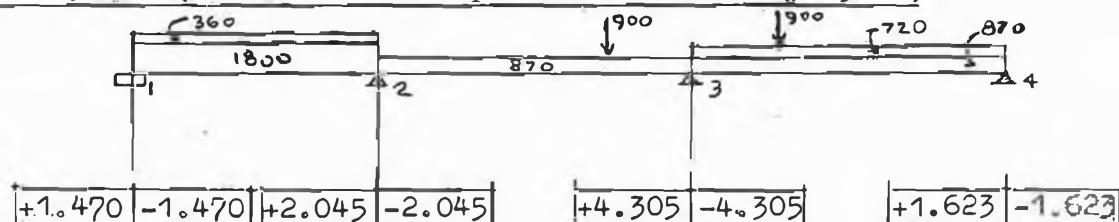
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 y 2 ).



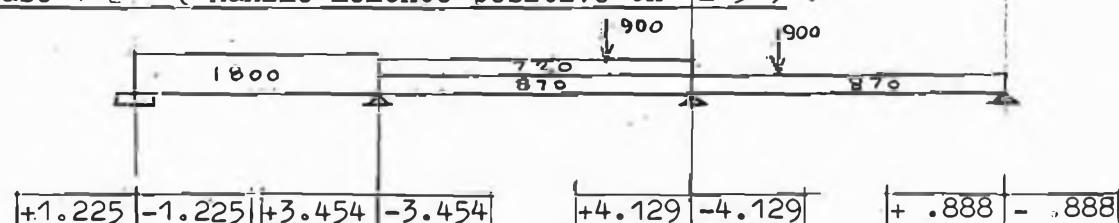
Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4 )



Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ).



Cálculo de los momentos isostáticos .-

Tramo 1-2 .....  $\frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916$  ;  $\frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500$

Tramo 2-3 .....  $\frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113$  ;  $\frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$

$\frac{900 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.951$  T-m.

Tramo 3-4 .....  $\frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113$  ;  $\frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$

$\frac{900 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.951$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

$$\underline{M_1^-} = 1.470 \text{ .-} \quad 1.470/2.5 = 0.588 ; \quad 0.588 < 0.882 (\text{As m\'inimo})$$

Área de acero . As = ----- 2 Ø 3/8"

$$\underline{M_{1-2}^+} = 1.790 \text{ .-} \quad 1.790/2.5 = 0.716 ; \quad 0.716 < 0.910 (\text{As m\'inimo})$$

Área de acero . As = ----- 2 Ø 3/8"

$$\underline{M_2^-} = 2.830 \text{ .-} \quad 2.830/2.5 = 1.132$$

Área de acero . -As = 1.633 x 1.132 = 1.85

$$a = 1.569 x 1.85 = 2.89$$

$$-As = \frac{1.132 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.89}{2})} = 1.76$$

$$As = 1.76 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \text{ Ø } 5/8"$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 2.590 \text{ .-} \quad 2.590/2.5 = 1.036$$

Área de acero . -As = 1.633 x 1.036 = 1.69

$$a = 0.392 x 1.69 = 0.66$$

$$-As = \frac{1.036 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.66}{2})} = 1.54$$

$$As = 1.54 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \text{ Ø } 5/8"$$

$$\underline{M_3^-} = 4.250 \text{ .-} \quad 4.250/2.5 = 1.700$$

Área de acero . -As = 1.633 x 1.700 = 2.78

$$a = 1.569 x 2.78 = 4.35$$

$$-As = \frac{1.700 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.35}{2})} = 2.72$$

$$As = 2.72 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \text{ Ø } 1/2" + 1 \text{ Ø } 5/8"$$

$$\underline{M_{3-4}^+} = 3.440 \text{ .-} \quad 3.440/2.5 = 1.376$$

Área de acero . -As = 1.633 x 1.376 = 2.25

$$a = 0.392 x 2.25 = 0.88$$

$$-As = \frac{1.376 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.88}{2})} = 2.06$$

$$As = 2.06 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 2 \text{ Ø } 1/2"$$

$$\underline{M_4^-} = 1.623 \text{ .-} \quad 1.623/2.5 = 0.649 ; \quad 0.649 < 0.882 (\text{As m\'inimo})$$

Área de acero . As = ----- 2 Ø 3/8"

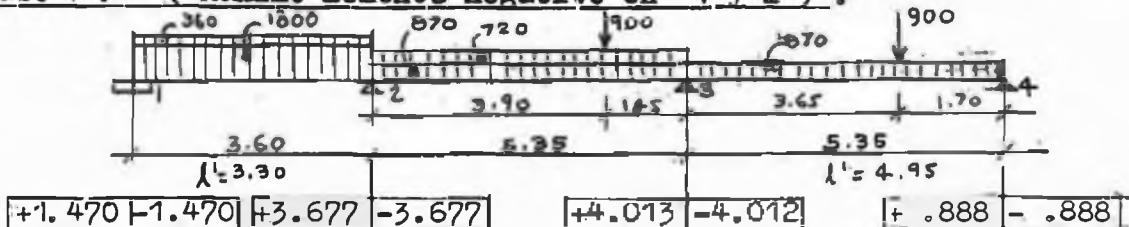
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

131

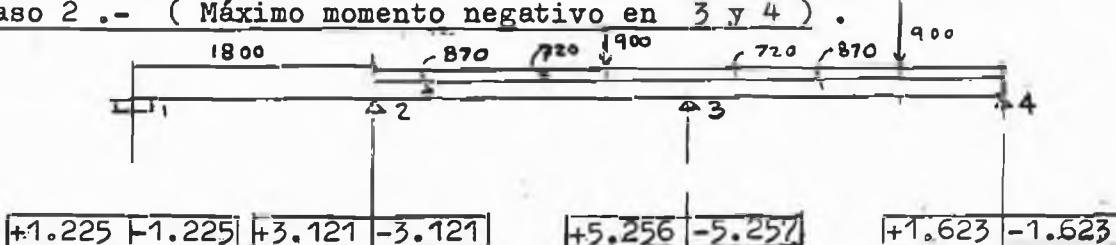
PAÑO S<sub>3</sub>

Cálculo de momentos.-

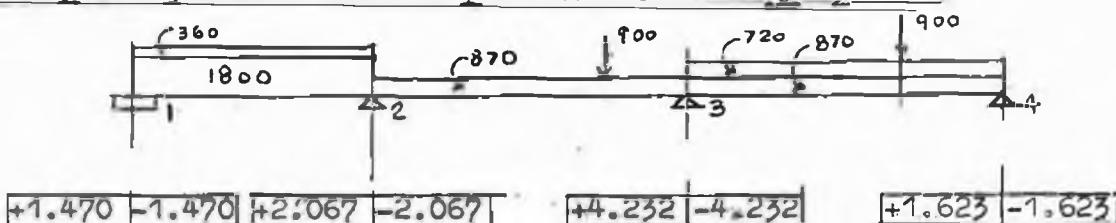
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 y 2 ).



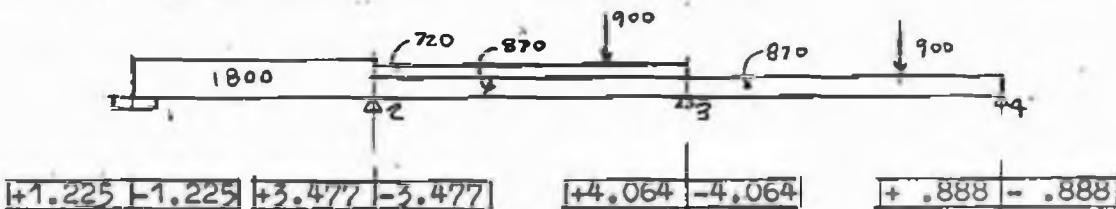
Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4 ).



Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ).



Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo } 1-2 \dots \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \quad \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500$$

$$\text{Tramo } 2-3 \dots \dots \frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113 ; \quad \frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$$

$$\frac{900 \times 3.90 \times 1.45}{5.35} = 0.951$$

$$\text{Tramo } 3-4 \dots \dots \frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113 ; \quad \frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$$

$$\frac{900 \times 3.65 \times 1.70}{5.35} = 1.044 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(132)

$$\underline{M_1^-} = 1.470 \text{ .-} \quad 1.470/2.5 = 0.588 ; \quad 0.588 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$

$$\underline{M_{1-2}^+} = 1.765 \text{ .-} \quad 1.765/2.5 = 0.706 ; \quad 0.706 < 0.910 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$

$$\underline{M_2^-} = 2.850 \text{ .-} \quad 2.850/2.5 = 1.140$$

Area de acero .  $-As = 1.633 \times 1.140 = 1.86$

$$a = 1.569 \times 1.86 = 2.92$$

$$-As = \frac{1.140 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.92}{2})} = 1.77$$

$$As = 1.77 \text{ cm}^2/v. \quad 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 2.590 \text{ .-} \quad 2.590/2.5 = 1.036 \text{ ( Igual a } M_{2-3}^+ \text{ del paño S}_2 \text{ )}$$

Area de acero .  $As = 1.54 \text{ cm}^2/v. \quad 1 \varnothing 5/8"$

$$\underline{M_2^-} = 4.150 \text{ .-} \quad 4.150/2.5 = 1.660$$

$$-As = 1.633 \times 1.660 = 2.71$$

$$a = 1.569 \times 2.71 = 4.25$$

$$-As = \frac{1.660 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.25}{2})} = 2.65$$

$$As = 2.65 \text{ cm}^2/v. \quad 1 \varnothing 1/2" + 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{3-4}^+} = 3.700 \text{ .-} \quad 3.700/2.5 = 1.480$$

$$-As = 1.633 \times 1.480 = 2.42$$

$$a = 0.392 \times 2.42 = 0.94$$

$$-As = \frac{1.480 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.94}{2})} = 2.22$$

$$As = 2.22 \text{ cm}^2/v. \quad 2 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_4^-} = 1.623 \text{ .-} \quad 1.623/2.5 = 0.649 ; \quad 0.649 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

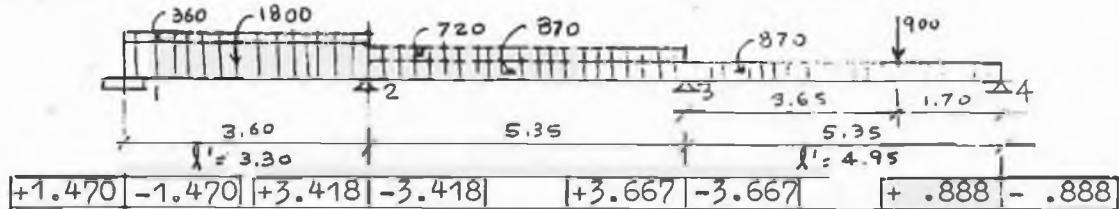
Area de acero .  $As = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

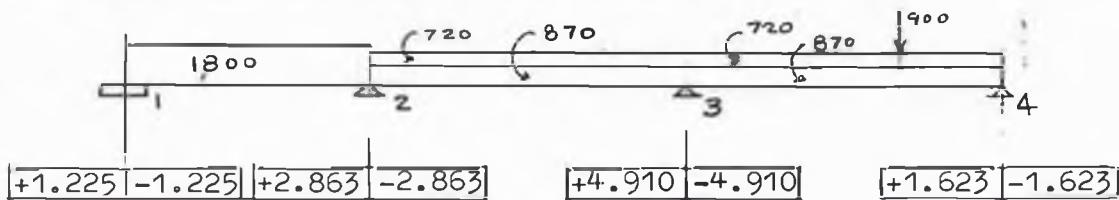
PANO S<sub>4</sub>

Calculo de momentos.-

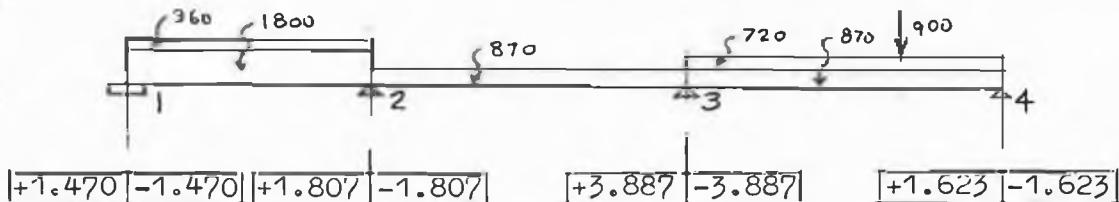
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 y 2 ).



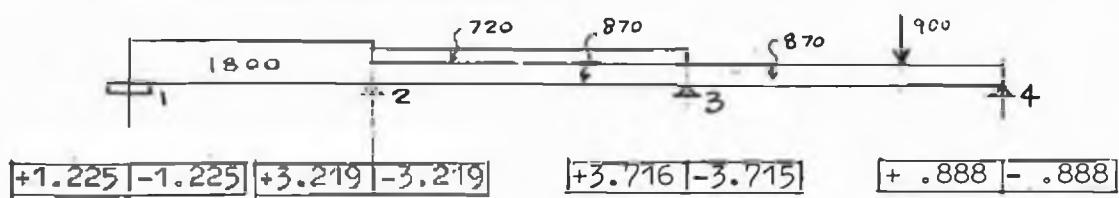
Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 y 4 ).



Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4 ).



Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ).



Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$(w) \text{ Tramo } 1-2 \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \quad \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500$$

$$(w) \text{ Tramo } 2-3 \dots \frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113 ; \quad \frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$$

$$(w) \text{ Tramo } 3-4 \dots \frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113 ; \quad \frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$$

$$(c) \quad \frac{900 \times 3.65 \times 1.70}{5.35} = 1.044 \quad T-m.$$

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

154

$$\underline{M_1^- = 1.470 \text{ .-}} \quad 1.470/2.5 = 0.588 ; \quad 0.588 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$

$$\underline{M_{1-2}^+ = 1.880 \text{ .-}} \quad 1.880/2.5 = 0.752 ; \quad 0.752 < 0.910 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$

$$\underline{M_2^- = 2.610 \text{ .-}} \quad 2.610/2.5 = 1.044$$

Area de acero .  $-As = 1.633 \times 1.044 = 1.70$

$$a = 1.569 \times 1.70 = 2.66$$

$$-As = \frac{1.044 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.66}{2})} = 1.61$$

$$As = 1.61 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{-----} 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{2-3}^+ = 2.240 \text{ .-}} \quad 2.240/2.5 = 0.896 ; \quad 0.896 < 0.910 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$

$$\underline{M_3^- = 4.040 \text{ .-}} \quad 4.040/2.5 = 1.616$$

Area de acero .  $-As = 1.633 \times 1.616 = 2.63$

$$a = 1.569 \times 2.63 = 4.14$$

$$-As = \frac{1.616 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.14}{2})} = 2.57$$

$$As = 2.57 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{-----} 1 \varnothing 1/2" + 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{3-4}^+ = 3.840 \text{ .-}} \quad 3.840/2.5 = 1.536$$

Area de acero .  $-As = 1.633 \times 1.536 = 2.50$

$$a = 0.392 \times 2.50 = 0.98$$

$$-As = \frac{1.536 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.98}{2})} = 2.30$$

$$As = 2.30 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{-----} 2 \varnothing 1/2"$$

$$\underline{M_4^- = 1.623 \text{ .-}} \quad 1.623/2.5 = 0.649 ; \quad 0.649 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

Area de acero .  $As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$

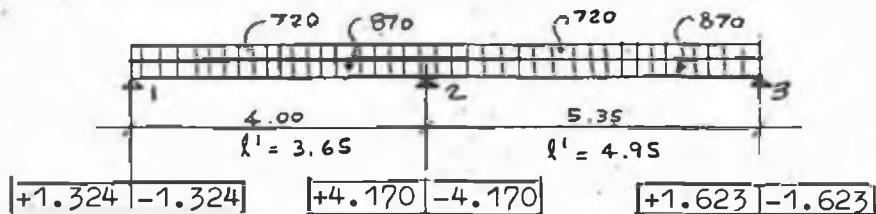
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

135

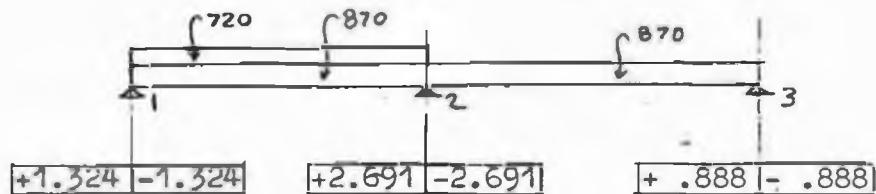
PAÑO S<sub>5</sub>

Cálculo de momentos.-

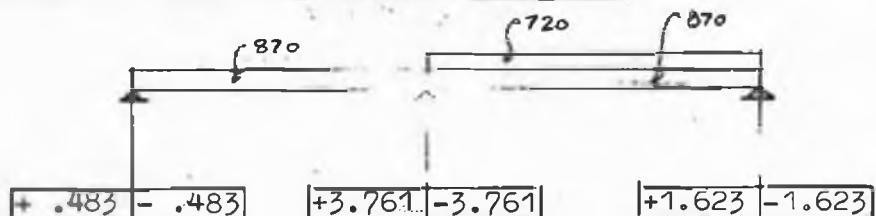
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 y 3 ).



Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 ) .



Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ) .



Cálculo de los momentos isostáticos .-

Tramo 1-2 .....  $\frac{870 \times 4.00^2}{8} = 1.740$  ;  $\frac{1590 \times 4.00^2}{8} = 3.180$

Tramo 2-3 .....  $\frac{870 \times 5.35^2}{8} = 3.113$  ;  $\frac{1590 \times 5.35^2}{8} = 5.688$   
T-m.

M<sub>1</sub> = 0.883 -- 0.883/2.5 = 0.353 ; 0.353 < 0.882 (As mínimo)

Area de acero . As = ----- 2 Ø 3/8"

M<sub>1-2</sub> = 1.260 .- 1.260/2.5 = 0.504 ; 0.504 < 0.910 --- 2 Ø 3/8"

M<sub>2</sub> = 3.420 .- 3.420/2.5 = 1.368 ..... As = 2.15--- 2 Ø 1/2"

M<sub>2-3</sub> = 3.040 .- 3.040/2.5 = 1.216 ..... As = 1.81--- 1 Ø 5/8"

M<sub>3</sub> = 1.623 .- 1.623/2.5 = 0.649 ; 0.649 < 0.882 (As mínimo)

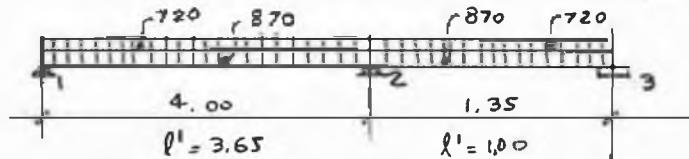
As = ----- 2 Ø 3/8"

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

PAÑO S<sub>6</sub>

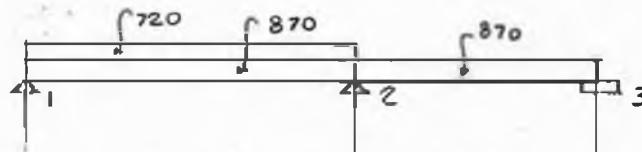
Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 y 3 )



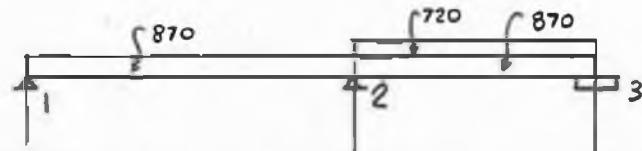
$$[+ .883] - .883 [+2.131] -2.131 [+ .099] - .099$$

Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 ) .



$$[+ .883] - .883 [+2.096] -2.096 [+ .054] - .054$$

Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ) .



$$[+ .483] - .483 [+1.201] -1.201 [+ .099] - .099$$

Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo } 1-2 \dots \frac{870 \times 4.00^2}{8} = 1.740 ; \quad \frac{1590 \times 4.00^2}{8} = 3.180 \text{ T-m}$$

$$\text{Tramo } 2-3 \dots \frac{870 \times 1.35^2}{8} = 0.198 ; \quad \frac{1590 \times 1.35^2}{8} = 0.461 \text{ "}$$

Acero por flexion.-

$$M_1^- = 0.883 \quad 0.883/2.5 = 0.353 ; \quad 0.353 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

$$M_{1-2}^+ = 1.790 \quad 1.790/2.5 = 0.716 ; \quad 0.716 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

$$M_2^- = 1.600 \quad 1.600/2.5 = 0.640 ; \quad 0.640 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

$$M_{2-3}^+ = 0.000$$

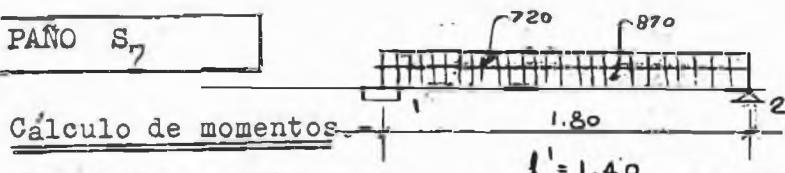
$$M_3^- = 0.099 \quad 0.099/2.5 = 0.040 ; \quad 0.040 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

131

PAÑO S<sub>7</sub>



Calculo de momentos

Momentos negativos .-

$$M_1^- = \frac{1590 \times 1.40^2}{16} = 0.195 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- = \frac{1590 \times 1.40^2}{24} = 0.130 \text{ "}$$

Momentos isostáticos .-

$$M = \frac{1590 \times 1.80^2}{8} = 0.608 \text{ T-m.}$$

Area de acero.-

$$\underline{M_1^- = 0.195 \text{ .-}} \quad 0.195/2.5 = 0.078$$

$$-As = 1.633 \times 0.078 = 0.12$$

$$a = 1.569 \times 0.12 = 0.18$$

$$-As = \frac{0.078 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.18}{2})} = 0.15$$

$$As = 0.15 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{----- (ver al final)}$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = 0.450 \text{ .-}}$$

$$0.450/2.5 = 0.180$$

$$-As = 1.633 \times 0.180 = 0.29$$

$$a = 0.392 \times 0.29 = 0.11$$

$$-As = \frac{0.180 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.11}{2})} = 0.26$$

$$As = 0.26 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{----- (ver al final)}$$

$$\underline{M_2^- = 0.130 \text{ .-}}$$

$$0.130/2.5 = 0.052$$

0.052 < 0.078 (  $M_1^-$  ) C sea que el fierro adoptado para  $M_1^-$ , lo adoptaremos para  $M_2^-$ .

Por necesitar fierro menor que el mínimo para lo negativo y lo positivo , aplicaremos lo que dice el reglamento en la pág. 37 . Aumentando en 1/3 el área de acero en todos los puntos analizados .

Nosotros como en el caso de niveles anteriores escogeremos la mayor área encontrada en el análisis , la aumentaremos en 1/3 y generalizaremos este fierro.

- La mayor As es : 0.26  $\text{cm}^2/\text{v.}$

$$0.26 \times \frac{4}{3} = 0.35$$

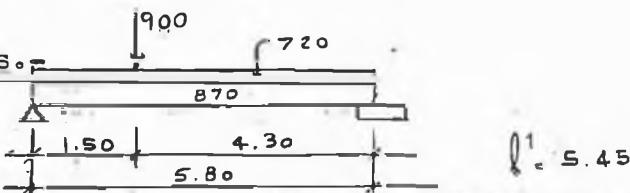
$$As = 0.35 \text{ cm}^2/\text{v.} \text{----- } 1 \varnothing 3/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

138

PANO S<sub>8</sub>

Cálculo de momentos.-



Momentos negativos .-

$$M_1^- = \frac{1590 \times 5.45^2}{24} = 1.968 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- = \frac{1590 \times 5.45^2}{16} = 2.952 \quad " \quad M = \frac{900 \times 1.50 \times 4.30}{5.80} = 1.001 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 1.968 \quad - \quad 1.968/2.5 = 0.787 ; \quad 0.787 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

Área de acero .      As = ----- 2 Ø 3/8"

$$M_{1-2}^+ = 4.960 \quad - \quad 4.960/2.5 = 1.984$$

$$\text{Área de acero .} \quad -As = 1.633 \times 1.984 = 3.24$$

$$a = 0.392 \times 3.24 = 1.26$$

$$-As = \frac{1.984 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{1.26}{2})} = 2.99$$

$$As = 2.99 \text{ cm}^2 / v. \quad 1 \varnothing 1/2" + 1 \varnothing 5/8"$$

$$M_2^- = 2.952 \quad - \quad 2.952/2.5 = 1.181$$

$$\text{Área de acero .} \quad -As = 1.633 \times 1.181 = 1.93$$

$$a = 1.569 \times 1.93 = 3.02$$

$$-As = \frac{1.181 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{3.02}{2})} = 1.84$$

$$As = 1.84 \text{ cm}^2 / v. \quad 1 \varnothing 5/8"$$

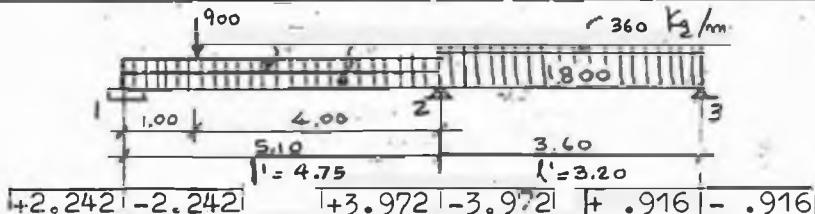
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(33)

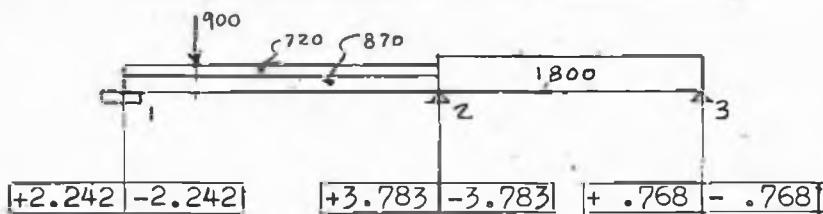
PANO S<sub>9</sub>

Cálculo de momentos.-

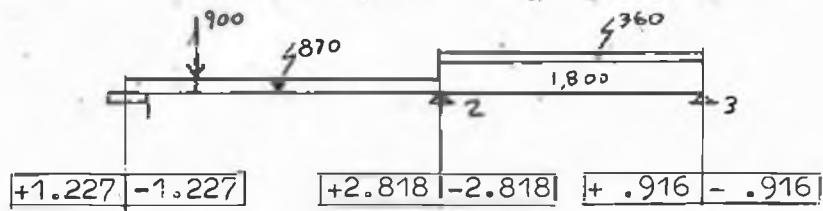
Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 , 2 y 3 ) .



Caso 2 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 ) .



Caso 3 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 ) .



Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo } 1-2 \dots \frac{870 \times 5 \cdot 10^2}{8} = 2.829 ; \quad \frac{1590 \times 5 \cdot 10^2}{8} = 5.169 \text{ T-m.}$$

$$\frac{900 \times 1 \cdot 10 \times 4.00}{5 \cdot 10} = 0.776$$

$$\text{Tramo } 2-3 \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \quad \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion,-

$$M_1^- = 2.242 \quad - \quad 2.242/2.5 = 0.897 ; \quad As = 1.38 \text{ --- } 2 \quad \emptyset \quad 3/8"$$

$$M_{1-2}^+ = 2.780 \quad - \quad 2.780/2.5 = 1.112 ; \quad As = 1.65 \text{ --- } 1 \quad \emptyset \quad 5/8"$$

$$M_2^- = 3.100 \quad - \quad 3.100/2.5 = 1.240 ; \quad As = 1.94 \text{ --- } 1 \quad \emptyset \quad 5/8"$$

$$M_{2-3}^+ = 1.700 \quad - \quad 1.700/2.5 = 0.680 ; \quad 0.680 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2  $\emptyset$  3/8"

$$M_3^- = 0.916 \quad - \quad 0.916/2.5 = 0.366 ; \quad 0.366 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2  $\emptyset$  3/8"

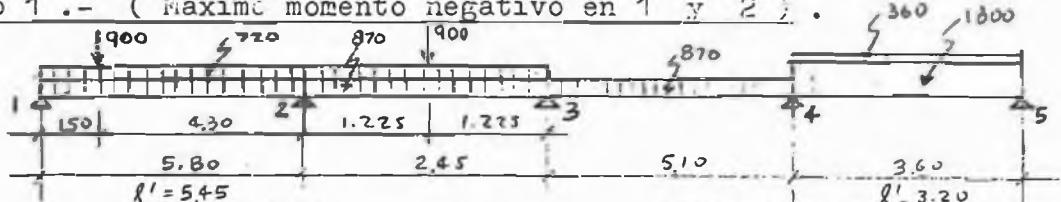
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

140

PÁÑO S<sub>1C</sub>

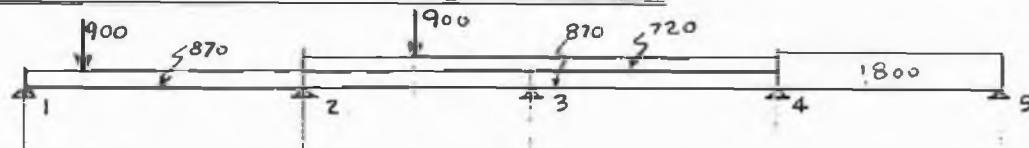
Cálculo de momentos.-

Caso 1 .- ( Máximo momento negativo en 1 y 2 ) .



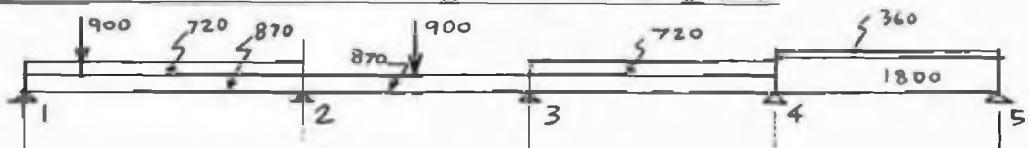
$$[+1.968 - 1.968] \quad [+4.89 - 4.789] \quad [+ .817 - .817] \quad [+2.649 - 2.649] \quad [+ .922 - .922]$$

Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 ) .



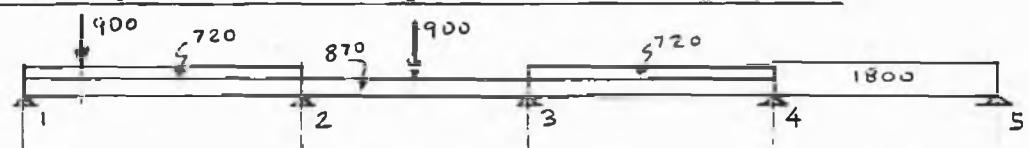
$$[+1.077 - 1.077] \quad [+2.752 - 2.732] \quad [+2.498 - 2.498] \quad [+3.406 - 3.406] \quad [+ .768 - .768]$$

Caso 3 .- ( Máximo momento negativo en 4 y 5 )



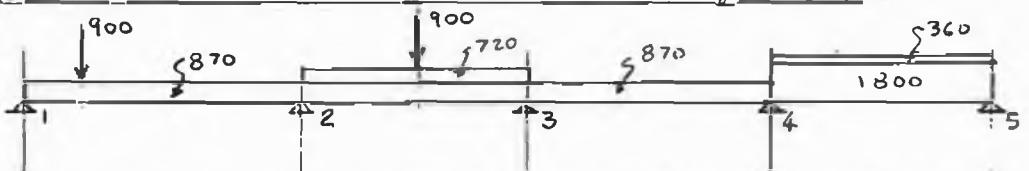
$$[+1.968 - 1.968] \quad [+4.456 - 4.456] \quad [+1.953 - 1.952] \quad [+3.764 - 3.764] \quad [+ .922 - .922]$$

Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4 ) .



$$[+1.968 - 1.968] \quad [+4.445 - 4.445] \quad [+2.027 - 2.026] \quad [+3.553 - 3.553] \quad [+ .768 - .768]$$

Caso 5 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 y 4-5 ) .



$$[+1.077 - 1.077] \quad [+2.937 - 2.937] \quad [+1.128 - 1.128] \quad [+2.549 - 2.549] \quad [+ .922 - .922]$$

Calculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo 1-2} \dots \frac{870 \times 5.80^2}{8} = 3.658 ; \frac{1590 \times 5.80^2}{8} = 6.686 ; \frac{900 \times 1.50 \times 4.30}{5.80} = 1.001$$

$$\text{Tramo 2-3} \dots \frac{870 \times 2.45^2}{8} = 0.653 ; \frac{1590 \times 2.45^2}{8} = 1.060 ; \frac{900 \times 2.45}{4.00} = 0.551$$

$$\text{Tramo 3-4} \dots \frac{870 \times 5.10^2}{8} = 2.829 ; \frac{1590 \times 5.10^2}{8} = 5.169$$

$$\text{Tramo 4-5} \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500 \text{ T-L..}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

141

$$\underline{M_1^-} = 1.968 \quad \text{--} \quad 1.968/2.5 = 0.787 ; \quad 0.787 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

$$As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

$$\underline{M_{1-2}^+} = 4.360 \quad \text{--} \quad 4.360/2.5 = 1.744$$

$$-As = 1.633 \times 1.744 = 2.84$$

$$a = 0.392 \times 2.84 = 1.78$$

$$-As = \frac{1.744 \times 10^5}{0.9 \times 2800(27 - \frac{1.78}{2})} = 2.65 \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2" \\ 1 \varnothing 5/8" \end{array} \right.$$

$$\underline{M_2^-} = 4.230 \quad \text{--} \quad 4.230/2.5 = 1.692$$

$$-As = 1.633 \times 1.692 = 2.76$$

$$a = 0.569 \times 2.76 = 4.32$$

$$-As = \frac{1.692 \times 10^5}{0.9 \times 2800(27 - \frac{4.32}{2})} = 2.70 \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2" \\ 1 \varnothing 5/8" \end{array} \right.$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 0.000 \quad \text{--}$$

$$\underline{M_3^-} = 2.190 \quad \text{--} \quad 2.190/2.5 = 0.876 ; \quad 0.876 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

$$As = 1.35 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{----- Asimilamos a } \underline{M_2^-} \quad (\text{ver plano N} 22)$$

$$\underline{M_{3-4}^+} \approx 2.460 \quad \text{--} \quad 2.460/2.5 = 0.984$$

$$-As = 1.633 \times 0.984 = 1.61$$

$$a = 0.392 \times 1.61 = 0.63$$

$$-As = \frac{0.984 \times 10^5}{0.9 \times 2800(27 - \frac{0.63}{2})} = 1.46$$

$$As = 1.46 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{----- } 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_4^-} = 2.930 \quad \text{--} \quad 2.930/2.5 = 1.172$$

$$-As = 1.633 \times 1.172 = 1.92$$

$$a = 0.569 \times 1.92 = 3.01$$

$$-As = \frac{1.172 \times 10^5}{0.9 \times 2800(27 - \frac{3.01}{2})} = 1.82$$

$$As = 1.82 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \text{----- } 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{4-5}^+} = 1.870 \quad \text{--} \quad 1.870/2.5 = 0.748 ; \quad 0.748 < 0.910 \text{ (As mínimo)}$$

$$As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

$$\underline{M_5^-} = 0.922 \quad \text{--} \quad 0.922/2.5 = 0.369 ; \quad 0.369 < 0.882 \text{ (As mínimo)}$$

$$As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

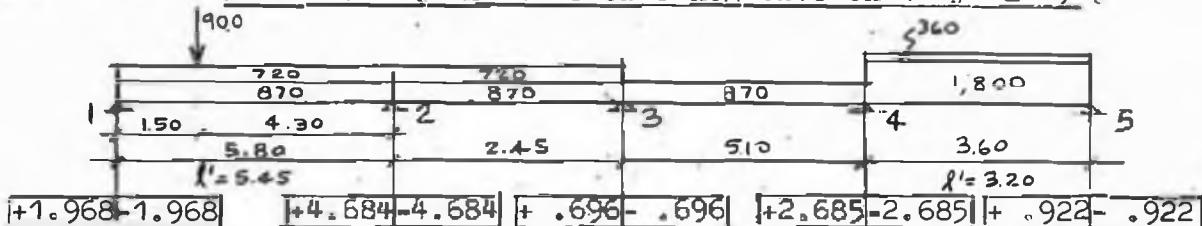
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

142

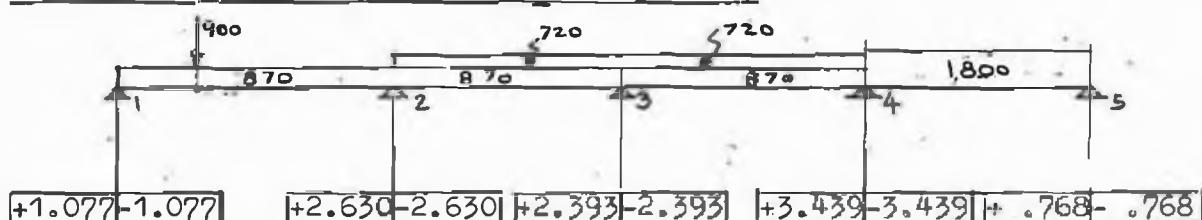
PAÑO S<sub>11</sub>

Cálculo de momentos.-

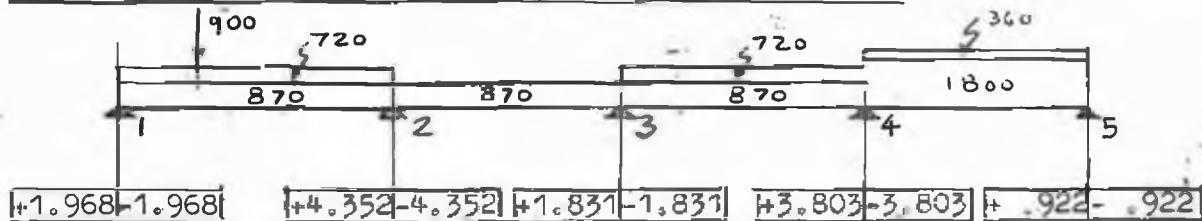
Caso 1 .- (Máximo momento negativo en 1 y 2 ) .



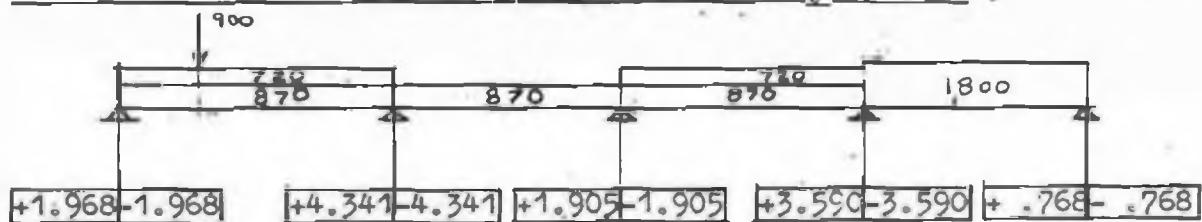
Caso 2 .- ( Máximo momento negativo en 3 ) .



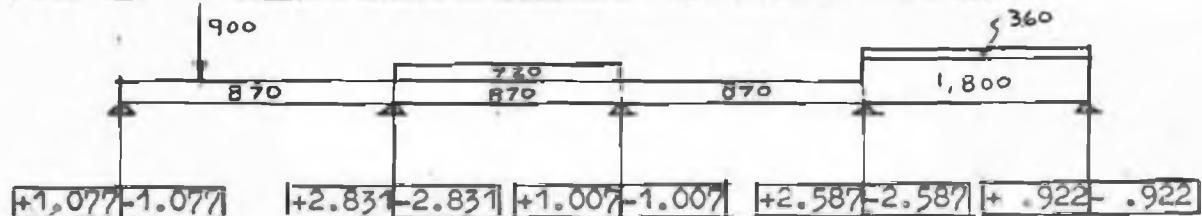
Caso 3 .- ( Máximo momento negativo en 4 y 5 ) .



Caso 4 .- ( Máximo momento positivo en 1-2 y 3-4 ) .



Caso 5 .- ( Máximo momento positivo en 2-3 y 4-5 ) .



Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramo } 1-2 \dots \frac{870 \times 5.80^2}{8} = 3.658 ; \frac{1590 \times 5.30^2}{8} = 6.686 ; \frac{900 \times 1.50 \times 4.30}{5.80} = 1.001$$

$$\text{Tramo } 2-3 \dots \frac{870 \times 5.10^2}{8} = 0.653 ; \frac{1590 \times 2.45^2}{8} = 1.060$$

$$\text{Tramo } 3-4 \dots \frac{870 \times 5.10^2}{8} = 2.829 ; \frac{1590 \times 5.10^2}{8} = 5.169$$

$$\text{Tramo } 4-5 \dots \frac{1800 \times 3.60^2}{8} = 2.916 ; \frac{2160 \times 3.60^2}{8} = 3.500 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

143

$$\underline{M_1^-} = 1.968 \quad - \quad 1.968/2.5 = 0.787 ; \quad 0.787 < 0.882 \text{ (As minimo)} \\ As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

$$\underline{M_{1-2}^+} = 4.390 \quad - \quad 4.390/2.5 = 1.756$$

$$-As = 1.633 \times 1.756 = 2.87 ; \quad a = 0.392 \times 2.87 = 1.12$$

$$-As = \frac{1.756 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{1.12}{2})} = 2.63$$

$$As = 2.63 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2" + \\ 1 \varnothing 5/8" \end{array} \right.$$

$$\underline{M_2^-} = 4.160 \quad - \quad 4.160/2.5 = 1.664$$

$$-As = 1.633 \times 1.664 = 2.72 ; \quad a = 1.569 \times 2.72 = 4.27$$

$$-As = \frac{1.664 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.27}{2})} = 2.66$$

$$As = 2.66 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \left\{ \begin{array}{l} 1 \varnothing 1/2" + \\ 1 \varnothing 5/8" \end{array} \right.$$

$$\underline{M_{2-3}^+} = 0.000 \quad -$$

$$\underline{M_3^-} = 2.140 \quad - \quad 2.140/2.5 = 0.856 ; \quad 0.856 < 0.882 \text{ (As minimo)}$$

As = --- ( Asimilamos al  $M_2^-$ . 1  $\varnothing 1/2" + 1 \varnothing 5/8"$ )  
(ver plano N 22)

$$\underline{M_{3-4}^+} = 2.500 \quad -$$

$$2.500/2.5 = 1.000$$

$$-As = 1.633 \times 1.000 = 1.633 ; \quad a = 0.392 \times 1.73 = 0.64$$

$$-As = \frac{1.000 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.64}{2})} = 1.49$$

$$As = 1.49 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_4^-} = 2.960 \quad -$$

$$2.960/2.5 = 1.184$$

$$-As = 1.633 \times 1.184 = 1.94 ; \quad a = 1.569 \times 1.94 = 3.04$$

$$-As = \frac{1.184 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{3.04}{2})} = 1.84$$

$$As = 1.84 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad 1 \varnothing 5/8"$$

$$\underline{M_{4-5}^+} = 1.830 \quad -$$

$$1.830/2.5 = 0.732 ; \quad 0.732 < 0.910 \text{ (As minimo)}$$

$$As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

$$\underline{M_5^-} = 0.922 \quad -$$

$$0.922/2.5 = 0.369 ; \quad 0.369 < 0.882 \text{ (As minimo)}$$

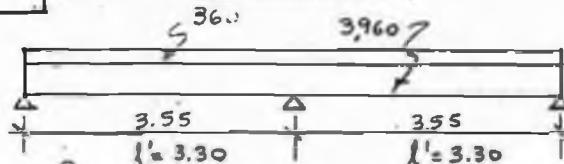
$$As = \text{-----} 2 \varnothing 3/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

144

PANO S<sub>12</sub>

Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = \frac{4320 \times 3.30^2}{24} = 1.960 ; \quad M_2^- = \frac{4320 \times 3.30^2}{10} = 4.704 \text{ T-m.}$$

$$M_3^- = \frac{4320 \times 3.30^2}{24} = 1.960 ; \quad M_{12}^+ = M_{23}^+ = \frac{4320 \times 3.30^2}{14} = 3.360 \text{ T-m.}$$

Acero por flexion.-

$$\underline{M_1^- = M_3^- = 1.960} \quad \therefore 1.960/2.5 = 0.784 ; \quad 0.784 \quad 0.882 (\text{As mínimo})$$

$$As = \dots \quad 2 \varnothing \quad 3/8"$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = M_{2-3}^+ = 3.360} \quad \therefore 3.360/2.5 = 1.344$$

$$-As = 1.633 \times 1.344 = 2.19$$

$$a = 0.392 \times 2.19 = 0.86$$

$$-As = \frac{1.344 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.86}{2})} = 2.01$$

$$As = 2.01 \text{ cm}^2/v. \quad \dots \quad 2 \varnothing \quad 1/2"$$

$$\underline{M_2^- = 4.704} \quad \therefore 4.704/2.5 = 1.881$$

$$-As = 1.633 \times 1.881 = 3.07$$

$$a = 1.569 \times 3.07 = 4.82$$

$$-As = \frac{1.881 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{4.82}{2})} = 3.04$$

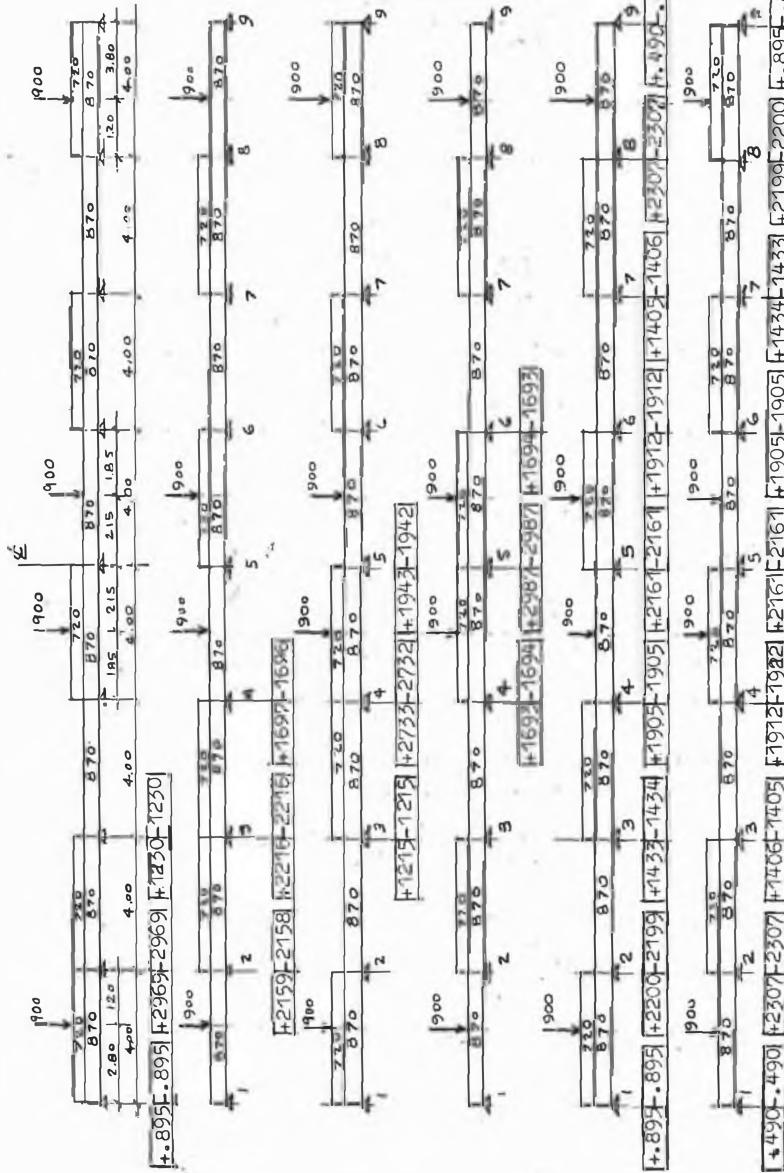
$$As = 3.04 \text{ cm}^2/v. \quad \dots \quad 1 \varnothing \quad 1/2" + \\ 1 \varnothing \quad 5/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

1

PANO S<sub>13</sub>

### Cálculo de momentos.-



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

146

Cálculo de los momentos isostáticos .-

$$\text{Tramos } 1-2 \text{ y } 8-9 \dots \frac{870 \times 4.00^2}{8} = 1.740 ; \frac{1590 \times 4.00^2}{8} = 3.180$$

$$\frac{900 \times 2.80 \times 1.20}{4.00} = 0.756 \text{ T-m.}$$

$$\text{Tramo } 2-3 ; 3-4 ; 6-7 ; 7-8 \dots \frac{870 \times 4.00^2}{8} = 1.740 ; \frac{1590 \times 4.00^2}{8} = 3.180$$

$$\text{Tramos } 4-5 ; 5-6 \dots \frac{870 \times 4.00^2}{8} = 1.740 ; \frac{1590 \times 4.00^2}{8} = 3.180 \text{ T-m.}$$

$$\frac{900 \times 1.85 \times 2.15}{4.00} = 0.895 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.895 \quad - \quad 0.895/2.5 = 0.358 ; 0.358 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{1-2}^+ = 2.200 \quad - \quad 2.200/2.5 = 0.880 ; 0.880 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_2^- = 2.260 \quad - \quad 2.260/2.5 = 0.904$$

$$-As = 1.633 \times 0.904 = 1.47 ; a = 1.569 \times 1.47 = 2.31$$

$$-As = \frac{0.904 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{2.31}{2})} = 1.39$$

$$As = 1.39 \text{ cm}^2 / v. ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{2-3}^+ = 1.360 \quad - \quad 1.360/2.5 = 0.544 ; 0.544 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_3^- = 1.640 \quad - \quad 1.640/2.5 = 0.656 ; 0.656 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{3-4}^+ = 1.540 \quad - \quad 1.540/2.5 = 0.616 ; 0.616 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_4^- = 2.040 \quad - \quad 2.040/2.5 = 0.816 ; 0.816 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{4-5}^+ = 2.030 \quad - \quad 2.030/2.5 = 0.812 ; 0.812 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_5^- = 2.210 \quad - \quad 2.210/2.5 = 0.884 ; 0.884 > 0.882 (\text{As mínimo})$$

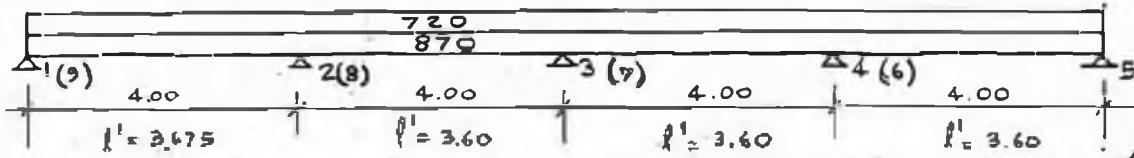
$$As = ----- 2 \varnothing 3/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

147

PAÑO S<sub>14</sub>

Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = M_9^- = \frac{1590 \times 3.675^2}{24} = 0.895 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- \text{ ext} = M_8^- \text{ ext} = \frac{1590 \times (\frac{3.60 + 3.675}{2})^2}{10} = 2.104 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- \text{ int} = M_8^- \text{ int} = \frac{1590 \times (\frac{3.60 + 3.675}{2})^2}{11} = 1.913 \text{ "}$$

$$M_3^- = M_4^- = M_5^- = M_6^- = M_7^- = \frac{1590 \times 3.60^2}{11} = 1.873 \text{ "}$$

$$M_{12}^+ = M_{89}^+ = \frac{1590 \times 3.675^2}{14} = 1.534 \text{ "}$$

$$M_{23}^+ = M_{34}^+ = M_{45}^+ = M_{56}^+ = M_{67}^+ = M_{78}^+ = \frac{1590 \times 3.60^2}{16} = 1.288 \text{ T-m.}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = 0.895 \quad - \quad 0.895/2.5 = 0.358 ; \quad 0.358 < 0.882 \text{ (As mínimo)} \\ AS = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{1-2}^+ = 1.534 \quad - \quad 1.534/2.5 = 0.614 ; \quad 0.614 < 0.910 \text{ (As mínimo)} \\ AS = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_2^- = 2.104 \quad - \quad 2.104/2.5 = 0.842 ; \quad 0.842 < 0.882 \text{ (As mínimo)} \\ AS = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$$

$$M_{2-3}^+ = M_{3-4}^+ = M_{4-5}^+ = 1.288 \quad - \quad 1.288/2.5 = 0.515 ; \quad 0.515 < 0.910 \text{ (As min)} \\ AS = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$$

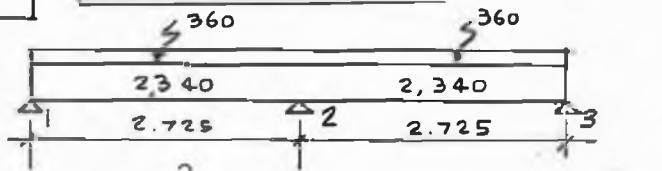
$$M_3^- = M_4^- = M_5^- = 1.873 \quad - \quad 1.873/2.5 = 0.749 ; \quad 0.749 < 0.882 \text{ (As min)} \\ AS = \dots \quad 2 \varnothing 3/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

148

PAÑO S<sub>15</sub>

Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = M_3^- = \frac{2700 \times 2.475^2}{24} = 0.689 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- = \frac{2700 \times 2.475^2}{10} = 1.654 \text{ "}$$

$$M_{12}^+ = M_{23}^+ = \frac{2700 \times 2.725^2}{14} = 1.181 \text{ "}$$

Acero por flexión.-

$$M_1^- = M_3^- = 0.689 \quad - \quad 0.689/2.5 = 0.276 ; 0.276 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

$$M_{1-2}^+ = M_{2-3}^+ = 1.181 \quad - \quad 1.181/2.5 = 0.472 ; 0.472 < 0.910 (\text{As mínimo})$$

As = ----- 2 Ø 3/8"

$$\underline{M_2^- = 1.654} \quad - \quad 1.654/2.5 = 0.661 ; 0.661 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

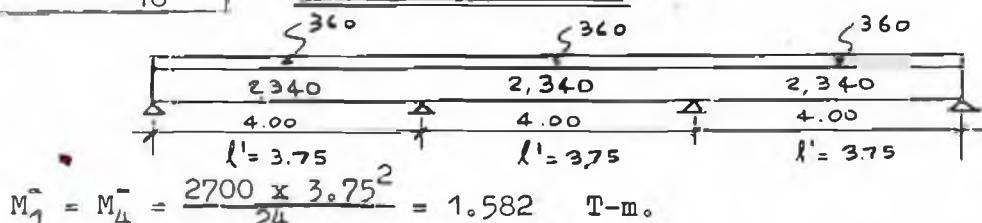
As = ----- 2 Ø 3/8"

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(49)

PANO S<sub>16</sub>

Cálculo de momentos.-



$$M_1^- = M_4^- = \frac{2700 \times 3.75^2}{24} = 1.582 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- \text{ ext} = M_3^- \text{ ext} = \frac{2700 \times 3.75^2}{10} = 3.797 \text{ T-m.}$$

$$M_2^- \text{ int} = M_3^- \text{ int} = \frac{2700 \times 3.75}{11} = 3.452 \text{ "}$$

$$M_{12}^+ = M_{34}^+ = \frac{2700 \times 3.75^2}{14} = 2.712 \text{ "}$$

$$M_{23}^+ = \frac{2700 \times 3.75^2}{16} = 2.373 \text{ "}$$

Acerca por flexion.-

$$\underline{M_1^- = M_4^- = 1.582} \quad \therefore 1.582/2.5 = 0.633 ; 0.633 < 0.882 (\text{As mínimo})$$

$$\text{As} = \dots \ 2 \ \emptyset \ 3/8"$$

$$\underline{M_{1-2}^+ = M_{2-4}^+ = 2.712} \quad \therefore 2.712 / 2.5 = 1.085$$

$$\text{As} = 1.633 \times 1.085 = 1.78 ; a = 0.392 \times 1.78 = 0.70$$

$$\text{As} = \frac{1.085 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.70}{2})} = 1.61$$

$$\text{As} = 1.61 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \dots \ 1 \ \emptyset \ 5/8"$$

$$\underline{M_2^- = M_3^- = 3.797} \quad \therefore 3.797/2.5 = 1.519$$

$$\text{As} = 1.633 \times 1.519 = 2.48$$

$$a = 1.569 \times 2.48 = 3.89$$

$$\text{As} = \frac{1.519 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{3.89}{2})} = 2.41$$

$$\text{As} = 2.41 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \dots \ 2 \ \emptyset \ 1/2"$$

$$\underline{M_{2-3}^+ = 2.373} \quad \therefore 2.373/2.5 = 0.949$$

$$\text{As} = 1.633 \times 0.949 = 1.55$$

$$a = 0.392 \times 1.55 = 0.60$$

$$\text{As} = \frac{0.949 \times 10^5}{0.9 \times 2800 (27 - \frac{0.60}{2})} = 1.41$$

$$\text{As} = 1.41 \text{ cm}^2/\text{v.} \quad \dots \ 2 \ \emptyset \ 3/8"$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

150

**C A P I T U L O V**

**A N A L I S I S   S I S M I C O**

- Fuerza horizontal	153
- Distribucion de la fuerza horizontal	159
- Rigidideces relativas	161
- Valores " D " en columnas	168
- Valores " D " en placas (como cantiliver)	175
- Interaccion entre muros y marcos	206
- Correccion por rotacion	240
- Puntos de inflexion	274
- Corte y momentos en vigas y columnas	277
- Cargas axiales	286

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

151

ANALISIS SISMICO.

Introducción .-

Siendo importante tener en cuenta cierto grado de seguridad a la ocurrencia de movimientos sísmicos, a los cuales nos hallamos sometidos por pertenecer nuestro territorio a la zona sismicamente más activa de la tierra ( El círculo Circum-Pacífico ), vemos la necesidad de diseñar las estructuras de manera que cuenten a parte de funcionalidad, economía, etc. con un grado de seguridad para soportar el embate sismológico.

Existen varios métodos para diseñar una estructura de tal manera que pueda resistir la fuerza sísmica. El método escogido en la presente tesis es el más usado en nuestro medio y es el método de Muto.

Método de MUTO .-

Una vez determinadas las fuerzas laterales mediante el uso de los reglamentos vigentes ("Normas peruanas de diseño antisísmico"). Se distribuyen en cada piso entre los elementos resistentes (columnas, placas, etc.) para luego proceder a determinar los demás factores como son : Momentos, cargas axiales, etc. en todos los miembros que forman la estructura.

El método de Muto determina aproximadamente las rigideces de los elementos resistentes y sus puntos de inflexión.

Para el desarrollo de este método se han tenido en cuenta las siguientes consideraciones:

- 1 - El análisis de los esfuerzos de los elementos resistentes así como la distribución del corte será hecho de acuerdo a la teoría elástica.
- 2 - Se asume que las estructuras de los pisos no sufren deformación en la dirección horizontal; de esta suposición se concluye que todos los elementos resistentes en cualquier piso tienen el mismo desplazamiento horizontal relativo.
- 3 - Se asume que la fuerza sísmica actúa en el nivel de cada piso.
- 4 - En el análisis sólo se considera la componente horizontal de la fuerza sísmica. Pero debe tenerse en cuenta la componente vertical a manera de chequeo para grandes cantiliver.
- 5 - Se asume que la fuerza horizontal actúa separadamente en la di-

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

152

rección longitudinal y transversal. Esta descomposición obedece a que se hace coincidir la dirección de estas fuerzas con la dirección de los elementos resistentes a empujes laterales y por lo tanto se supone que en todos los niveles existen dos sistemas ortogonales de elementos resistentes que trabajan independientemente.

6 - La distribución de corte y el análisis de esfuerzos de los elementos resistentes será hecho de acuerdo con la teoría elástica. Para porciones de la estructura donde la acumulación de esfuerzos es muy grande, tal como en los límites de una pared o placa unida a un marco, los esfuerzos pueden ser disminuidos debido a la deformación plástica localizada.

Para el efecto del análisis sísmico hemos seguido el siguiente procedimiento según los pasos que a continuación exponemos.

- 1 - Cálculo de la fuerza horizontal.
- 2 - Distribución en altura de la fuerza horizontal.
- 3 - Cálculo de las rigideces relativas de los elementos estructurales.
- 4 - Cálculo de los valores D en marcos ( columnas )
- 5 - Cálculo de los valores D en placas.
- 6 - Interacción entre muros y marcos.
- 7 - Corrección por rotación.
- 8 - Puntos de inflexión.
- 9 - Cálculo del corte y momentos por sismo en columnas y vigas.
- 10 - Cálculo de las cargas axiales.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

153

CALCULO DE LA FUERZA HORIZONTAL C CORTANTE DE DISEÑO ( H ) .-

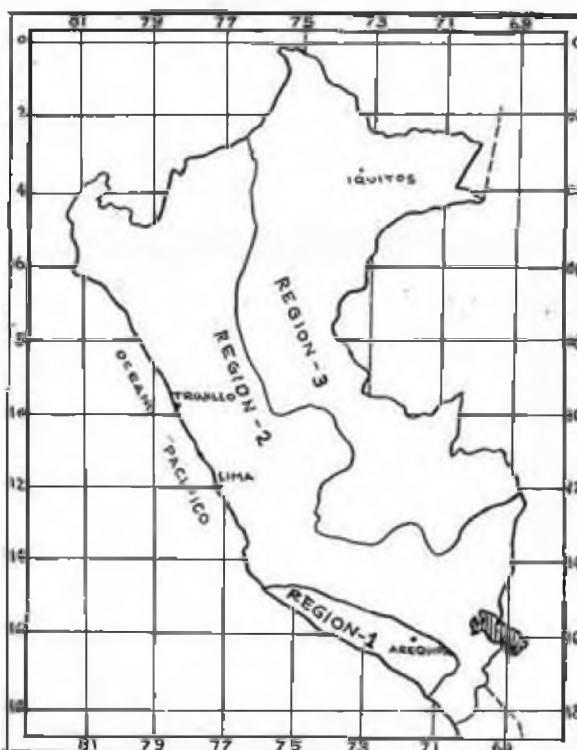
Esta fuerza ( H ), es la mínima fuerza horizontal que se tendrá en cuenta para diseñar un edificio, se calcula de acuerdo a la siguiente fórmula :

$$H = U K C P$$

Donde :

U .- Es el coeficiente sísmico de acuerdo a la regionalización sísmica y el uso de la edificación .

-De acuerdo a la regionalización nuestra estructura encontrándose en Lima , pertenece a la región ( 2 ) . Dato obtenido del mapa de regionalización sísmica del Perú .



-De acuerdo al uso de la edificación . Encontramos que nuestra estructura pertenece al tipo ( B - Edificio de departamentos ), como puede comprobarse a continuación en que damos detalladamente los tipos a considerar.

A .- Viviendas populares hasta de dos pisos.

B .- Construcciones comunes , Como : Edificios de oficinas, Edificios de departamentos, casas residenciales , etc.

C .- Edificios públicos .- Considerados como tales a los edificios donde se produce gran aglomeración de personas : Teatros , Cines, estadios, coliseos, colegios, centrales eléctricas, centrales telefónicas, asistencias públicas, hospitales, sanatorios, etc.

D .- Construcciones especiales .- Desde el punto de vista sísmico, aquellas que al fallar parcial ó totalmente, presentan un peligro adicional ejm. Hornos, calderas, grandes depósitos inflamables. El coeficiente sísmico no será nunca menor al coeficiente que corresponde a un edificio público.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

154

Con los datos obtenidos : Región ( 2 ) y tipo ( B ) , entramos a la siguiente tabla encontrando así el valor de  $U = 0.8$

COEFICIENTE SISMICO "U" DE ACUERDO A LA REGIONALIZACION SISMICA Y EL USO DE LA EDIFICACION				
		REGIONES		
		1	2	3
Tipo de construcción	A	Viviendas populares hasta de dos pisos, que tienen sus recomendaciones especiales.		
	B	1	0.8	0.4
	C	1.2	1.0	0.6
	D	Consideraciones de las construcciones especiales		

K .- Factor de modificación, en el que se tiene en cuenta la respuesta de una estructura a una excitación sísmica de acuerdo a su grado de amortiguamiento, flexibilidad, ductibilidad y capacitación de absorción de energía.

De los siguientes tipos de estructuraciones obtenemos el valor de K - correspondiente.

Tipo P .- (  $K = 1.3$  ) Para edificios con estructuras "tipo cajón" en las que los pórticos no son diseñados para resistir toda la carga vertical que es tomada en parte por paredes sísmicas y elementos de arriostre.

Tipo Q .- (  $K = 1.0$  ) Se usa este valor de K , para edificios con pórticos para soportar la fuerza vertical ( cargas ) , y por paredes u otro elemento de arriostre que tome la fuerza horizontal diseñándose en algunos casos los pórticos de manera que tomen un cierto porcentaje de la fuerza horizontal.

Tipo R .- (  $K = 0.80$  ) Se toma este valor para edificios cuyos pórticos se diseñan para resistir por lo menos el 25% del corte en la base del edificio, siendo tomado el resto del cortante por los demás elementos resistentes, haciendo la distribución de acuerdo a sus rigideces relativas.

Tipo S .- (  $K = 0.67$  ) Se toma este valor para edificios en los cuales la fuerza horizontal es resistida únicamente por los pórticos. Debe preverse que los porticos no queden encerrados o delimitados por elementos rígidos que impidan que el pórtico tome fuerza horizontal desde el principio

Tomaremos pues el valor de K correspondiente a estructuraciones Tipo Q , o sea  $K = 1.00$

C .- Este coeficiente determina el porcentaje de la carga permanente y de la sobrecarga, que debe tomarse como cortante . En la base éste coeficiente está expresado por la siguiente fórmula

$$C = \frac{0.05}{\sqrt{T}}$$

donde :

$T$ = Período de vibración fundamental , éste período se seleccionará teniendo en cuenta las características particulares de las estructuras que a continuación se detallan.

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

155

$T = 0.09 h / \sqrt{D}$  donde : D= dimensión del edificio en la dirección horizontal considerada.

h= Altura total del edificio respecto al nivel del terreno,( en metros ).

Este valor de T , se usa para edificios donde los elementos resistentes a la fuerza lateral están formados únicamente por pórticos y placas de hormigón armado de la caja de ascensores, sin paredes exteriores ni interiores o construidas en tal forma que no rigen la estructura.

$T = 0.07 h / \sqrt{D}$  Para edificios donde los elementos resistentes a las fuerzas laterales están formados por pórticos y placas de hormigón armado, grandes ventanales y pocos muros de relleno .

$T = 0.05 h / \sqrt{D}$  Para edificios con gran cantidad de placas de concreto armado en la dirección que se está estudiando, gran cantidad de muros divisorios y ventanales pequeños.

O sea que el valor de T apropiado para nuestro caso será :

$$T = 0.09 h / \sqrt{D} \quad \text{luego :}$$

$$C = \frac{0.05}{\sqrt[3]{T}} = \frac{0.05}{\sqrt[3]{0.09 h}} \frac{D}{h}^{1/6}$$

Considerando el eje ( X ) en el sentido perpendicular a los pórticos principales de nuestra estructura tenemos :

$$Dx = 37.40 \text{ m.}$$

$$Dy = 23.85 \text{ m.} \quad y \quad h = 25.65 \text{ m.}$$

P - Peso del edificio a considerar.- Es la carga permanente total del edificio más un porcentaje de la sobrecarga , se determina así :

- En depósitos . 80 % del peso total que es posible almacenar.
- En edificios públicos . Donde se produzca gran aglomeración de personas, se tomará el 50 % de la sobrecarga.
- En construcciones comunes . Como edificios de oficinas, edificios de departamentos, residencias , etc. se tomará el 25 % de la sobrecarga

Nuestro caso , edificio de departamentos: Tomaremos la carga permanente en su totalidad más el 25 % de la carga viva , como se detalla en la siguiente hoja.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

156

Nivel.	Elementos	Parcial	SubTotal	Total
23.15 (7°)	Aligerado + pt..	2 x 282 x 440.....	248160	
	Vigas .30 x .60	2x 100.7 x .30x .60x 2400	86918	
	Vigas .20 x .70	2x 7.1 x .20 x .70 x 2400	4771	
	" 1.00 x .25	2x 5.8 x 1.00x .25 x 2400	6960	
	" .30 x .45	2x 2.2 x .30 x .45 x 2400	1426	
	" .15 x .70	2x 11 x .15 x .70 x 2400	5544	
	" .60 x .25	2x 16 x .60 x .25 x 2400	11520	
	" .70 x .25	2x 17.3 x .70x .25 x 2400	14532	
	" .50 x .25	2x 10.7 x .50 x .25x 2400	6420	
	Columnas .30x.30	32 x .30 x .30x1.40x 2400	9677	
	Parapeto .15x.85	2x 77x .15x .85x 2400....	47124	
	Ascensor.....	2x 1.695 x 1.40 x 2400...	11390	
	Placa escalera..	4x 2.65x .30 x 3.60 x2400	27715	
	Escalera.....	4 x 2350 .....	9400	
20.35 (6°)	S/C reducida....	2x 314 x 125 x 0.25 .....	19625	508182
	Aligerado + pt..	2 x 282 x 450 .....	253800	
	Vigas .40 x .70	2x 90 x .40 x .70 x 2400	120960	
	" .40 x .45	2x2.20 x .40 x .45 x 2400	1900	
	" .20 x .70	2x 7.10 x .20 x.70 x 2400	4771	
	" .15 x .70	2x 11 x .15 x .70 x 2400	5544	
	" .60 x .25	2x 16 x .60 x .25 x 2400	11520	
	" .70 x .25	2 x 17.3 x .70 x .25x2400	14532	
	" 1.00 x .25	2 x 5.8 x 1.00 x .25x2400	6960	
	" .50 x .25	2 x 10.7 x .50x .25 x2400	6420	
	" .30 x .70	2 x 10.7 x .30x .70 x2400	10785	
	Tabiquería sogas.	2 x 136 x 2.55 x 200.....	138720	
	" Cabeza.	2 x 23 x 2.55 x 360.....	42228	
	Parapeto.....	2 x 6.50 x .15 x1.10x2400	30556	
17.65 (5°)	Ascensor.....	2 x 41.5 x .15x .85 x2400	22780	
	Placa escalera..	2x 1.695 x 2.80 x 2400...	21379	
	Escalera .....	4 x 2350 .....	9400	702255
	Columnas .30x .30	32 x .30 x .30 x1.4x 2400	9677	
	" .30x .30	29 x .30 x .30 x1.4x 2400	8769	
	" .40x .50	3 x .40 x .50 x1.40x2400	2016	
	S/O reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25.....	31400	754117
14.75 (4°)	Valor repetido - en pisos típicos	.....	702255	
	Columnas .30x.30	33 x .30 x .30 x1.4x 2400	8769	
	" .40x.50	24 x .40 x .50 x1.4x 2400	16128	
	" .40x.40	7 x .40 x .40 x 1.4x 2400	5913	
	S/O reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25.....	31400	764465
11.95 (3°)	Valor repetido - en pisos típicos	.....	702255	
	Columnas .40 x.50	37 x .40 x.50 x1.4 x 2400	24864	
	" .40x .40	18 x .40 x.40 x1.4 x 2400	9677	
	" .40x .35	4 x .40 x .35 x1.4 x 2400	1882	
	" .40x .70	5 x .40 x .70 x1.4 x 2400	4704	
	S/O reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25.....	31400	774782
	Valor repetido - en pisos típicos	.....	702255	
(2°)	Columnas .40 x.35	4 x .40x .35x 1.4 x 2400.	1882	
	" .40 x.40	18x .40x .40x 1.4 x 2400	9677	
	" .40 x.50	30x .40x .50x 1.4 x 2400	20160	
	" .40 x.70	12x .40x .70x 1.4 x 2400	11289	
	S/C reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25.....	31400	776653

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

157

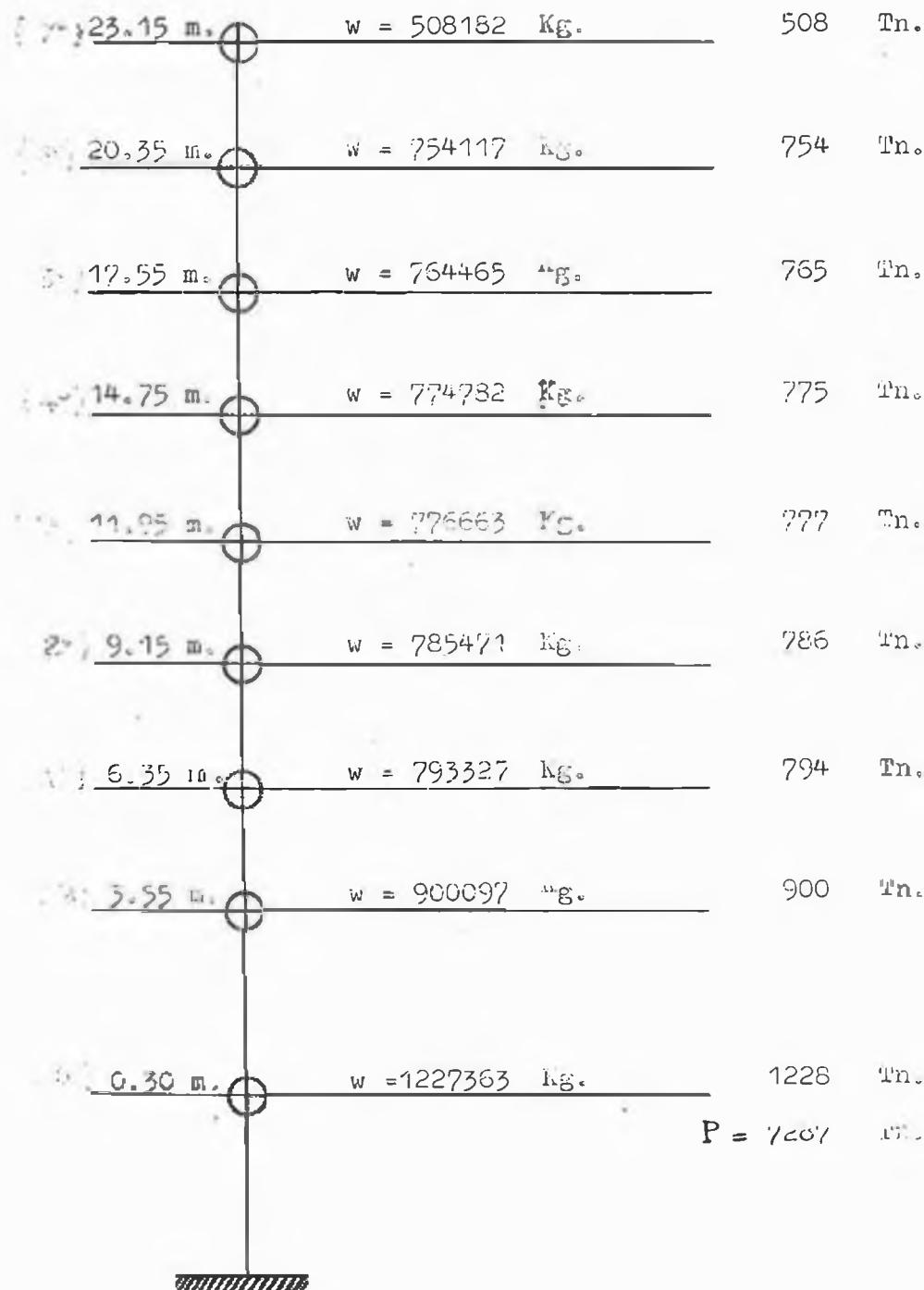
Nivel .	Elementos	Parcial	SubTotal	Total
9.15 ( 2° )	Valor repetido - en pisos típicos	.....	702255	
	Columnas.40x .35	4 x .40 x .35x 1.4 x 2400	1882	
	" .40x .40	7 x .40x .40x 1.40 x 2400	3763	
	" .40x .50	14 x .40x .50 x 1.4x 2400	9212	
	" .40x .60	11 x .40x .60 x 1.4x 2400	8871	
	" .40x .70	21 x .40x .70 x 1.4x 2400	19756	
	" .40x .80	4 x .40 x .80 x 1.4x 2400	4300	
	" .50x .80	3 x .50 x .80 x 1.4x 2400	4032	
	S/C reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25 ....	31400	<u>785471</u>
	Valor repetido - en pisos típicos	.....	702255	
6.35 ( 1° )	Columnas.40x .60	22 x .40x .60x 1.4x 2400	17741	
	" .40x .70	28 x .40x .70x 1.4x 2400	26341	
	" .40x .80	8 x .40 x .80x 1.4x 2400	7526	
	" .50x .80	6 x .50 x .80x 1.4x 2400	8064	
	S/C reducida....	2 x 314 x 200 x 0.25....	31400	<u>793327</u>
3.55 ( P.B )	Aligerado + pt..	2 x 350 x 450 .....	315000	
	Vigas .40 x .70	157 x .40 x .70 x 2400...	105504	
	" .20 x .70	17.3 x .20 x .70 x 2400..	5812	
	" 1.00 x .25	11.6 x 1.00 x .25 x 2400.	6960	
	" .40 x .95	13.5 x .40 x .95 x 2400..	12312	
	" .45 x .40	4.4 x .45 x .40 x 2400....	1900	
	" .15 x .70	16 x .15 x .70 x 2400 ...	4032	
	" .60 x .25	32 x .60 x .25 x 2400 ...	11520	
	" .70 x .25	34.6 x .70 x .25 x 2400..	14532	
	" .30 x .70	47 x .30 x .70 x 2400 ...	23688	
	" .30 x .60	9.6 x .30 x .60 x 2400 ..	4147	
	" .50 x .25	21.5 x .50 x .25 x 2400 ..	6420	
	Tabiquería soga.	2 x 136 x 2.55 x 200 ....	138720	
	" cabeza.	2 x 23 x 2.55 x 360 ....	42228	
	Parapeto.....	2 x 41.50 x .15x.85x 2400	30556	
	Ascensor.....	2 x 6.5x .15x 1.10 x 2400	11390 + 13221	24611
	Placa escalera..	2x5342 + 2x 9009 .....	28702	
	Escalera .....	4 x 1880 .....	7520	
	Columnas .40x.60	11 x .40x .60x 1.40x 2400	14390	
	" .40x.70	6 x .40 x .60x 1.60x 2400	13171	
	" .40x.80	14 x .40x .70x 1.4x 2400	15360	
	" .50x.80	4 x .40x .80x 1.4x 2400	4032	
	" .50x.90	9 x .40x .80x 1.60 x 2400	25920	
	" .60x.80	15x .50x .90x 1.40 x 2400	3840	
	" .25x.25	2 x .60x .80x 1.60 x 2400	720	
	S/C reducida....	3 x .25x .25x 1.60 x 2400	38500	<u>900097</u>
0.30 m ( S. )	Aligerado + pt..	2 x 593 x 480 .....	569280	
	Vigas .50 x .70	13.8 x .50x .70 x 2400 ..	11590	
	" .40 x .70	246 x .40 x .70 x 2400 ..	165446	
	" .70 x .30	22 x .70 x .30 x 2400 ...	11088	
	" .25 x1.60	25.8 x .25 x 1.60 x 2400.	24768	
	" .45 x .40	2.45 x .45 x .40 x 2400..	10584	
	" .30 x .70	23.5 x .30 x .70 x 2400..	11844	
	Tabiquería soga.	270 x 2.55 x 200 .....	137700	
	Ascensor .....	11390 + 13221 .....	24611	
	Placa escalera..	2 x 9009 + 2 x 7762 .....	33542	
	Escalera .....	4 x 1880 .....	7520	

( Continúa a la sgt.)

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

158

Nivel	Elementos	Parcial	SubTotal	Total
0.30 m.	Columnas .40x.80	9 x .40x .80x 1.60x 2400		
	Columnas .50x.90	9 x .40x .80x 1.40x 2400	20736	
	Columnas .40x.60	15x .50x .90x 1.40x 2400	48600	
	Columnas .60x.80	6 x .40x .60x 1.40x 2400	10368	
	Columnas .30x.40	2 x .60x .80x 1.60x 2400	7200	
	S/C reducida,,,.	4 x .30x .40x 1.40x 2400 2 x 653 x 400 x 0.25 ...	1612 130600	<u>1227363</u>



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

159

Con :

$$U = 0.8$$

$$K = 1.00$$

$$C = \frac{0.05}{\sqrt[3]{T}} = \frac{0.05}{\sqrt[3]{0.09}} D^{1/6}$$

$$Cx = \frac{0.05 \times 23.85^{1/6}}{\sqrt[3]{0.09 \times 25.65}}$$

$$Cy = \frac{0.05 \times 37.40^{1/6}}{\sqrt[3]{0.09 \times 25.65}}$$

$$P = 7287 \text{ Ton.}$$

Obtenemos los cortantes totales según los sentidos x , y .

$$H = U K C P$$

$$Hx = 0.8 \times 1.00 \times \frac{0.05 \times 23.85^{1/6}}{\sqrt[3]{0.09 \times 25.65}} \times 7287 = 377.4 \text{ T.}$$

$$Hy = 0.8 \times 1.00 \times \frac{0.05 \times 37.40^{1/6}}{\sqrt[3]{0.09 \times 25.65}} \times 7287 = 406.5 \text{ T.}$$

Teniendo la fuerza cortante total en la base tendremos que distribuir-la a lo largo del edificio.

DISTRIBUCION EN ALTURA DE LA FUERZA HORIZONTAL .- La cortante total se distribuirá a lo largo del edificio, según la siguiente fórmula :

$$Fi_x = Hx \frac{Wi hi}{\sum Wi hi}$$

$$Fi_y = Hy \frac{Wi Hi}{\sum Wi hi}$$

Donde :

Fi x , Fi y = Fuerza horizontal en el nivel "i" , correspondiente al sentido(x) y al sentido ( y ) respectivamente.

Hx , Hy = Fuerza horizontal total según los sentidos ( x ) y ( y ) respectivamente.

Wi = Peso del piso considerado "i".

hi = altura del nivel "i" respecto a la base.

Los resultados se presentan en la siguiente hoja ( tabla . . , teniendo en cuenta que se considerará el peso que está encima, tomandolo como una carga gravitacional, afectada por un coeficiente igual a 0.15. Aproximadamente tenemos :

Tanque de agua cargado.....	54.8	T.
Caseja del ascensor, placas....	31.0	T.
Muros.....	18.0	T.
	103.8	T. Total

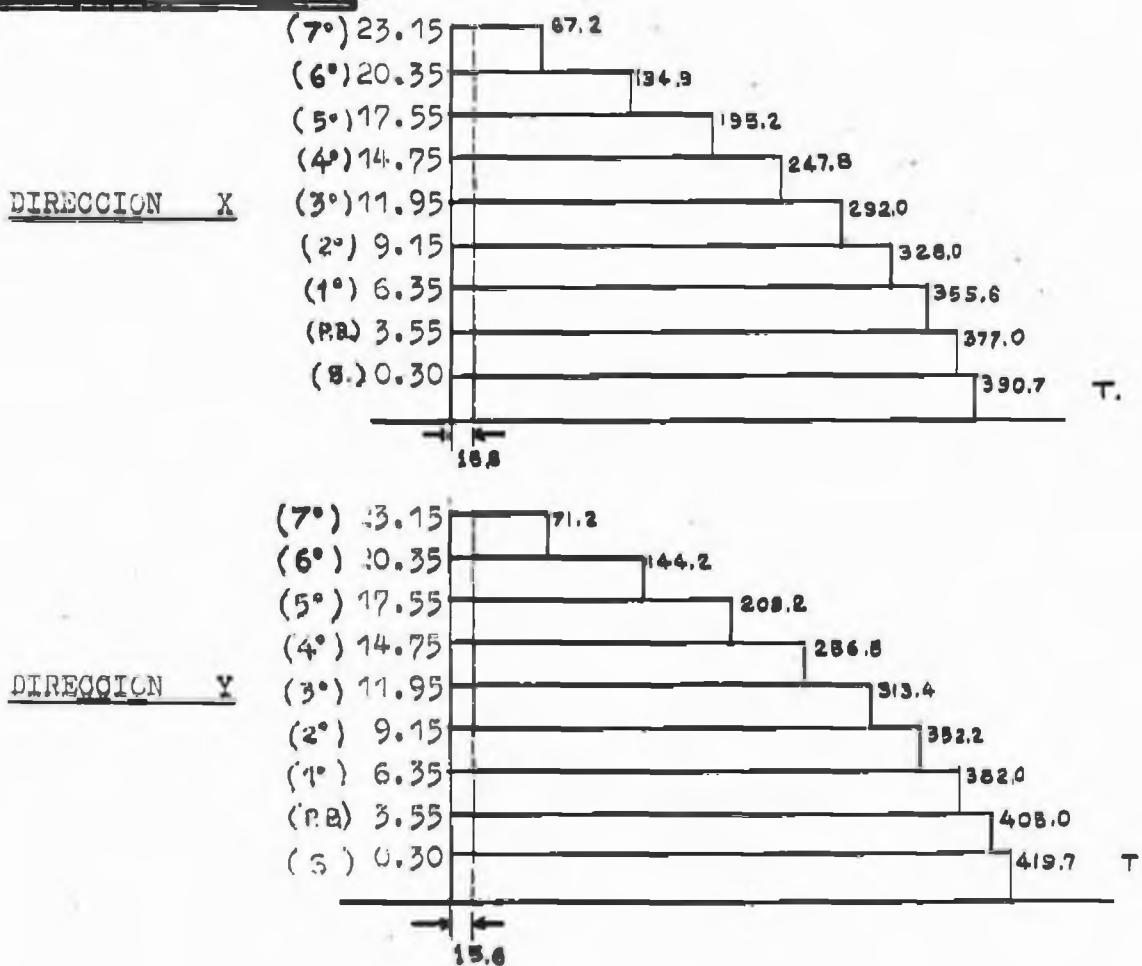
$$\text{CARGA GRAVITACIONAL} = 0.15 \times 103.8 = 15.6 \text{ T.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

160

NIVEL	Wi	hi	Wi hi	Fi x	Fi y	Vx	Vy
23.15	508	25.65	13030	51.6	55.6	51.6	55.6
20.35	754	22.85	17229	67.7	73.0	119.3	128.6
17.55	765	20.05	15338	60.3	65.0	179.6	193.6
14.75	775	17.25	13368	52.6	56.6	232.2	250.2
11.95	777	14.45	11228	44.2	47.6	276.4	297.8
9.15	786	11.65	9157	36.0	38.8	312.4	336.6
6.35	794	8.85	7027	27.6	29.8	340.0	366.4
3.55	900	6.05	5445	21.4	23.0	361.4	389.4
0.30	1228	2.80	3438	13.7	14.7	375.1	404.1
$\Sigma Wi hi = 95260$							

DIAGRAMAS DEL CORTANTE .-



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

161

CALCULO DE LAS RIGIDESES RELATIVAS DE LOS ELEMENTOS ESTRUCTURALES

Rigideces en placas.- K =  $\frac{I}{l^3}$ . el calculo de los valores I, K y k en las placas están despues de las rigideces relativas en vigas y columnas.

Rigideces en vigas.- La rigidez en una viga esta dada por la siguiente expresion:  $K = \frac{I}{l^3}$  donde I = Momento de inercia

l = longitud de la viga

Rigideces en columnas.- Las rigideces en columnas estan dadas por la siguiente expresión:

$$K = \frac{I}{h^3} \quad \text{donde } I = \text{Momento de inercia}$$
$$h = \text{Altura de la columna}$$

Debe tenerse en cuenta que el momento de inercia debe tomarse en el sentido que se quiere encontrar la rigidez.

Rigideces relativas.- La rigidez relativa esta dada por la siguiente expresion:

$$k = \frac{K}{K_0} \quad \text{donde } K = \text{Rigidez}$$
$$K_0 = \text{Una constante cualquiera}$$

Con estas consideraciones hemos calculado las rigideces relativas de vigas y columnas tomando  $K_0 = 10^2$

Como ejemplo tenemos la viga 5(B-C) del piso típico cuya sección es 40 x 70 y su longitud 6.90 m.

$$I = \frac{b \times h^3}{12} = \frac{40 \times 70^3}{12} = 114.33 \times 10^4 \text{ cm}^4 \quad l = 690 \text{ cm.}$$

$$K = \frac{114.33 \times 10^4}{690} = 0.165 \times 10^4 \quad k = \frac{0.165 \times 10^4}{10^2} = 16.5$$

Igualmente para la columna 5B en el sentido del pórtico 5 (principal) en el piso 7. Tiene como sección 30 x 30 y altura h = 2.80 m.

$$I = \frac{b \times h^3}{12} = \frac{30 \times 30^3}{12} = 6.75 \times 10^4 \text{ cm}^4 \quad h = 280 \text{ cm.}$$

$$K = \frac{6.75 \times 10^4}{280} = 0.0241 \times 10^4 \quad k = \frac{0.0241 \times 10^4}{10^2} = 2.41$$

De igual manera se han calculado las rigideces relativas de todas las vigas y columnas tanto en el sentido Y ( ejes principales) como en el sentido X ( ejes secundarios) cuyos resultados estan a continuación en los respectivos pórticos.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

162

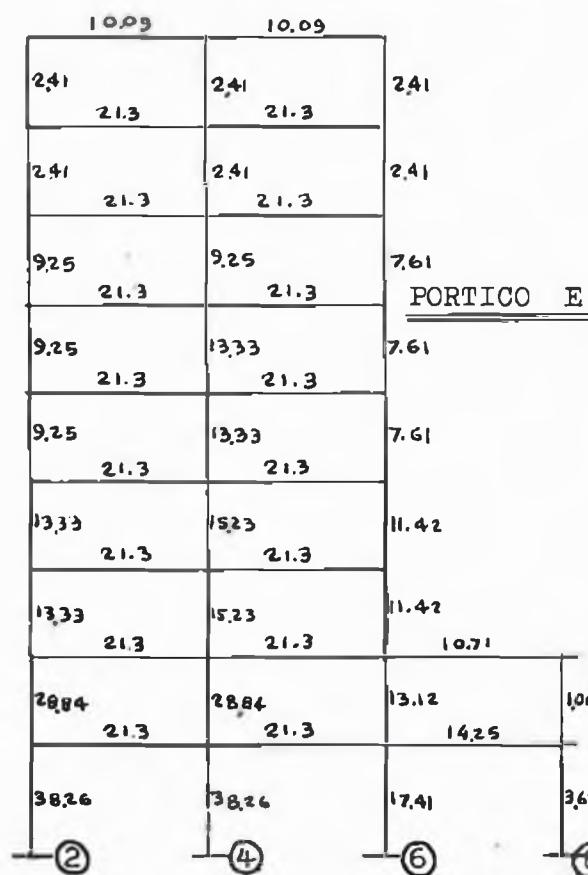
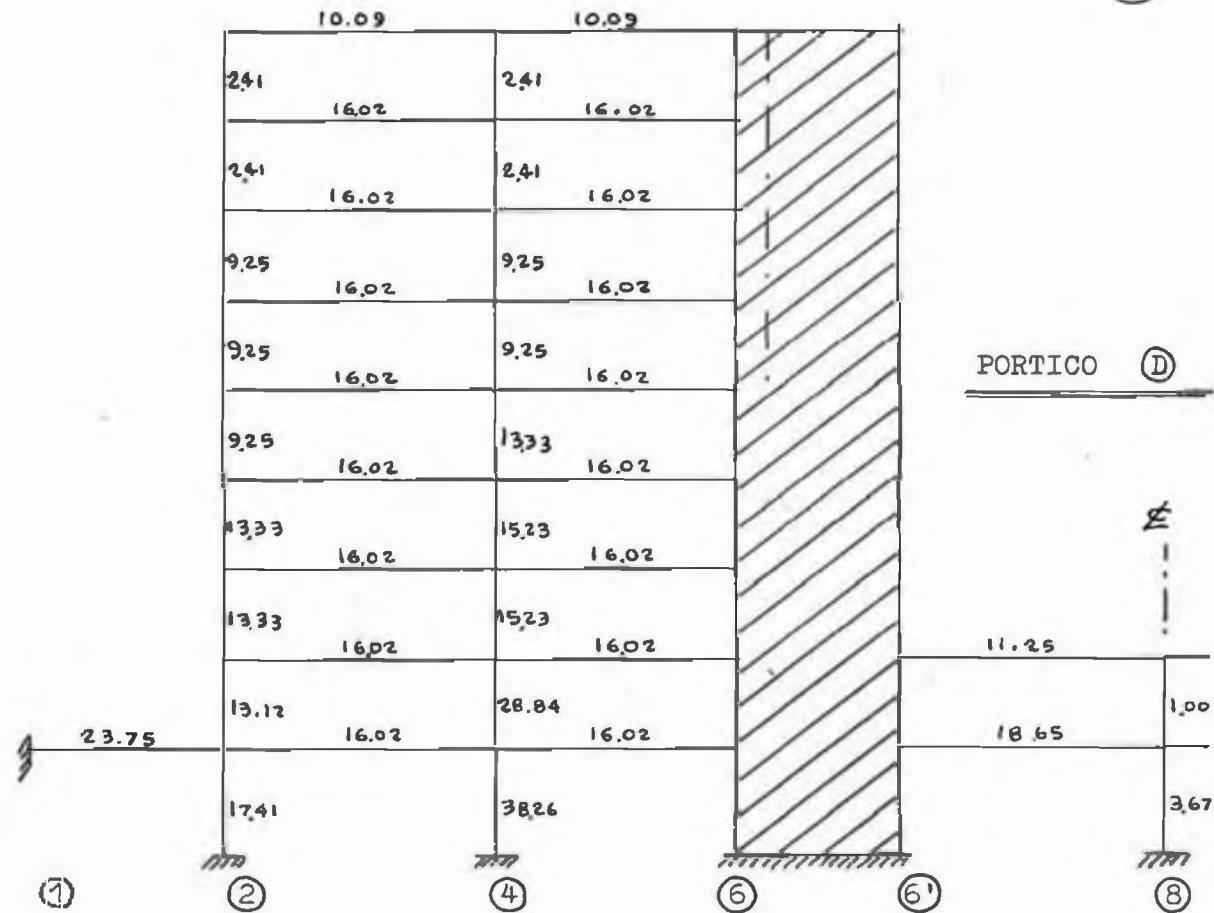
Rigideces relativas en vigas y columnas en el sentido X

	1.95	1.95	1.95	1.95	1.95
<u>PORTECO B</u>	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95
	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95	2.41 1.95
	7.61 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	7.61 1.95
	7.61 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	7.61 1.95
	7.61 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	9.25 1.95	7.61 1.95
	9.25 1.95	13.33 1.95	13.33 1.95	13.33 1.95	11.42 1.95
	9.25 1.95	13.33 1.95	13.33 1.95	13.33 1.95	11.42 1.95
	13.12 1.95	14.77 1.95	28.84 1.95	13.12 1.95	13.12 1.95
	135.44	3.92	3.92	3.92	3.92
	6.25	14.71	13.52	26.41	12.02
(1)	(3)	(5)	(6)	(7)	(8)

	2.27	7.01	2.27	2.27
<u>PORTECO C</u>	2.41 2.27	7.01	2.41 2.27	2.41 2.27
	2.41 2.27	7.01	2.41 2.27	9.25 2.27
	9.25 2.27	7.01	9.25 2.27	9.25 2.27
	9.25 2.27	7.01	9.25 2.27	13.33 2.27
	9.25 2.27	7.01	9.25 2.27	13.33 2.27
	11.42 2.27	7.01	13.33 2.27	15.23 2.27
	11.42 2.27	7.01	2.27	15.23 2.27
	14.77 2.27	66.3	28.84 2.27	44.30 2.27
	135.44	28.5	28.5	28.5
	24	38.26	56.77	38.26
(1)	(3)	(5) (6)	(7)	(8)

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

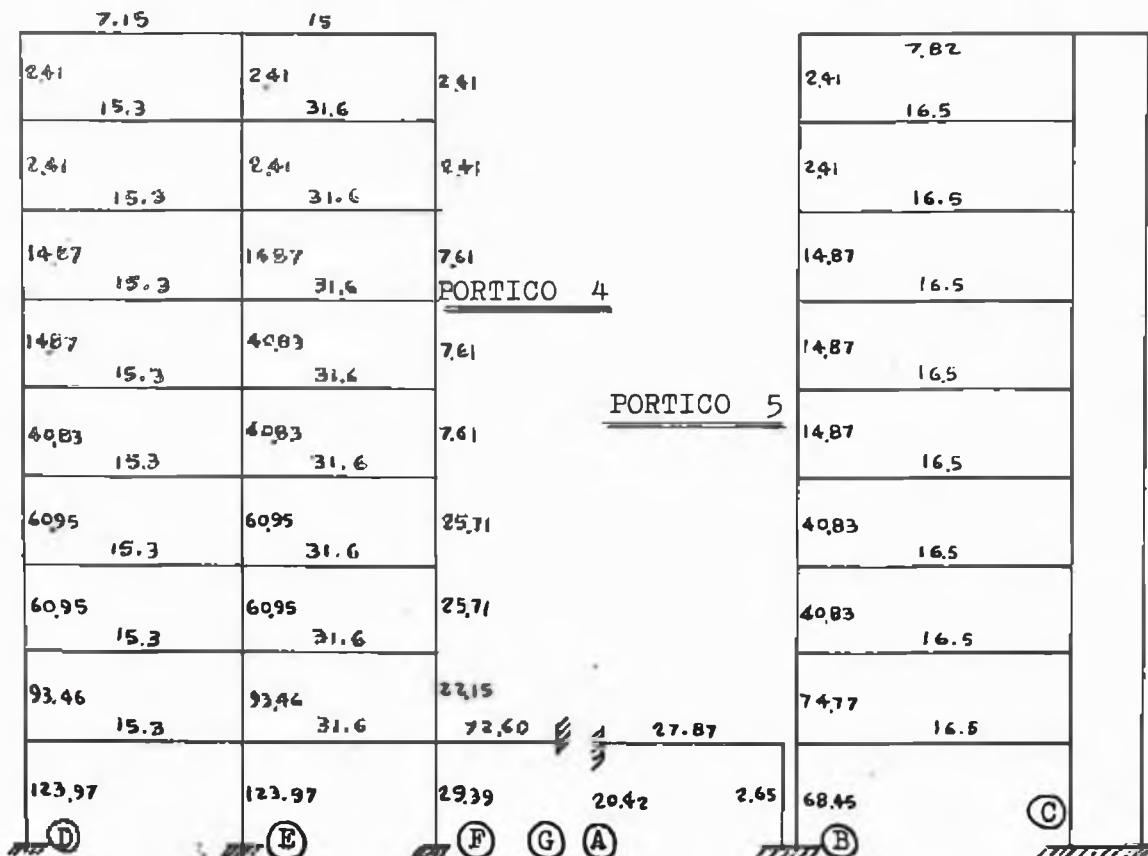
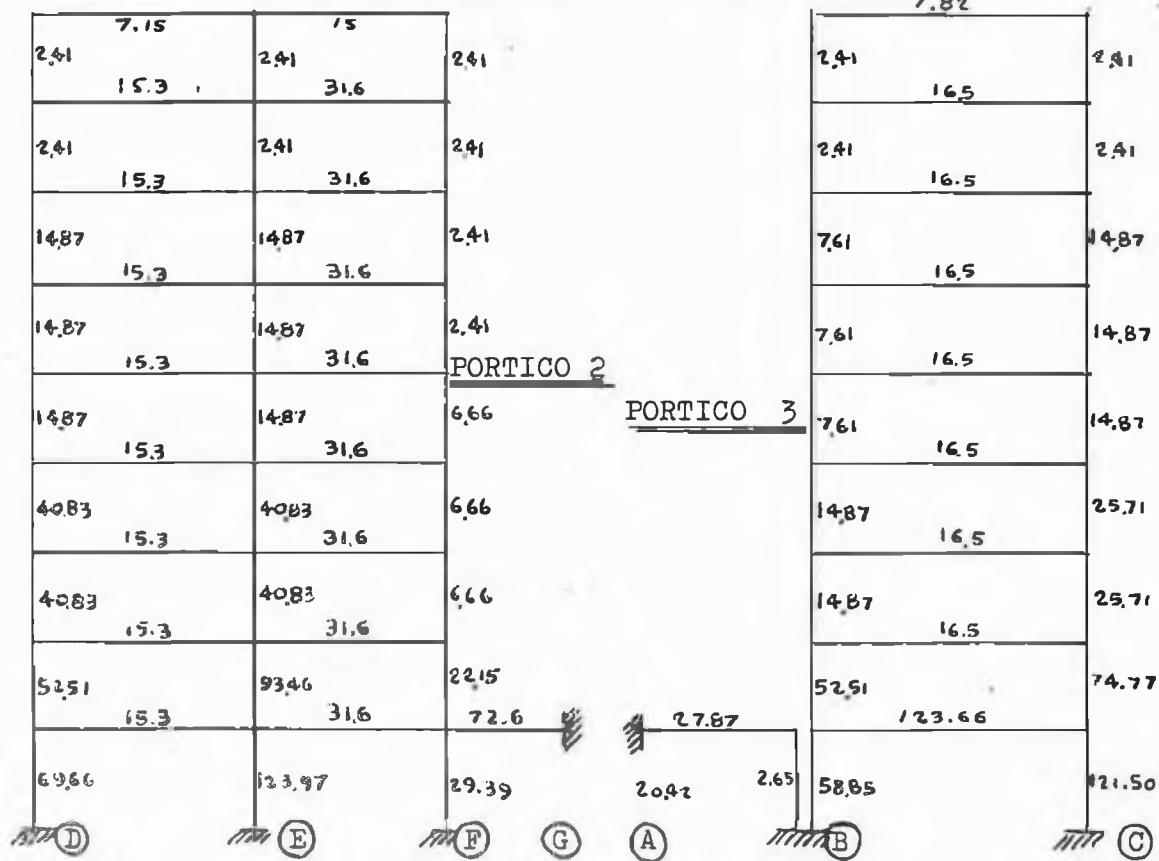
(163)



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

164

Rigideces relativas en vigas y columnas en el sentido Y



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(165)

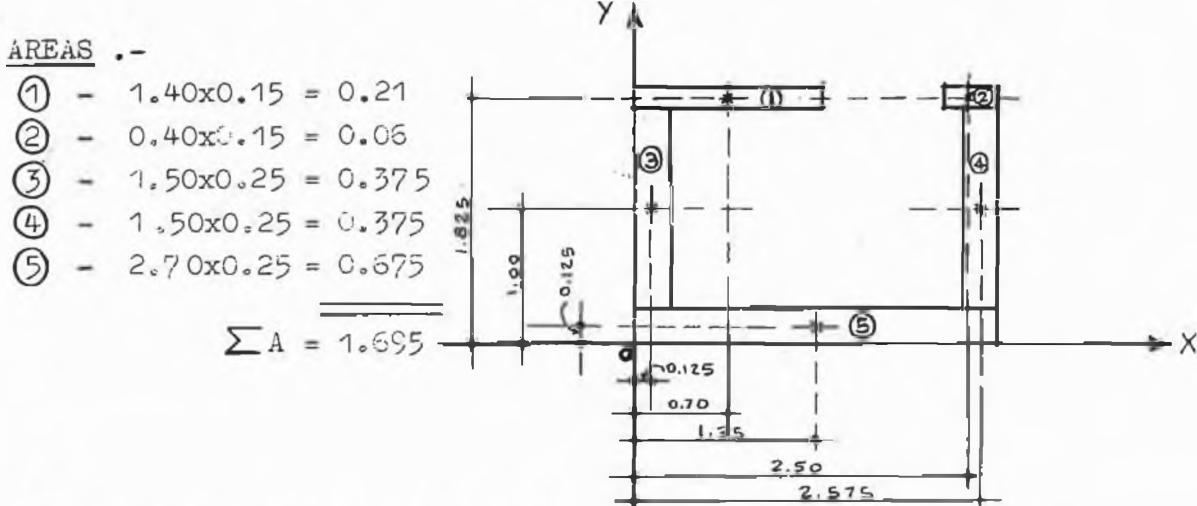
	7.82	9.31	9.11	10.48	7.5	
2.41	2.41	21.29	21.29	2.41	2.41	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
2.41	2.41	21.29	21.29	2.41	2.41	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
14.87	14.87	21.29	21.29	7.61	2.41	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
14.87	14.87	21.29	21.29	7.61	2.41	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
14.87	14.87	21.29	21.29	7.61	6.66	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
40.83	40.83	21.29	21.29	25.71	6.66	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6		
40.83	40.83	21.29	21.29	25.71	6.66	
16.5	49.27	12.15	22.1	31.6		
93.46	93.46	26.65	26.65	52.51	22.15	
16.5	19.5	12.15	22.1	31.6	72.6	
27.87						
20.42	2.65	85.56	123.97	30.94	69.66	29.39
(A)	(B)	(C)	(D)	(D')	(E)	(F)
						(G)

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

165

Momento de inercia de la placa del ascensor

1- Ubicación del centro de masa . - Pasamos los ejes X - Y tal como lo muestra la figura :



$$\begin{aligned} \sum A y &= 0.21 \times 1.825 + 0.06 \times 1.825 + 0.375 \times 1.00 + 0.375 \times 1.00 + \dots \\ &+ 0.675 \times 0.125 = 1.327125 \end{aligned}$$

$$\bar{y} = \frac{\sum A y}{\sum A} = \frac{1.327125}{1.695} = 0.7829 \quad \dots \quad \bar{y} = 0.783 \text{ m.}$$

$$\begin{aligned} \sum A x &= 0.21 \times 0.70 + 0.06 \times 2.50 + 0.375 \times 0.125 + 0.375 \times 2.575 + \dots \\ &+ 0.675 \times 1.35 = 2.22075 \end{aligned}$$

$$\bar{x} = \frac{\sum A x}{\sum A} = \frac{2.22075}{1.695} = 1.3101 \quad \dots \quad \bar{x} = 1.31 \text{ m.}$$

Tendremos luego : La ubicación d. los ejes del centro de masa a los cuales serán referidos los momentos de inercia con respecto a su propio centro de masa cada uno de los paños rectangulares numerados.

Mtos. de Inercia de cada paño :

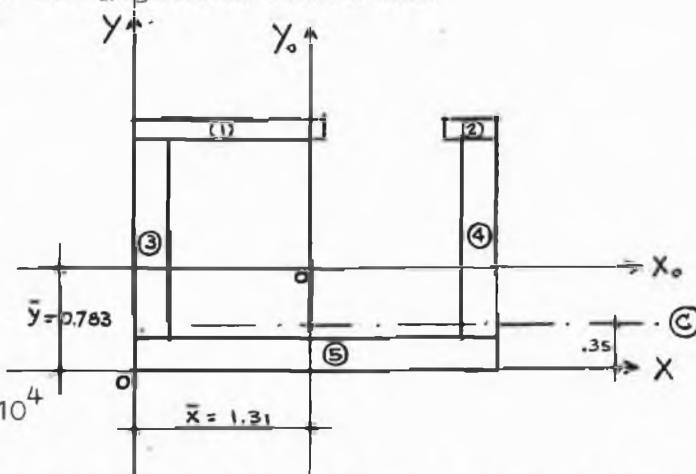
$$\textcircled{1} I_o = \frac{15 \times 140^3}{12} = 343 \times 10^4$$

$$\textcircled{2} I_o = \frac{15 \times 40^3}{12} = 8.00 \times 10^4$$

$$\textcircled{3} I_o = \frac{150 \times 25^3}{12} = 19.53 \times 10^4$$

$$\textcircled{4} I_o = " = 19.53 \times 10^4$$

$$\textcircled{5} I_o = \frac{25 \times 27^3}{12} = 4,100.63 \times 10^4$$



Estos momentos  $I_o$  serán referidos a los ejes de masa ya ubicados.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

167

Luego :

$$I'_o = I_o + A d^2$$

$$\begin{aligned} I_y &= -343 \times 10^4 + 2100(61)^2 + 8.00 \times 10^4 + 600(119)^2 - 19.53 \times 10^4 + \\ &+ 3750(118.5)^2 + 19.53 \times 10^4 + 3750(126.5)^2 + 4,100.63 \times 10^4 + \\ &+ 6750(4)^2 = \\ &= 3,765.63 \times 10^4 - 781.41 \times 10^4 + 849.66 \times 10^4 - 5,265.82 \times 10^4 + \\ &+ 6,000.48 \times 10^4 + 10.80 \times 10^4 = 4,579.34 \times 10^4 \end{aligned}$$

$$I_y = 4,579.34 \times 10^4$$

Para el calculo de  $I_x$ , necesitaremos los  $I_o$  referidos al eje X

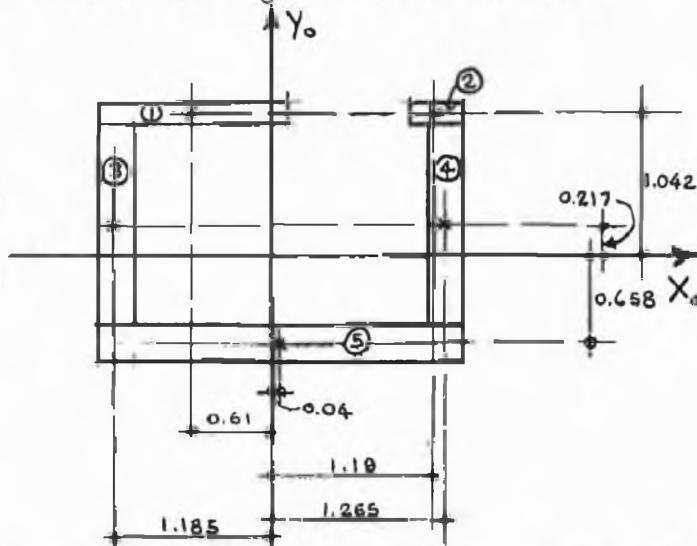
$$\textcircled{1} \quad I_o = \frac{140 \times 15^3}{12} = 3.935 \times 10^4$$

$$\textcircled{2} \quad I_o = \frac{40 \times 15^3}{12} = 1.125 \times 10^4$$

$$\textcircled{3} \quad I_o = \frac{25 \times 15^3}{12} = 703.12 \times 10^4$$

$$\textcircled{4} \quad I_o = " = 703.12 \times 10^4$$

$$\textcircled{5} \quad I_o = \frac{270 \times 25^3}{12} = 35.16 \times 10^4$$



Luego :

$$\begin{aligned} I_x &= 3.935 \times 10^4 + 2100(104.2)^2 + 1.125 \times 10^4 + 600(104.2)^2 + 2 \cdot 703.12 \times 10^4 + \\ &+ 3750(21.7)^2 - 35.16 \times 10^4 + 6750(65.8)^2 = \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= (3.935 + 1.0857 \cdot 2100 + 1.125 + 1.0857 \cdot 600 + 2 \cdot 0.375 \cdot 470.89 - \\ &- 0.675 \cdot 4.692) \cdot 10^4 = 1,563.94 \times 10^4 \end{aligned}$$

$$I_x = 1,563.94 \times 10^4$$

Rigidedez de la placa del ascensor en el sentido X e Y .- De acuerdo a las consideraciones anteriormente explicadas, se ha calculado las respectivas rigidedezes relativas las que se encuentran en las páginas 132-192 en que se calcula el valor " D " de esta placa.

Rigidedez relativas de la placa de la escalera.- Al igual que la placa del ascensor, estos valores se encuentran en las páginas 179 en que se calcula el valor " D " de esta placa.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

### CÁLCULO DE LOS VALORES D .-

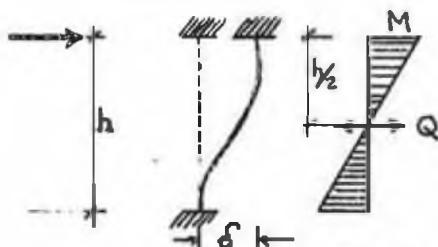
El valor D o coeficiente de distribución de la fuerza cortante de los elementos resistentes en un piso cualquiera esta definido como la fuerza de corte que actúa en elemento cuando el desplazamiento relativo en el piso considerado tiene un valor unitario.

Para calcular el valor D se asume una distribución de la fuerza cortante y se resuelve para los esfuerzos y deformaciones de los elementos resistentes. Usando la fuerza de corte (V) y el desplazamiento relativo determinado ( $\delta$ ) de cada elemento en el nivel, los valores D son determinados por la siguiente expresión :

Los valores calculados con esta ecuación son los valores de rigideces absolutas. Con desplazamiento unitario los valores de rigideces relativas determinan la distribución del corte.

Cálculo del valor D en columnas .- Para obtener un número abstracto en el valor de D se efectúa la siguiente simplificación en el cálculo de los valores D de las columnas .

#### 1. - Columna empotrada en sus dos extremos.



$$M = V \frac{h}{2} \quad (\alpha)$$

$$\delta = \frac{M h^2}{6 E I}$$

$$M = \frac{6 E I \delta}{h^2} \quad (\beta)$$

Igualando  $(\alpha)$  y  $(\beta)$ , teniendo en cuenta que:  $K = \frac{I}{h}$

$$V \frac{h}{2} = \frac{6 E I \delta}{h^2}, \quad \frac{V}{\delta} = \frac{12 E I}{h^3} = \frac{12 E K}{h^2} \cdot \frac{K_o}{K_o}$$

$$D = \frac{V}{\delta} = k_c \left[ \frac{12 E K_o}{h^2} \right], \text{ si tomamos: } \left[ \frac{12 E K_o}{h^2} \right] \text{ como}$$

unidad común, definimos el valor D de esta columna como  $D = k_c$

#### 2. - Columna empotrada en un extremo y libre en el otro .-

$$D = 0.25 k_c$$

#### 3. - Columna articulada en sus dos extremos

$$D = 0$$

#### 4. - En general habiendo estudiado los casos extremos diremos q':

$$D = a k_c$$

Por lo expuesto anteriormente se puede apreciar que el valor D en columnas varía de acuerdo al grado de empotramiento o restricción al giro que tengan.

Este grado de empotramiento en los porticos de vigas y columnas varía de acuerdo a la relación de rigideces de las vigas

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

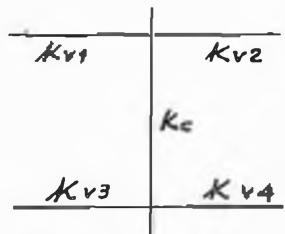
169

que llegan a la columna y la rigidez de la columna.

El método de Muto da fórmulas aproximadas para hallar el valor de ( $a$ ) para los diversos casos que se presentan, que son los siguientes:

A.- Altura de piso uniforme .-  $D = a k_c$

1.- Cierta restricción al giro en ambos extremos .- Si llamamos  $\bar{k}$  a la relación de rigideces de vigas y columnas y teniendo en cuenta que cuando  $\bar{k}$  es muy pequeño el error aumenta, tomando por lo tanto en consideración que cuando  $\bar{k} < 0.2$  el método no es conveniente para usos prácticos.



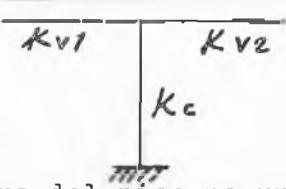
$$\bar{k} = \frac{k_{v1} + k_{v2} + k_{v3} + k_{v4}}{2 k_c}$$

Siendo  $k_{vi}$  rigidez relativa en vigas y  $k_c$  rigidez relativa de la columna.

$$a = \frac{\bar{k}}{2 + \bar{k}}$$

Si  $k_{v1} + k_{v2}$  es mucho mayor que  $k_{v3} + k_{v4}$  o a la inversa, el valor de ( $a$ ) no debe ser mayor que el dado por el siguiente caso :

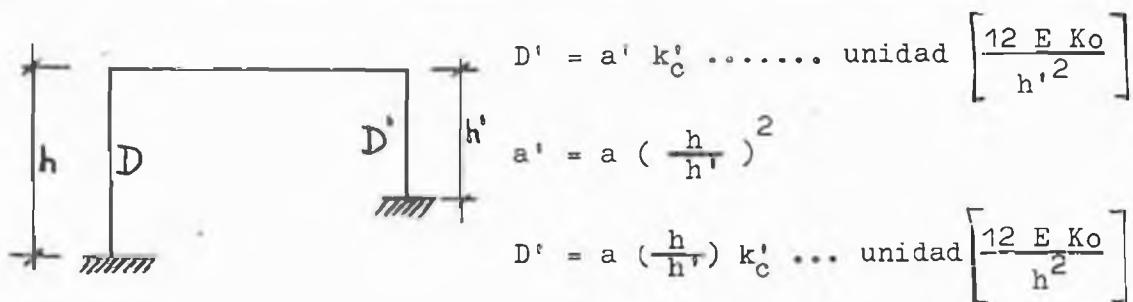
2.- Un extremo empotrado .-  $\bar{k} = \frac{k_{v1} + k_{v2}}{k_c}$



$$a = \frac{0.5 + \bar{k}}{2 + \bar{k}}$$

B.- Altura del piso no uniforme .-

1.- Columna de altura  $h'$  que difiere a la altura standard  $h$ ,



$$D' = a' k_c' \dots \text{unidad } \left[ \frac{12 E K_o}{h'^2} \right]$$

$$a' = a \left( \frac{h}{h'} \right)^2$$

$$D' = a \left( \frac{h}{h'} \right) k_c' \dots \text{unidad } \left[ \frac{12 E K_o}{h^2} \right]$$

Como ejemplos podemos citar los siguientes :

A.- Altura de piso uniforme .-

1.- Cierta restricción al giro .- (Columna 6 C Nivel: 23.15)

Del cálculo de rigideces relativas en las páginas 165 tomamos los datos respectivos.  $D = a k_c$

7.82	9.31	$\bar{k} = \frac{7.82 + 9.31 + 16.5 + 19.5}{2 \times 2.41} = 11.02$
$K_c = 2.41$		$a = \frac{11.02}{2 + 11.02} = 0.846$

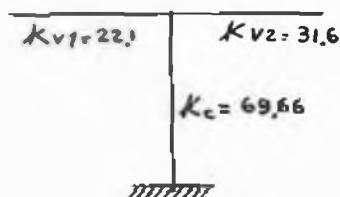
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

170

$$D = a k_c \quad ; \quad D = 0.846 \times 2.41 = 2.039$$

2.- Un caso empotrado .- ( Columna 6 E , Nivel: 0.30 )

Tomamos los datos de las rigideces relativas de la página N° 165



$$\bar{k} = \frac{22.1 + 31.6}{69.66} = 0.77$$

$$a = \frac{0.5 + 0.77}{2 + 0.77} = 0.46$$

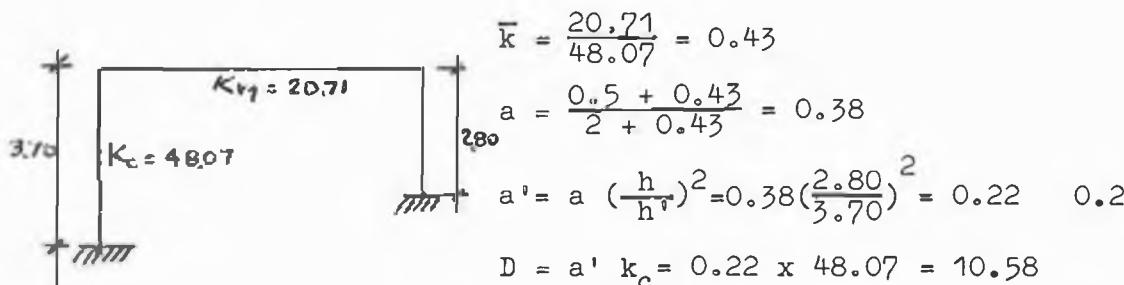
$$D = a k_c = 0.46 \times 69.66 = 32.04$$

B .- Altura de piso no uniforme .-

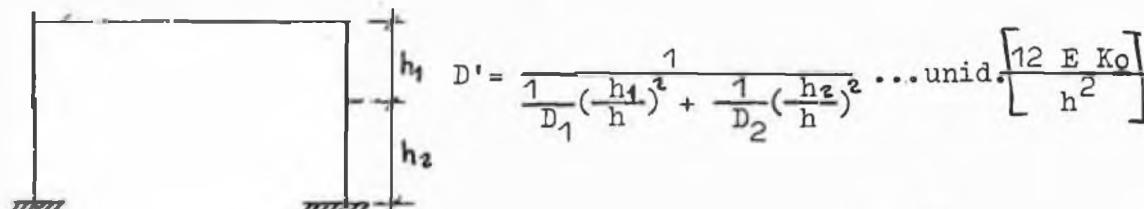
1.- Columna de altura h' que difiere de la altura standard h.

En este caso se encuentran las columnas 3B, 5B, 6B, 7B y 8B del nivel 0.30 ( Sótano )

Tomamos como ejemplo la columna 7B del nivel del sotano.



Estos ejemplos dan una idea de la aplicación de las fórmulas anteriormente señaladas; existen otros casos que no han sido aplicados en la presente tesis; tal como : Columna compuesta por dos tramos cortos de alturas  $h_1$  y  $h_2$  las que sumadas dan la altura  $h$  (siendo,  $h$  = altura standard)



A continuación las tabulaciones de los valores  $k_c$ ,  $\bar{k}$ ,  $a$ ,  $a'$  y  $D$  de todas las columnas en los respectivos niveles de la estructura.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

CALCULO DE LOS VARIORES Dy Y Dx

NIVEL 23.15 m. (7°)

Sentido Y						Sentido X					
Colum.	kc	K	a	Dy	$\Sigma$ Dy	Col.	kc	K	a	Dx	$\Sigma$ Dx
2D-14D	2.41	4.66	.700	1.687		B3	2.41	0.81	.288	0.694	
2E-14E	2.41	14.42	.878	2.115		B5	2.41	1.62	.448	1.080	
2F-14F	2.41	9.67	.829	1.997	5.799	B6	2.41	1.62	.448	1.080	
3B-13B	2.41	5.04	.716	1.725		B7	2.41	1.62	.448	1.080	
3C-13C	2.41	5.04	.716	1.725	3.450	B8	2.41	1.62	.448	1.080	5.014
4D-12D	2.41	4.65	.699	1.684		C3	2.41	0.94	.320	0.771	
4E-12E	2.41	14.42	.878	2.115		C6	2.41	3.85	.658	1.586	
4F-12F	2.41	9.67	.829	1.997	5.796	C7	2.41	1.88	.485	1.169	
5B-11B	2.41	5.04	.716	1.725	1.725	C8	2.41	1.88	.485	1.169	4.695
6B-10B	2.41	5.04	.716	1.725		D2	2.41	5.41	.730	1.735	
6C-10C	2.41	11.02	.846	2.039		D4	2.41	10.83	.844	2.034	3.769
6E-10E	2.41	16.42	.891	2.147		E2	2.41	6.51	.765	1.844	
6F-10F	2.41	9.67	.829	2.115	8.026	E4	2.41	13.02	.867	2.089	
7B-9B	2.41	5.04	.716	1.725		E6	2.41	6.51	.765	1.844	5.777
7C-9C	2.41	5.04	.716	1.725	3.450	F2	2.41	0.50	.200	0.482	
8B-	2.41	5.04	.716	1.725		F4	2.41	1.00	.333	0.803	
8C-	2.41	5.04	.716	1.725	3.450	F6	2.41	0.50	.200	0.482	1.767
P.E.D	21.29	1.18	.371	7.900	7.900						
P.E.D'	21.29	1.26	.387	8.240	8.240						

NIVEL 20.35 m. (6°)

Colum.	kc	K	a	Dy	$\Sigma$ Dy	Col.	ka	K	a	Dx	$\Sigma$ Dx
2D-14D	2.41	6.35	.760	1.832		B3	2.41	0.81	.288	0.694	
2E-14E	2.41	19.46	.907	2.185		B5	2.41	1.62	.448	1.080	
2F-14F	2.41	13.11	.868	2.092	6.109	B6	2.41	1.62	.448	1.080	
3B-13B	2.41	6.84	.774	1.865		B7	2.41	1.62	.448	1.080	
3C-13C	2.41	6.84	.774	1.865	3.730	B8	2.41	1.62	.448	1.080	5.014
4D-12D	2.41	6.35	.760	1.832		C3	2.41	0.94	.320	0.771	
4E-12E	2.41	19.46	.907	2.185		C6	2.41	3.85	.658	1.586	
4F-12F	2.41	13.11	.868	2.092	6.109	C7	2.41	9.25	.197	1.822	
5B-11B	2.41	6.84	.774	1.865	1.865	C8	2.41	9.25	.197	1.822	6.001
6B-10B	2.41	6.84	.774	1.865		D2	2.41	6.64	.769	1.853	
6C-10C	2.41	14.93	.882	2.125		D4	2.41	13.28	.869	2.094	3.947
6E-10E	2.41	22.28	.918	2.212		E2	2.41	8.83	.815	1.964	
6F-10F	2.41	13.11	.868	2.092	8.294	E4	2.41	17.66	.898	2.164	
7B-9B	2.41	6.84	.774	1.865		E6	2.41	8.83	.815	1.964	6.092
7C-9C	14.87	1.11	.357	5.309	7.174	F2	2.41	0.50	.200	0.482	
8B-	2.41	6.84	.774	1.865		F4	2.41	1.00	.333	0.803	
8C-	14.87	1.11	.357	5.309	7.174	F6	2.41	0.50	.200	0.482	1.767
P.E.D	21.29	1.49	.427	9.090	9.090						
P.E.D'	21.29	1.61	.446	9.500	9.500						

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

172

NIVEL 17.55 m. (5°)

Sentido Y						Sentido X					
Colum.	kc	K	a	Dy	$\Sigma$ Dy	C.	kc	K	a	Dx	$\Sigma$ Dx
2D-14D	14.87	1.02	.338	5.026		B3	7.61	0.25	.111	0.845	
2E-14E	14.87	3.15	.612	9.100		B5	9.25	0.42	.174	1.691	
2F-14F	2.31	13.11	.868	2.005	16.131	B6	9.25	0.42	.174	1.691	
3B-13B	7.61	2.16	.519	3.950		B7	9.25	0.42	.174	1.691	
3C-13C	14.87	1.11	.359	5.308	9.258	B8	7.61	0.50	.200	1.522	7.440
4D-12D	14.87	1.028	.339	5.041		C3	9.25	0.24	.107	0.990	
4E-12E	14.87	3.15	.612	9.100		C6	9.25	1.00	.333	3.080	
4F-12F	7.61	4.15	.675	5.137	19.278	C7	9.25	0.48	.194	1.795	
5B-11B	14.87	1.11	.357	5.309	5.309	C8	9.25	0.48	.194	1.795	7.660
6B-10B	14.87	1.11	.357	5.309		D2	9.25	1.73	.464	4.292	
6C-10C	14.87	2.42	.548	8.149		D4	9.25	3.46	.634	5.865	10.157
6E-10E	7.61	7.05	.779	5.928		E3	9.25	2.30	.535	4.949	
6F-10F	2.31	13.11	.868	2.005	21.391	E4	13.33	4.60	.697	6.447	
7B-9B	14.87	1.11	.357	5.309		E5	7.61	2.79	.582	4.429	15.825
7C-9C	14.87	1.11	.357	5.309	10.618	F2	2.41	0.50	.200	0.482	
8B-	7.61	2.16	.519	3.950		F4	7.61	0.31	.134	1.020	
8C-	14.87	1.11	.357	5.309	9.259	F6	2.41	0.50	.200	0.482	1.984
P.E.D	21.29	1.49	.427	9.090	9.090						
P.E.D'	21.29	1.61	.446	9.500	9.500						

NIVEL 14.75 m. (4°)

Sentido Y						Sentido X					
Colum.	kc	K	a	Dy	$\Sigma$ Dy	C.	kc	K	a	Dx	$\Sigma$ Dx
2D-14D	14.87	1.02	.338	5.026		B3	7.61	0.25	.111	0.845	
2E-14E	14.87	3.15	.612	9.100		B5	9.25	0.42	.174	1.691	
2F-14F	2.31	13.11	.868	2.005	16.131	B6	9.25	0.42	.174	1.691	
3B-13B	7.61	2.16	.519	3.950		B7	9.25	0.42	.174	1.691	
3C-13C	14.87	1.11	.359	5.308	9.258	B8	7.61	0.50	.200	1.522	7.440
4D-12D	14.87	1.028	.339	5.041		C3	9.25	0.24	.107	0.990	
4E-12E	40.83	1.14	.363	14.821		C6	9.25	1.00	.333	3.080	
4F-12F	7.61	2.16	.519	3.950	23.812	C7	13.33	0.34	.145	1.933	
5B-11B	14.87	1.11	.357	5.309	5.309	C8	13.33	0.34	.145	1.933	7.930
6B-10B	14.87	1.11	.357	5.309		D2	9.25	1.73	.464	4.292	
6C-10C	14.87	2.42	.548	8.149		D4	9.25	3.46	.634	5.865	10.157
6E-10E	7.61	7.05	.779	5.928		E2	9.25	2.30	.535	4.949	
6F-10F	2.31	13.11	.868	2.005	21.391	E4	13.33	3.19	.615	8.198	
7B-9B	14.87	1.11	.357	5.309		E5	7.61	2.79	.582	4.429	17.576
7C-9C	40.83	0.40	.167	6.819	12.128	F2	2.41	0.50	.200	0.482	
8B-	7.61	2.16	.519	3.950		F4	7.61	0.31	.134	1.020	
8C-	40.83	0.40	.167	6.819	10.759	F6	2.41	0.50	.200	0.482	1.984
P.E.D	21.29	1.49	.417	9.090	9.090						
P.E.D'	21.29	1.61	.446	9.500	9.500						

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

143

NIVEL 11.95

Column	S	a	Dy	$\Sigma Dy$	S	a	Dx	$\Sigma Dx$
	entido				entido			
2D-14D	14.87	1.02	.338	5.026	B3	7.61	0.25	
2E-14E	14.87	3.15	.612	9.100	B5	9.25	0.42	
2F-14F	6.66	4.74	.703	4.682	B6	9.25	0.42	
				18.808	B7	9.25	0.42	
3B-13B	7.61	2.16	.519	3.950	B8	7.61	0.50	
3C-13C	14.87	1.11	.357	5.308				7.440
				9.258	C3	9.25	0.24	
4D-12D	40.83	0.374	.157	6.410	C6	9.25	1.00	
4E-12E	40.83	1.14	.363	14.821	C7	13.33	0.34	
4F-12F	7.61	2.16	.519	3.950	C8	13.33	0.34	
				23.181	D2	9.25	1.73	
5B-11B	14.87	1.11	.357	5.309	D4	13.33	2.40	
				5.309				11.557
6P-10B	14.87	1.11	.357	5.309	E2	9.25	2.30	
6C-10C	14.87	2.42	.548	8.149	E4	13.33	3.19	
6E-10E	7.61	7.05	.779	5.928	E6	7.61	2.79	
6F-10F	6.66	4.74	.703	4.682	F2	5.10	0.23	
					F4	7.61	0.31	
7B-9B	14.87	1.11	.357	5.309	F6	5.10	0.23	
7C-9C	40.83	0.40	.167	6.819				2.070
				12.128				
8B-	7.61	2.16	.519	3.950				
8C-	40.83	0.40	.167	6.819				
P.E.D	21.29	1.49	.427	9.090				
P.E.D'	21.29	1.61	.446	9.500				
				9.090				
				9.500				

NIVEL 9.15

	S	a	Dy	$\Sigma Dy$	S	a	Dx	$\Sigma Dx$
	entido				entido			
2D-14D	40.83	0.37	.156	6.369	B3	9.25	0.21	
2E-14E	40.83	1.14	.363	14.821	B5	13.33	0.29	
2F-14F	6.66	4.74	.703	4.682	B6	13.33	0.29	
				25.872	B7	13.33	0.29	
3B-13B	14.87	1.10	.355	5.279	B8	11.42	0.34	
3C-13C	40.83	0.641	.243	9.921				7.614
				15.200	C3	11.42	0.20	
4D-12D	60.95	.251	.111	6.765	C6	13.33	0.69	
4E-12E	60.95	0.76	.275	16.761	C7	15.23	3.00	
4F-12F	25.71	1.22	.379	9.744	C8	15.23	3.00	
				33.270	D2	13.33	1.20	
5B-11B	40.83	0.40	.167	6.819	D4	15.23	2.11	
				6.819				12.812
6B-10B	40.83	0.40	.167	6.819	E2	13.33	1.59	
6C-10C	40.83	0.88	.306	12.494	E4	15.23	2.81	
6E-10E	25.71	2.08	.510	15.112	E6	11.42	1.86	
6F-10F	6.66	4.74	.703	4.682				20.303
				37.107	F2	5.10	0.23	
7B-9B	40.83	0.40	.167	6.819	F4	11.42	0.21	
7C-9C	60.95	0.27	.119	7.253	F6	5.10	0.23	
				14.072				2.134
8B-	25.71	0.64	.242	6.222				
8C-	60.95	0.27	.119	7.253				
P.E.D	21.29	1.49	.427	9.090				
P.E.D'	21.29	1.61	.446	9.500				
				9.090				
				9.500				

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

174

NIVEL 6.35 m. (1°)

Sentido Y						Sentido X					
Column	kc	K	a	Dy	$\Sigma Dy$	C.	kc	K	a	Dx	$\Sigma Dx$
2D-14D	40.83	0.37	.156	6.369		B3	9.25	0.21	.095	0.879	
2E-14E	40.83	1.14	.363	14.821		B5	13.33	0.29	.127	1.693	
2F-14F	6.66	4.74	.703	4.682	25.872	B6	13.33	0.29	.127	1.693	
3B-13B	14.87	1.10	.355	5.279		B7	13.33	0.29	.127	1.693	
3C-13C	40.83	.641	.243	5.921	15.200	B8	11.42	0.34	.145	1.656	7.614
4D-12D	60.95	.251	.111	6.765		C3	11.42	0.20	.091	1.039	
4E-12E	60.95	0.75	.275	16.761		C6	13.33	0.69	.257	3.426	
4F-12F	25.71	1.22	.379	9.744	33.270	C7	15.23	3.00	.600	2.138	
5B-11B	40.83	0.40	.167	6.819	6.819	C8	15.23	3.00	.600	9.138	22.741
6B-10B	40.83	0.40	.167	6.819		D2	13.33	1.20	.375	4.999	
6C-10C	40.83	1.24	.383	15.638		D4	15.23	2.11	.513	7.813	12.812
6E-10E	25.71	2.08	.510	13.112		E2	13.33	1.59	.443	5.905	
6F-10F	6.66	4.74	.703	4.682		E4	15.23	2.81	.584	8.894	
7B-9B	40.83	0.40	.167	6.819		E6	11.42	2.33	.538	6.144	20.943
7C-9C	60.95	0.27	.119	7.253	14.072	F2	5.10	0.23	.103	0.525	
8B-	25.71	0.64	.242	6.222		F4	11.42	0.21	.095	1.084	
8C-	60.95	0.27	.119	7.253	13.475	F6	5.10	0.23	.103	0.525	2.134
P.E.D	21.29	2.19	.523	11.130	11.130						
P.E.D	21.29	1.61	.446	9.500	9.500						

NIVEL 3.55 m. (P.B.)

Sentido Y						Sentido X					
Column	kc	K	a	Dy	$\Sigma Dy$	C.	kc	K	a	Dx	$\Sigma Dx$
2D-14D	52.51	0.29	.12	6.30		B3	13.12	5.38	0.73	9.58	
2E-14E	93.46	0.50	.20	18.69		B5	14.77	0.39	0.16	2.36	
2F-14F	22.15	3.06	.60	13.29	38.28	B6	28.84	0.20	0.09	2.59	
3B-13B	52.51	1.33	.39	20.48		B7	13.12	0.44	0.18	2.36	
3C-13C	93.46	0.94	.32	29.90	50.38	B8	13.12	0.44	0.18	2.36	19.25
4D-12D	93.46	0.16	.07	6.54		C3	14.77	5.62	0.74	10.93	
4E-12E	93.46	0.50	.20	18.69		C6	28.84	1.80	0.47	13.55	
4F-12F	22.15	3.06	.60	13.29	38.52	C7	44.30	0.69	0.25	11.07	
5B-11B	93.46	0.22	.09	6.41	8.41	C8	28.84	1.06	0.34	9.80	45.35
6B-10B	93.46	0.17	.07	6.54		D2	13.12	2.13	0.51	6.69	
6C-10C	93.46	0.54	.21	19.62		D4	28.84	1.11	0.35	10.09	
6E-10E	52.51	1.02	.33	17.33		D8	1.00	29.90	0.93	0.93	17.71
6F-10F	22.15	3.06	.60	13.29	56.78	D9	1.00	36.51	0.94	0.94	0.94
7B-9B	60.95	0.35	.14	8.53		E2	28.84	0.74	0.27	7.73	
7C-9C	91.42	0.23	.10	9.14	17.67	E4	28.84	1.48	0.42	12.11	
8B-	52.51	0.31	.13	6.82		E6	13.12	2.57	0.56	7.34	
8C-	93.46	0.54	.21	19.62		E8	1.00	24.96	0.92	0.92	28.15
8D-	1.00	0.08	.97	0.97		F2	9.84	1.14	0.36	3.54	
8D'	1.00	67.80	.97	0.97		F4	9.84	2.28	0.53	5.21	
8E -	1.00	57.93	.95	0.95	29.33	F6	9.84	1.14	0.36	3.54	12.29
P.E.D	26.65	1.75	.467	12.45							
P.E.D	26.65	1.29	.392	10.45							

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

NIVEL 0.30 m. (S.)

Columna	Sentido Y					Sentido X						
	kc	K	a	a'	Dy	$\Sigma$ Dy	C.	kc	K	a	Dx	$\Sigma$ Dx
2D-14D	69.63	0.22	0.32		22.29		B3	14.71	9.47	0.87	12.79	
2E-14E	123.97	0.37	0.36		44.63		B5	13.52	0.58	0.42	5.68	
2F-14F	29.39	3.54	0.73		21.45	88.37	B6	26.41	0.29	0.34	8.98	
							B7	12.02	0.65	0.43	5.17	
3B-13B	58.85	2.10	0.63	36	21.19		B8	18.55	0.42	0.38	7.05	39.67
3C-13C	121.50	1.01	0.50		60.75	81.94	C3	24.00	6.83	0.83	19.92	
4D-12D	123.97	0.12	0.29		35.95		C6	38.26	2.47	0.65	2.25	
4E-12E	123.97	0.37	0.36		44.63		C7	38.77	0.97	0.49	28.79	
4F-12F	29.39	3.54	0.73		21.45	102.03	C8	38.26	1.49	0.57	21.80	95.76
5B-11B	68.45	0.24	0.33	19	13.01	13.01	D2	17.41	2.28	0.62	10.79	
							D4	38.26	0.84	0.47	17.98	
6B-10B	85.56	0.19	0.32	18	15.40		D8	3.67	10.16	0.87	3.19	
6C-10C	123.97	0.29	0.34		42.15		D9	3.67	10.16	0.87	3.19	35.15
6E-10E	69.66	0.77	0.46		32.04		E2	38.26	0.55	0.41	15.68	
6F-10F	29.39	3.54	0.73		21.45	111.04	E4	38.26	1.11	0.51	19.51	
7B-9B	48.07	0.43	0.38	22	10.58		E6	17.41	2.04	0.63	10.97	
7C-9C	104.49	0.19	0.31		32.19	42.97	E8	3.67	7.76	0.85	3.12	49.28
8B-	74.20	0.22	0.32	42	31.16		F2	13.06	1.63	0.58	7.57	
8C-	123.97	0.29	0.34		42.15		F4	13.06	3.26	0.71	9.27	
8D-	6.53	9.98	0.87		5.68		F6	13.06	2.72	0.68	8.88	
8D'-	6.53	10.38	0.87		5.68		F8	3.67	7.76	0.85	3.12	28.84
8E-	6.53	8.22	0.85		5.55							
8F-	6.53	4.84	0.78		5.09	95.31						
P.E.D	30.94	1.02	5.03		15.56	15.56						
P.E.D'	30.94	1.11	5.18		16.03	16.03						

Cálculo del valor D de las placas o paredes sísmicas. - Considerando la pared sísmica como libre voladizo se calcula el valor D de acuerdo a : 
$$D = \frac{V}{f}$$

El método a utilizar es iterativo y consiste en asumir que la placa toma un determinado corte y con este dato se procede a encontrar las deformaciones que este corte produce en la placa para luego encontrar el valor D y distribuir el corte en el nivel. Se debe repetir esta operación hasta que el corte con que se ha iniciado el cálculo sea aproximadamente igual al corte final hallado en la distribución.

Cálculo de las deformaciones. - Las deformaciones que se presentan en las placas consideradas como libres voladizos al recibir la fuerza sísmica son tres principalmente

- Deformación por corte ( $\delta_{sn}$ )
- Deformación por flexión ( $\delta_{En}$ )
- Deformación por rotación de la fundación. ( $\delta_{Rn}$ )

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

- Deformación por corte (  $\delta_{sn}$  ) .- La deformación por corte en el nivel ( n ) está dada por la siguiente deducción :  

$$\text{El trabajo por corte es el siguiente: } \frac{\zeta}{2} = \frac{V_n h_n}{2 G A_{wn}}$$

$$\text{por el teorema de CASTIGLIANO : } \delta_{sn} = \frac{\delta \zeta}{\delta V_n} = \frac{2 V_n h_n}{2 G A_{wn}}$$

Si tenemos en consideración las constantes del coeficiente de forma y del coeficiente de deformación plástica tendremos la siguiente expresión :

$$\delta_{sn} = \frac{R V_n h_n}{G A_{wn}} \beta$$

$\delta_{sn}$  = Defcrmación por corte en el piso n.

R = Coeficiente de forma.

Vn = Fuerza cortante en el piso n.

hn = altura del piso n.

G = Módulo elástico al corte.

Awn = Área de la sección en el piso ( n )

$\beta$  = Coeficiente de deformación plástica,

Usando la unidad común  $\left[ \frac{h_n^2}{12 E K_0} \right]$  para deformaciones se obtiene :

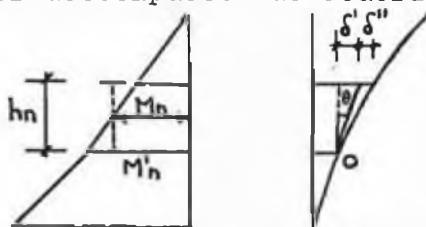
$$\delta_{sn} = \frac{R V_n \cdot 12 E K_0}{A_{wn} G h_n} \text{ en unidad } \left[ \frac{h_n^2}{12 E K_0} \right]$$

Si llamamos  $\Delta_{sn} = \frac{R V_n}{A_{wn} G h_n}$  y teniendo en cuenta que  $\frac{E}{G} = 2.3$  para el concreto, tendremos finalmente :

$$\delta_{sn} = \Delta_{sn} \cdot \frac{27.6 \times K_0}{h_n}$$

Para la placa de la escalera hemos utilizado como factor de forma el valor R= 1.5 y para la placa del ascensor que ha sido considerada como un conjunto R= 1.3 . También debemos recordar que ya hemos adoptado anteriormente como  $K_0 = 10^2$ . El valor del área tanto de la placa del ascensor como de la escalera se encuentran tabulados en el inicio del cálculo de las deformaciones correspondientes.

- Deformación por flexión (  $\delta_{Bn}$  ) .- La deformación por flexión puede ser descompuesta de acuerdo al siguiente esquema:



$$\delta_{Bn} = \delta' + \delta'' \quad (\infty)$$

$\delta'$  = Deflexión debida a la rotación del punto O. Esta rotación es debida al momento desde la base hasta dicho punto.

$\delta''$  = Deflexión debida exclusivamente al diagrama de momentos del piso en cuestión.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Si asumimos diagramas rectangulares en cada piso; utilizando el método "Área de momentos" para el cálculo de deflexiones, pendientes. Para el cálculo de  $\delta'$  tenemos de acuerdo a la figura la siguiente expresión

$\delta' = \theta \cdot hn \cdot (\mu)$  De acuerdo a la primera proposición del método de áreas de momentos que dice "La diferencia de tangentes entre dos secciones de un miembro cargado a flexión es igual al área del diagrama  $M/EI$  entre estas dos secciones"

Luego tenemos :

$$\theta = \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i h_i}{E I_i}$$

Reemplazando esta expresión en  $(\mu)$  tenemos :

$$\delta' = \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i h_i}{E I_i} \right) hn \quad \dots \dots \quad (\delta')$$

Si consideramos la segunda proposición del método de área de momentos para el cálculo de deflexiones, el que dice: "La deviación tangencial del punto B en un miembro cargado trabajando a flexión, de una tangente a la curva de deflexión en el punto A es igual al momento del área del diagrama  $M/EI$  entre A y B con respecto a B". tenemos el siguiente valor de  $\delta''$ .

$$\delta'' = \frac{M_n h_n}{E I_n} \times \frac{h_n}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{M_n h_n^2}{E I_n}$$

Reemplazando  $(\delta')$  y esta última expresión en  $(\infty)$  tenemos:

$$\delta_{Bn} = \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i h_i}{E I_i} \right) hn + \frac{1}{2} \cdot \frac{M_n h_n^2}{E I_n}$$

Siguiendo el mismo sistema de unidades de deformación  $\left[ \frac{hn^2}{12 E Ko} \right]$  y conociendo que  $kwn = \frac{In}{hn} \cdot \frac{1}{Ko}$  tendremos:

$$\delta_{Bn} = \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i h_i}{E I_i} \frac{12 E Ko}{hn^2} \right) hn + \frac{1}{2} \cdot \frac{M_n h_n^2}{E In} \cdot \frac{12 E Ko}{hn^2}$$

$$\delta_{Bn} = 12 \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i}{kwi} \right) \frac{1}{hn} + 12 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{M_n}{kwn} \cdot \frac{1}{hn}$$

$$\delta_{Bn} = 4 \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i}{kwi} \right) + 1/2 \cdot \frac{M_n}{kwn} - \frac{3}{hn} ; \quad \boxed{\delta_{Bn} = 4 \Delta_{Bn} - \frac{3}{hn}}$$

$$\text{Donde : } \Delta_{Bn} = \left( \sum_{i=1}^{n-1} \frac{M_i}{kwi} \right) + \frac{1}{2} \cdot \frac{M_n}{kwn}$$

Para mayor facilidad de cálculo de  $\delta_{Bn}$  existe un sistema de cálculo tabulado que se muestra en la siguiente página.

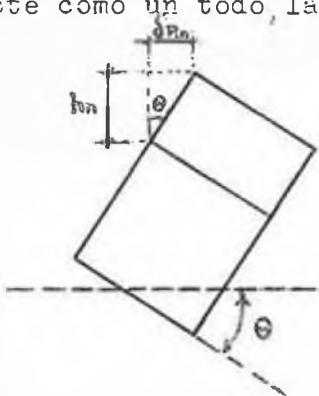
- El cálculo de las rigideces relativas se encuentra al comienzo de las deformaciones de las placas respectivas.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

178

		$\delta_{Bn}$							
n	Vn.hn	Mn	2 Mn	k <sub>vn</sub>	2kn/kvn	4 En	3hw	$\delta_{Bn}$	
									6x7
4	$A_1 \rightarrow A_2 (= A_1)$		$A_3 (= A_2)$			$A_4 \rightarrow A_5 (= B_4 + B_5 + A_4)$			
3	$B_1 \rightarrow B_2 (= A_2 + B_1)$		$B_3 (= A_2 + B_2)$			$B_4 \rightarrow B_5 (= C_4 + C_5 + B_4)$			
2	$C_1 \rightarrow C_2 (= B_2 + C_1)$		$C_3 (= B_2 + C_2)$			$C_4 \rightarrow C_5 (= B_4 + B_5 + C_4)$			
1	$D_1 \rightarrow D_2 (= C_2 + D_1)$		$D_3 (= C_2 + D_2)$			$D_4 \rightarrow D_5 (= D_4)$			

- Deformación por rotación de la fundación .- Suponiendo que la pared recte como un todo, la deflexión de un giro cualquiera está dada por:



$$\delta_{Rn} = \theta hn$$

Usando como unidad común de deformación  $\frac{hn}{12 E Ko}$

$$\text{de donde : } \delta_R = \theta hn \cdot \frac{12 E Ko}{h^2}$$

$$\delta_{Rn} = \frac{12 E Ko}{hn} \theta$$

Como nosotros tenemos un suelo de resistencia bastante buena a la compresión ( $\sigma_t = 4 \text{ kg/cm}^2$ ), consideraremos que se puede despreciar el giro que se produce, por lo tanto la deflexión por rotación se puede considerar nula.

- Deflexión total .- La deflexión total en el nivel n estará dada por la siguiente expresión :  $\delta_{wn} = \delta_{sn} + \delta_{Bn} + \delta_{Rn}$

Como las expresiones de las deflexiones anteriores están expresadas en unidades  $[hn / 12 E Ko]$ , la deflexión total también estará expresada en dicha unidad.

Una vez obtenida la deflexión total y de acuerdo a la expresión :  $D_{wn} = \frac{\delta_{wn}}{V_n}$  tendremos el valor D en los diferentes niveles de la placa los cuales al igual que el D en columnas están expresadas en unidad  $[12 E Ko / hn^2]$ .

A continuación presentamos los cálculos de los valores D de las placas de la escalera y el ascensor en la dirección de los ejes secundarios ( X ) y en la dirección de los ejes principales ( Y ).

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

179

CALCULO DEL VALOR Dx DE L.S PLACAS (Proceso iterativo)

1<sup>ra</sup> INTERACION

PLACA ESCALERA .-

Cálculo de la Rigididad Relativa ( k ) .-

	I	K		A
TIPICO	$\frac{30 \times 265^3}{12} = 4652 \times 10^4$	$\frac{4652 \times 10^4}{280} = 1661 \times 10^2$	1661	7950
PLANTA BAJA	$\frac{30 \times 385^3}{12} = 14267 \times 10^4$	$\frac{14267 \times 10^4}{325} = 4390 \times 10^2$	4390	11550
SOTANO	$\frac{30 \times 385^3}{12} = 14267 \times 10^4$	$\frac{14267 \times 10^4}{280} = 5095 \times 10^2$	5095	11550

Cálculo de la Deformación por Corte ( δsn )

NIVEL	Vn	$\Delta sn = \frac{c \cdot Vn}{Awn}$	$\delta sn = \frac{27.6 \times \Delta sn \times k_0}{hn}$	β
7°	2	$\frac{1.5 \times 2}{7950} = 3.8 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 3.8 \times 10^{-4} \times 10^2}{280} = 3.7 \times 10^{-3}$	1
6°	5	$1.886 \times 10^{-4} \times 5 = 9.4 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 9.4 = 9.3 \times 10^{-3}$	1
5°	10	$1.886 \times 10^{-4} \times 10 = 18.9 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 18.9 = 18.6 \times 10^{-3}$	1
4°	15	$1.886 \times 10^{-4} \times 15 = 28.3 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 28.3 = 27.9 \times 10^{-3}$	1
3°	20	$1.886 \times 10^{-4} \times 20 = 37.7 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 37.7 = 37.2 \times 10^{-3}$	1
2°	25	$1.886 \times 10^{-4} \times 25 = 42.1 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 42.1 = 41.5 \times 10^{-3}$	1
1°	40	$1.886 \times 10^{-4} \times 40 = 75.5 \times 10^{-4}$	$0.985 \times 10^{-3} \times 75.5 = 74.4 \times 10^{-3}$	1
P.B.	50	$\frac{1.5 \times 50}{11550} = 64.9 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 64.9 \times 10^{-4} \times 10^2}{325} = 55.1 \times 10^{-3}$	1
SOTANO	50	$\frac{1.5 \times 50}{11550} = 64.9 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 64.9 \times 10^{-4} \times 10^2}{280} = 64.0 \times 10^{-3}$	1

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

180

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $\delta_{\beta n}$  )

N	Vn.h	M'n	2Mn	kwn	2hn/kwn	$4 \Delta_{\beta n}$	$\frac{3}{hn}$	$\delta_{\beta n} = 4 \Delta_{\beta n} \frac{3}{hn}$
7°	$2 \times 2.80 = 6 \times 10^2$	$6 \times 10^2$	$6 \times 10^2$	1661	$\frac{6 \times 10^2}{1661} = 0.36$	247.10	$\frac{3}{280}$	$2647.5 \times 10^{-3}$
6°	$= 14 \times 10^2$	$20 \times 10^2$	$26 \times 10^2$	1661	$= 1.57$	245.17	"	$2626.8 \times 10^{-3}$
5°	$= 28 \times 10^2$	$48 \times 10^2$	$68 \times 10^2$	1661	$= 4.10$	239.50	"	$2566.1 \times 10^{-3}$
4°	$= 42 \times 10^2$	$90 \times 10^2$	$138 \times 10^2$	1661	$= 8.30$	227.10	"	$2433.2 \times 10^{-3}$
3°	$= 56 \times 10^2$	$146 \times 10^2$	$236 \times 10^2$	1661	$= 14.20$	204.60	"	$2192.1 \times 10^{-3}$
2°	$= 70 \times 10^2$	$216 \times 10^2$	$362 \times 10^2$	1661	$= 21.75$	168.85	"	$1806.9 \times 10^{-3}$
1°	$= 112 \times 10^2$	$328 \times 10^2$	$544 \times 10^2$	1661	$= 32.75$	114.15	"	$1223.0 \times 10^{-3}$
P.B.	$= 163 \times 10^2$	$491 \times 10^2$	$819 \times 10^2$	4390	$= 18.60$	62.80	$\frac{3}{325}$	$579.7 \times 10^{-3}$
SCT.	$= 140 \times 10^2$	$631 \times 10^2$	$1122 \times 10^2$	5095	$= 22.10$	22.10	$\frac{3}{230}$	$236.8 \times 10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $\delta_{rn}$  ) - Como la cimenta -

Como la cimentación de la estructura está hecha en un buen terreno, consideraremos que la Deformación por Rotación es nula .

$$\delta_{rn} = 0.0$$

Cálculo de los valores D .-

N	Vn	$\delta_{sn}$	$\delta_{\beta n}$	$dtn = \delta_{sn} + \delta_{\beta n}$	D = $Vn / dtn$
7°	2	$3.7 \times 10^{-3}$	$2647.5 \times 10^{-3}$	$2651.2 \times 10^{-3}$	$\frac{2}{2651.2 \times 10^{-3}} = 0.75$
6°	5	$9.3 \times 10^{-3}$	$2626.8 \times 10^{-3}$	$2636.1 \times 10^{-3}$	$\frac{5}{2636.1 \times 10^{-3}} = 1.90$
5°	10	$18.6 \times 10^{-3}$	$2566.1 \times 10^{-3}$	$2584.7 \times 10^{-3}$	$\frac{10}{2584.7 \times 10^{-3}} = 3.86$
4°	15	$27.9 \times 10^{-3}$	$2433.2 \times 10^{-3}$	$2461.1 \times 10^{-3}$	$\frac{15}{2461.1 \times 10^{-3}} = 6.10$
3°	20	$37.2 \times 10^{-3}$	$2192.1 \times 10^{-3}$	$2229.3 \times 10^{-3}$	$\frac{20}{2229.3 \times 10^{-3}} = 8.99$
2°	25	$41.5 \times 10^{-3}$	$1806.9 \times 10^{-3}$	$1848.4 \times 10^{-3}$	$\frac{25}{1848.4 \times 10^{-3}} = 13.52$
1°	40	$74.4 \times 10^{-3}$	$1223.0 \times 10^{-3}$	$1297.4 \times 10^{-3}$	$\frac{40}{1297.4 \times 10^{-3}} = 30.80$
P.B.	50	$55.1 \times 10^{-3}$	$597.7 \times 10^{-3}$	$652.8 \times 10^{-3}$	$\frac{50}{652.8 \times 10^{-3}} = 76.50$
SCT.	50	$64.0 \times 10^{-3}$	$236.8 \times 10^{-3}$	$300.8 \times 10^{-3}$	$\frac{50}{300.8 \times 10^{-3}} = 166.00$

PLACA ASCENSOR

Cálculo de la Rigididad Relativa (k) .-

N	I (ver hoja N )	K = I/ h	k	A
TIPICO	$4579.34 \times 10^4$	$\frac{4579.34 \times 10^4}{280} = 1635 \times 10^2$	1635	16950
PLANTA BAJA	$4579.34 \times 10^4$	$\frac{4579.34 \times 10^4}{325} = 1409 \times 10^2$	1409	16950
SOTANO	$4579.34 \times 10^4$	$\frac{4579.34 \times 10^4}{280} = 1635 \times 10^2$	1635	16950

Cálculo de la Deformación por Corte .- (dsn)

NIVEL	Vn	$\Delta_{sn} = \frac{c \cdot Vn}{A_{wn}}$	$dsn = \frac{c_7.6 \times \Delta_{sn} \times k_o}{hn}$	$\beta$
7°	1	$\frac{1.3 \times 1}{16950} = 0.8 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 0.8 \times 10^{-4} \times 10^2}{280} = 0.8 \times 10^{-3}$	1
6°	3	$= 2.3 \times 10^{-4}$	$= 2.3 \times 10^{-3}$	1
5°	5	$= 3.8 \times 10^{-4}$	$= 5.7 \times 10^{-3}$	1
4°	8	$= 6.1 \times 10^{-4}$	$= 6.0 \times 10^{-3}$	1
3°	10	$= 7.7 \times 10^{-4}$	$= 7.6 \times 10^{-3}$	1
2°	13	$= 10.0 \times 10^{-4}$	$= 9.9 \times 10^{-3}$	1
1°	20	$= 15.3 \times 10^{-4}$	$= 15.1 \times 10^{-3}$	1
P.B.	25	$= 19.2 \times 10^{-4}$	$= 16.3 \times 10^{-3}$	1
SOT.	25	$= 19.2 \times 10^{-4}$	$= 18.9 \times 10^{-3}$	1

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $\delta_{fn}$  )

N	Vn . h	M'n	2Mn	kwn	2Mn/kwn	$4\Delta_{Bn}$	$\frac{3}{h_m}$	$d_{\beta m} = 4\Delta_{Bm} \frac{3}{h_m}$
7°	$1x280=3x10^2$	$3x10^2$	$3x10^2$	1635	$\frac{3x10^2}{1635}=0.18$	214.90	$\frac{3}{280}$	$2302.5x10^{-3}$
6°	$= 8x10^2$	$11x10^2$	$14x10^2$	1635	= 0.86	213.86	$\frac{3}{280}$	$2291.3x10^{-3}$
5°	$= 14x10^2$	$25x10^2$	$36x10^2$	1635	= 2.20	210.80	"	$2258.6x10^{-3}$
4°	$= 22x10^2$	$47x10^2$	$72x10^2$	1635	= 4.40	204.20	"	$2187.8x10^{-3}$
3°	$= 28x10^2$	$75x10^2$	$122x10^2$	1635	= 7.46	192.34	"	$1953.6x10^{-3}$
2°	$= 36x10^2$	$111x10^2$	$186x10^2$	1635	= 11.38	173.50	"	$1858.9x10^{-3}$
1°	$= 56x10^2$	$167x10^2$	$278x10^2$	1635	= 17.00	145.12	"	$1554.8x10^{-3}$
P.B.	$= 81x10^2$	$248x10^2$	$415x10^2$	1409	= 29.45	98.67	$\frac{3}{25}$	$910.8x10^{-3}$
SOT.	$= 70x10^2$	$318x10^2$	$566x10^2$	1635	= 34.61	34.61	$\frac{3}{280}$	$378.2x10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $\delta_{rn}$  )

Como la cimentación del edificio está hecha en buen terreno  
consideramos esta deformación como nula .

$$\delta_{rn} = 0.0$$

Cálculo de los valores D .-

N	Vn	dsn	$\delta_{Bn}$	$\delta_{rn}=\delta_{sn}+\delta_{Bn}$	D=Vn/ $\delta_{rn}$
7°	1	$0.8x10^{-3}$	$2302.5x10^{-3}$	$2303.3x10^{-3}$	$1/2303.3x10^{-3}= 0.43$
6°	3	$2.3x10^{-3}$	$2291.3x10^{-3}$	$2293.6x10^{-3}$	$3/2293.6x10^{-3}= 1.31$
5°	5	$3.7x10^{-3}$	$2258.6x10^{-3}$	$2262.3x10^{-3}$	= 2.21
4°	8	$6.0x10^{-3}$	$2187.8x10^{-3}$	$2193.8x10^{-3}$	= 3.64
3°	10	$7.6x10^{-3}$	$1953.6x10^{-3}$	$1961.2x10^{-3}$	= 5.10
2°	13	$9.9x10^{-3}$	$1858.9x10^{-3}$	$1868.8x10^{-3}$	= 5.96
1°	20	$15.1x10^{-3}$	$1554.8x10^{-3}$	$1569.9x10^{-3}$	= 12.75
P.B.	25	$16.3x10^{-3}$	$910.8x10^{-3}$	$927.1x10^{-3}$	= 27.00
SOT.	25	$18.9x10^{-3}$	$378.2x10^{-3}$	$397.1x10^{-3}$	= 63.00

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

n	Vn	D.C.	D.E.x4	D.A.x2	D	V.C.	V.E.	V.A. (2)
7°	67.2	39.79	0.75x4= 3.00	0.43x2= 0.86	43.55	61.23	4.62=4x 1.2	1.32=2x 0.7
6°	134.9	42.74	1.90x4= 7.60	1.31x2= 2.62	52.96	108.86	19.36=4x 4.8	5.57=2x 3.3
5°	195.2	82.81	3.36x4= 15.44	2.21x2= 4.42	102.67	157.44	29.35=4x 7.3	8.40=2x 4.2
4°	247.8	86.73	6.10x4= 24.40	3.54x2= 7.28	118.41	181.50	51.06=4x12.8	15.23=2x 7.6
3°	292.0	85.70	8.99x4= 35.96	5.10x2= 10.20	135.85	192.76	77.28=4x19.3	21.52=2x10.9
2°	328.0	120.41	13.52x4= 54.08	6.95x2= 13.92	168.41	209.61	94.94=4x13.5	24.27=2x12.1
1°	355.6	121.69	30.30x4=123.20	12.75x2= 25.50	270.39	150.03	162.02=4x40.5	33.54=2x16.8
P.B.	377.0	232.43	76.50x4=306.00	27.00x2= 54.00	592.43	147.89	154.70=4x48.7	34.36=2x17.2
SuT.	390.7	455.93	165.60x4=664.00	63.00x2=126.00	1245.93	142.97	208.22=4x52.1	39.51=2x19.8

Vn = Corte en el nivel respectivo.

D.C. = Valor D de las columnas.	V.C. = Corte en las Columnas.
D.E. = Valor D de Placa Escalera.	V.E. = Corte Placa Escalera.
D.A. = Valor D de Placa Ascensor.	V.A. = Corte Placa Ascensor.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

184

2da ITERACION

PLACA ESCALERAS .-

Cálculo de la Deformación por Corte (  $\delta_{sn}$  )

n	Vn	$\Delta_{sn} = \frac{c \cdot Vn}{Awn}$	$\delta_{sn} = \frac{27.6x \Delta_{sn} x k}{hn}$	$\beta$
7°	1.2	$(1.5x1.15)/7950=2.17x10^{-4}$	$(27.6x2.17x10^4x10^2)/280=2.10x10^{-3}$	1
6°	4.8	$= 9.1x10^{-4}$	$= 8.9x10^{-3}$	1
5°	7.3	$= 13.8x10^{-4}$	$= 13.6x10^{-3}$	1
4°	12.8	$= 24.1x10^{-4}$	$= 23.7x10^{-3}$	1
3°	19.3	$= 36.5x10^{-4}$	$= 35.9x10^{-3}$	1
2°	23.5	$= 44.4x10^{-4}$	$= 43.7x10^{-3}$	1
1°	40.5	$= 76.4x10^{-4}$	$= 75.3x10^{-3}$	1
P.B	48.7	$= 63.2x10^{-4}$	$= 53.7x10^{-3}$	1
SOT	52.1	$= 67.6x10^{-4}$	$= 66.6x10^{-3}$	1

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $\delta_{\beta n}$  )

n	$Vnxh$	$M'n$	$2Mn$	kwn	$2Mn/kwn$	$4\Delta_{\beta n}$	$3/hn$	$\delta_{\beta n} = 4\Delta_{\beta n} \cdot \frac{\%}{hn}$
7°	$3.2x10^2$	$3.2x10^2$	$3.2x10^2$	1661	0.19	216.21	$3/280$	$2316.4x10^{-3}$
6°	$13.5x10^2$	$16.7x10^2$	$19.9x10^2$	1661	1.19	214.83	$3/280$	$2301.7x10^{-3}$
5°	$20.5x10^2$	$37.2x10^2$	$53.9x10^2$	1661	3.24	210.40	$3/280$	$2254.2x10^{-3}$
4°	$35.7x10^2$	$72.9x10^2$	$110.1x10^2$	1661	6.63	200.53	$3/280$	$2148.4x10^{-3}$
3°	$54.1x10^2$	$127.0x10^2$	$199.9x10^2$	1661	12.03	181.87	$3/280$	$1948.5x10^{-3}$
2°	$65.8x10^2$	$192.8x10^2$	$319.8x10^2$	1661	19.25	150.59	$3/280$	$1613.4x10^{-3}$
1°	$113.4x10^2$	$306.2x10^2$	$499.0x10^2$	1661	27.03	104.31	$3/280$	$1117.5x10^{-3}$
P.B	$158.2x10^2$	$464.4x10^2$	$770.6x10^2$	4390	17.55	59.73	$3/325$	$551.3x10^{-3}$
SOT	$145.7x10^2$	$610.1x10^2$	$1074.5x10^2$	5095	21.09	21.09	$3/280$	$225.9x10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $\delta_{rn}$  ) .-

Comsideraremos que la Deformación por Rotación es nula , por el concepto explicado al realizar la 1ra ITERACION. ( $\delta_{rn} = 0.0$ )

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

152

Cálculo de los valores D . -

n	Vn	$\dot{d}_{sn}$	$\dot{d}_{\beta n}$	$\dot{d}_{tn} = \dot{d}_{sn} + \dot{d}_{\beta n}$	$D = Vn / \dot{d}_{tn}$
7°	1.2	$2.1 \times 10^{-3}$	$2316.4 \times 10^{-3}$	$2318.5 \times 10^{-3}$	$1.2 / (2318.5 \times 10^{-3}) = 0.52$
6°	4.8	$8.9 \times 10^{-3}$	$2301.7 \times 10^{-3}$	$2310.6 \times 10^{-3}$	= 2.08
5°	7.3	$13.6 \times 10^{-3}$	$2254.2 \times 10^{-3}$	$2267.8 \times 10^{-3}$	= 3.22
4°	12.3	$23.7 \times 10^{-3}$	$2140.4 \times 10^{-3}$	$2172.1 \times 10^{-3}$	= 5.89
3°	19.3	$35.9 \times 10^{-3}$	$1948.5 \times 10^{-3}$	$1984.4 \times 10^{-3}$	= 9.72
2°	23.5	$43.7 \times 10^{-3}$	$1613.4 \times 10^{-3}$	$1657.1 \times 10^{-3}$	= 14.18
1°	40.5	$75.3 \times 10^{-3}$	$1117.5 \times 10^{-3}$	$1192.8 \times 10^{-3}$	= 33.95
P.B	48.7	$53.7 \times 10^{-3}$	$551.3 \times 10^{-3}$	$605.0 \times 10^{-3}$	= 80.49
SOT	52.1	$66.6 \times 10^{-3}$	$225.9 \times 10^{-3}$	$292.5 \times 10^{-3}$	= 178.12

PLACA ASCENSOR .-

Cálculo de la Deformación por Corte (  $\dot{d}_{sn}$  )

n	Vn	$\Delta_{sn} = \frac{c}{A_{wn}} \cdot Vn$	$\dot{d}_{sn} = \frac{27.6 \times \Delta_{sn} \times k_o}{hn}$	$\beta$
7°	0.7	$\frac{1.3 \times 0.7}{16950} = 0.5 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 0.5 \times 10^{-4} \times 10^2}{220} = 0.5 \times 10^{-3}$	1
6°	3.3	$= 2.5 \times 10^{-4}$	$= 2.5 \times 10^{-3}$	1
5°	4.2	$= 3.2 \times 10^{-4}$	$= 3.1 \times 10^{-3}$	1
4°	7.6	$= 5.8 \times 10^{-4}$	$= 5.7 \times 10^{-3}$	1
3°	10.9	$= 8.3 \times 10^{-4}$	$= 8.2 \times 10^{-3}$	1
2°	12.1	$= 9.3 \times 10^{-4}$	$= 9.2 \times 10^{-3}$	1
1°	16.8	$= 12.9 \times 10^{-4}$	$= 12.7 \times 10^{-3}$	1
P.E.	17.2	$= 13.2 \times 10^{-4}$	$= 11.2 \times 10^{-3}$	1
SCT	19.8	$= 15.2 \times 10^{-4}$	$= 15.0 \times 10^{-3}$	1

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $d_{\beta n}$  )

n	Vnxh	M'n	2Mn	kwn	$\frac{2Mn}{kwn}$	$4d_{\beta n}$	3/hn	$d_{\beta n} = 4d_{\beta n} \cdot \frac{3}{hn}$
7°	$1.9 \times 10^2$	$1.9 \times 10^2$	$1.9 \times 10^2$	1635	0.1	190.5	3/280	$2041.0 \times 10^{-3}$
6°	$9.2 \times 10^2$	$11.1 \times 10^2$	$13.0 \times 10^2$	1635	0.8	189.6	3/280	$2031.4 \times 10^{-3}$
5°	$11.7 \times 10^2$	$22.8 \times 10^2$	$33.9 \times 10^2$	1635	2.0	186.8	3/280	$2001.4 \times 10^{-3}$
4°	$21.3 \times 10^2$	$44.1 \times 10^2$	$66.9 \times 10^2$	1635	4.1	180.7	3/280	$1936.0 \times 10^{-3}$
3°	$30.5 \times 10^2$	$74.6 \times 10^2$	$118.7 \times 10^2$	1635	7.2	169.4	3/280	$1814.9 \times 10^{-3}$
2°	$33.9 \times 10^2$	$108.5 \times 10^2$	$183.1 \times 10^2$	1635	11.2	151.0	3/280	$1617.8 \times 10^{-3}$
1°	$47.0 \times 10^2$	$155.5 \times 10^2$	$264.0 \times 10^2$	1635	16.1	123.7	3/280	$1325.3 \times 10^{-3}$
P.B.	$48.2 \times 10^2$	$203.7 \times 10^2$	$359.2 \times 10^2$	1409	25.5	82.1	3/325	$757.8 \times 10^{-3}$
SOT.	$55.4 \times 10^2$	$259.1 \times 10^2$	$462.8 \times 10^2$	1635	28.3	28.3	3/280	$303.1 \times 10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $d_{rn}$  ) .-

$$d_{rn} = 0.0 \quad (\text{Por lo ya expuesto})$$

Cálculo de los Valores D .-

n	Vn	$d_{sn}$	$d_{\beta n}$	$d_{tn} = d_{sn} + d_{\beta n}$	$D = Vn / d_{tn}$
7°	0.7	$0.5 \times 10^{-3}$	$2041.0 \times 10^{-3}$	$2041.0 \times 10^{-3}$	$0.7 / 2041.0 \times 10^{-3} = 0.34$
6°	3.3	$2.5 \times 10^{-3}$	$2031.4 \times 10^{-3}$	$2033.9 \times 10^{-3}$	= 1.62
5°	4.2	$3.1 \times 10^{-3}$	$2001.4 \times 10^{-3}$	$2004.5 \times 10^{-3}$	= 2.09
4°	7.6	$5.7 \times 10^{-3}$	$1936.0 \times 10^{-3}$	$1941.7 \times 10^{-3}$	= 3.91
3°	10.9	$8.2 \times 10^{-3}$	$1814.9 \times 10^{-3}$	$1823.1 \times 10^{-3}$	= 5.98
2°	12.1	$9.2 \times 10^{-3}$	$1617.8 \times 10^{-3}$	$1627.0 \times 10^{-3}$	= 7.44
1°	16.8	$12.7 \times 10^{-3}$	$1325.3 \times 10^{-3}$	$1338.0 \times 10^{-3}$	= 12.55
P.B.	17.2	$11.2 \times 10^{-3}$	$757.8 \times 10^{-3}$	$769.0 \times 10^{-3}$	= 22.37
SOT.	19.8	$15.0 \times 10^{-3}$	$303.1 \times 10^{-3}$	$318.1 \times 10^{-3}$	= 52.26

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

187

n	Vn	D.C.	$\Sigma \bar{E} \cdot X^4$	$D \cdot A \cdot x^2$	D	V.C.	$V \cdot \Sigma \cdot (4)$	$V \cdot A \cdot (2)$
7°	67.2	39.79	0.52x4 = 2.08	0.34x2 = 0.68	42.55	62.84	3.28=4x 0.8	1.07=2x 0.5
6°	124.9	42.74	2.08x4 = 8.32	1.62x2 = 3.24	54.30	106.18	20.67=4x 5.1	8.05=2x 4.0
5°	195.2	82.81	3.22x4 = 12.88	2.09x2 = 4.18	99.87	161.85	25.17=4x 5.3	8.17=2x 4.1
4°	247.8	86.73	5.89x4 = 23.56	3.91x2 = 7.82	118.11	181.96	49.42=4x12.3	16.40=2x 8.2
3°	292.0	89.70	9.72x4 = 38.88	5.98x2 = 11.96	140.54	186.37	80.78=4x20.2	24.85=2x12.4
2°	328.0	120.41	14.18x4 = 56.72	7.44x2 = 14.88	192.01	205.68	96.89=4x24.2	25.42=2x12.7
1°	355.6	121.69	33.95x4 = 135.80	12.55x2 = 25.10	282.59	153.12	17.0.88=4x42.7	31.58=2x15.8
P.b.	371.0	232.43	80.49x4 = 321.96	22.37x2 = 44.74	599.13	146.26	202.60=4x50.6	28.15=2x14.1
SOT.	390.7	455.93	178.12x4 = 712.48	62.26x2 = 124.52	1292.93	137.77	215.30=4x53.8	37.62=2x18.8

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

188

3<sup>ra</sup> ITERACION

PLACA ESCALERA .-

Cálculo de la Deformación por Corte (  $\delta_{sn}$  )

n	Vn	$\Delta_{sn} = \frac{c \cdot Vn}{A_{wn}}$	$\delta_{sn} = \frac{27.6 \times \Delta_{sn} \times K_0}{hn}$	B
7	0.8	$(1.5 \times 0.8) / 7950 = 1.5 \times 10^{-4}$	$(27.6 \times 1.5 \times 10^{-4} \times 10^2) / 280 = 1.4 \times 10^{-3}$	1
6	5.1	$= 9.6 \times 10^{-4}$	$= 9.4 \times 10^{-3}$	1
5	6.3	$= 11.8 \times 10^{-4}$	$= 11.6 \times 10^{-3}$	1
4	12.3	$= 23.2 \times 10^{-4}$	$= 22.8 \times 10^{-3}$	1
3	20.2	$= 38.1 \times 10^{-4}$	$= 37.5 \times 10^{-3}$	1
2	24.2	$= 45.6 \times 10^{-4}$	$= 44.9 \times 10^{-3}$	1
1	42.7	$= 80.5 \times 10^{-4}$	$= 79.3 \times 10^{-3}$	1
P.B.	50.6	$= 65.7 \times 10^{-4}$	$= 55.8 \times 10^{-3}$	1
SOT.	53.8	$= 69.8 \times 10^{-4}$	$= 68.8 \times 10^{-3}$	1

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $\delta_{\beta n}$  ) .-

n	Vn.h	M'n	2Mn	kwn	$\frac{2Mn}{kwn}$	$4\Delta_{\beta n}$	3/hn	$\delta_{\beta n} = 4\Delta_{\beta n} \cdot \frac{3}{hn}$
7	$2.2 \times 10^2$	$2.2 \times 10^2$	$2.2 \times 10^2$	1661	0.13	222.37	3/280	$2382.4 \times 10^{-3}$
6	$14.3 \times 10^2$	$16.5 \times 10^2$	$18.7 \times 10^2$	1661	1.12	221.12	3/280	$2369.0 \times 10^{-3}$
5	$17.6 \times 10^2$	$34.1 \times 10^2$	$50.6 \times 10^2$	1661	3.04	216.96	3/280	$2324.5 \times 10^{-3}$
4	$34.4 \times 10^2$	$38.5 \times 10^2$	$102.6 \times 10^2$	1661	6.17	207.75	3/280	$2225.8 \times 10^{-3}$
3	$56.5 \times 10^2$	$125.0 \times 10^2$	$193.5 \times 10^2$	1661	11.65	189.93	3/280	$2034.9 \times 10^{-3}$
2	$67.7 \times 10^2$	$192.7 \times 10^2$	$317.7 \times 10^2$	1661	19.13	159.15	3/280	$1705.1 \times 10^{-3}$
1	$119.5 \times 10^2$	$312.2 \times 10^2$	$504.9 \times 10^2$	1661	30.39	109.63	3/280	$1174.5 \times 10^{-3}$
P.B.	$164.4 \times 10^2$	$476.6 \times 10^2$	$788.8 \times 10^2$	4390	17.96	61.28	3/325	$565.6 \times 10^{-3}$
SOT.	$150.6 \times 10^2$	$527.2 \times 10^2$	$1103.8 \times 10^2$	5095	21.66	21.66	3/280	$232.0 \times 10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $\delta_{rn}$  ) . -

$$\delta_{rn} = 0.0$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

189

Cálculo de los valores D .-

n	Vn	$\delta_{sn}$	$\delta_{\beta n}$	$\delta_{tn} = \delta_{sn} + \delta_{\beta n}$	D = Vn / $\delta_{tn}$
7	0.8	$1.4 \times 10^{-3}$	$2382.4 \times 10^{-3}$	$2383.8 \times 10^{-3}$	$0.8 / (2383 \times 10^{-3}) = 0.33$
6	5.1	$9.4 \times 10^{-3}$	$2369.0 \times 10^{-3}$	$2378.4 \times 10^{-3}$	= 2.14
5	6.3	$11.6 \times 10^{-3}$	$2324.5 \times 10^{-3}$	$2336.1 \times 10^{-3}$	= 2.69
4	12.3	$22.8 \times 10^{-3}$	$2225.8 \times 10^{-3}$	$2248.6 \times 10^{-3}$	= 5.47
3	20.2	$37.5 \times 10^{-3}$	$2034.9 \times 10^{-3}$	$2072.4 \times 10^{-3}$	= 9.74
2	24.2	$44.9 \times 10^{-3}$	$1705.1 \times 10^{-3}$	$1750.0 \times 10^{-3}$	= 13.83
1	42.7	$79.3 \times 10^{-3}$	$1174.5 \times 10^{-3}$	$1253.8 \times 10^{-3}$	= 34.05
P.B.	50.6	$55.8 \times 10^{-3}$	$565.6 \times 10^{-3}$	$621.4 \times 10^{-3}$	= 81.42
SOT.	53.8	$68.8 \times 10^{-3}$	$232.0 \times 10^{-3}$	$300.8 \times 10^{-3}$	= 178.85

PLACA ASCENSOR .-

Cálculo de la Deformación por Corte . (  $\delta_{sn}$  )

n	Vn	$\Delta_{sn} = \frac{c \cdot Vn}{A_{wn}}$	$\delta_{sn} = \frac{27.6 \times \Delta_{sn} \times K_0}{h_n}$	$\beta$
7	0.5	$\frac{1.3 \times 0.5}{16950} = 0.4 \times 10^{-4}$	$\frac{27.6 \times 0.4 \times 10^{-4} \times 10^2}{280} = 0.4 \times 10^{-3}$	1
6	4.0	$= 3.0 \times 10^{-4}$	$= 2.9 \times 10^{-3}$	1
5	4.1	$= 3.1 \times 10^{-4}$	$= 3.0 \times 10^{-3}$	1
4	8.2	$= 6.3 \times 10^{-4}$	$= 6.2 \times 10^{-3}$	1
3	12.4	$= 9.5 \times 10^{-4}$	$= 9.3 \times 10^{-3}$	1
2	12.7	$= 9.7 \times 10^{-4}$	$= 9.5 \times 10^{-3}$	1
1	15.8	$= 12.1 \times 10^{-4}$	$= 11.9 \times 10^{-3}$	1
P.B.	14.1	$= 10.8 \times 10^{-4}$	$= 9.2 \times 10^{-3}$	1
SOT.	18.8	$= 14.4 \times 10^{-4}$	$= 14.2 \times 10^{-3}$	1

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Cálculo de la Deformación por Flexión (  $\delta_{\beta n}$  ) .-

n	Vn.h	M'n	2Mn	kwn	$\frac{2iJn}{kwn}$	$4\Delta_{\beta n}$	$3/ hn$	$d_{\beta n} = 4\Delta_{\beta n} \cdot \frac{3}{hn}$
7	$1.4 \times 10^2$	$1.4 \times 10^2$	$1.4 \times 10^2$	1635	0.08	198.54	3/280	$2127.1 \times 10^{-3}$
6	$11.2 \times 10^2$	$12.6 \times 10^2$	$14.0 \times 10^2$	1635	0.85	197.61	3/280	$2117.2 \times 10^{-3}$
5	$11.5 \times 10^2$	$24.1 \times 10^2$	$36.7 \times 10^2$	1635	2.24	194.52	3/280	$2084.1 \times 10^{-3}$
4	$22.9 \times 10^2$	$47.0 \times 10^2$	$71.1 \times 10^2$	1635	4.35	187.93	3/280	$2013.5 \times 10^{-3}$
3	$34.7 \times 10^2$	$81.7 \times 10^2$	$128.7 \times 10^2$	1635	7.87	175.71	3/280	$1882.5 \times 10^{-3}$
2	$35.5 \times 10^2$	$117.2 \times 10^2$	$198.9 \times 10^2$	1635	12.16	155.68	3/280	$1667.9 \times 10^{-3}$
1	$44.2 \times 10^2$	$161.4 \times 10^2$	$278.6 \times 10^2$	1635	17.04	126.48	3/280	$1355.1 \times 10^{-3}$
P.B.	$45.8 \times 10^2$	$207.2 \times 10^2$	$368.6 \times 10^2$	1409	26.16	83.28	3/325	$768.7 \times 10^{-3}$
SCT.	$52.6 \times 10^2$	$259.8 \times 10^2$	$467.0 \times 10^2$	1635	28.56	28.56	3/280	$305.9 \times 10^{-3}$

Cálculo de la Deformación por Rotación (  $\delta_{rn}$  ) .-

$$\delta_{rn} = 0.0$$

Cálculo de los valores D .-

n	Vn	$\delta_{sn}$	$\delta_{\beta n}$	$d_{tn} = \delta_{sn} + \delta_{\beta n}$	D = $Vn/d_{tn}$
7	0.5	$0.4 \times 10^{-3}$	$2127.1 \times 10^{-3}$	$2127.5 \times 10^{-3}$	0.23
6	4.0	$2.9 \times 10^{-3}$	$2117.2 \times 10^{-3}$	$2120.1 \times 10^{-3}$	1.88
5	4.1	$3.0 \times 10^{-3}$	$2084.1 \times 10^{-3}$	$2087.1 \times 10^{-3}$	1.96
4	8.2	$6.2 \times 10^{-3}$	$2013.5 \times 10^{-3}$	$2019.7 \times 10^{-3}$	4.06
3	12.4	$9.3 \times 10^{-3}$	$1882.5 \times 10^{-3}$	$1891.8 \times 10^{-3}$	6.55
2	12.7	$9.5 \times 10^{-3}$	$1667.9 \times 10^{-3}$	$1677.4 \times 10^{-3}$	7.57
1	15.8	$11.9 \times 10^{-3}$	$1355.1 \times 10^{-3}$	$1367.0 \times 10^{-3}$	11.56
P.B.	14.1	$9.2 \times 10^{-3}$	$768.7 \times 10^{-3}$	$777.9 \times 10^{-3}$	18.12
SCT.	18.8	$14.2 \times 10^{-3}$	$305.9 \times 10^{-3}$	$320.1 \times 10^{-3}$	58.73

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

n	Vn	D, C,	D, C, x7	D, x2	D	V, C,	V, B, (4)	V, A, (2)
7	67,2	30,79	0,23x4=	1,32	0,23x2=	0,46	41,57	64,32
6	134,9	42,74	2,14x4=	8,56	1,88x2=	3,76	55,06	104,71
5	195,2	82,81	2,65x4=	10,76	1,96x2=	3,92	97,49	165,80
4	247,8	86,73	3,47x4=	21,68	4,05x2=	8,12	116,73	184,11
3	292,0	89,70	4,74x4=	38,96	6,55x2=	13,10	141,76	184,76
2	328,0	120,41	13,83x4=	55,32	7,57x2=	15,14	190,87	206,91
1	355,6	121,69	34,05x4=	136,20	11,56x2=	23,12	281,01	153,98
P.F.	377,0	232,43	81,42x4=	325,68	18,12x2=	36,24	594,35	147,43
SUM.	390,7	455,93	178,85x4=	715,40	58,73x2=	117,46	1208,79	138,21
							216,87=	1154,2
							35,61=	2x17,8

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

192

CALCULO DE EL "D" DE LA PLACA DEL ASCENSOR  
EN EL SENTIDO DE LOS PORTICOS PRINCIPALES (Y)

Rigidez y area

N	I	K	k	A
TIPICO	$1563.94 \times 10^4$	$1563.94 \times 10^4 / 280 = 558.5 \times 10^2$	558	16950
P.BAJA	$1563.94 \times 10^4$	$1563.94 \times 10^4 / 325 = 481.2 \times 10^2$	481	16950
SOTANO	$1563.94 \times 10^4$	$1563.94 \times 10^4 / 370 = 422.6 \times 10^2$	422	16950

Deformación por corte ( $\beta=1$ )

N	Vn	$\Delta_{sn} = KxVn/Awn$	$\delta_{sn} = 27.6 \times \Delta_{sn} K_0/H_n$
7	0.20	$1.3 \times 0.2 / 16950 = 0.15 \times 10^{-4}$	$27.6 \times 0.15 \times 10^{-4} \times 10^2 = 0.2 \times 10^{-3}$
6	1.60	$1.3 \times 1.6 / 16950 = 1.23 \times 10^{-4}$	$27.6 \times 1.23 \times 10^{-4} \times 10^2 = 1.2 \times 10^{-3}$
5	1.80	$1.3 \times 1.8 / 16950 = 1.38 \times "$	$27.6 \times 1.38 \times " \times " = 1.4 \times "$
4	2.40	$1.3 \times 2.4 / 16950 = 1.84 \times "$	$27.6 \times 1.84 \times " \times " = 1.8 \times "$
3	6.00	$1.3 \times 6.0 / 16950 = 4.60 \times "$	$27.6 \times 4.60 \times " \times " = 4.5 \times "$
2	7.00	$1.3 \times 7.0 / 16950 = 5.37 \times "$	$27.6 \times 5.37 \times " \times " = 5.3 \times "$
1	11.00	$1.3 \times 11 / 16950 = 8.44 \times "$	$27.6 \times 8.44 \times " \times " = 8.3 \times "$
PB	13.00	$1.3 \times 13 / 16950 = 9.97 \times "$	$27.6 \times 9.97 \times " \times " = 8.5 \times "$
Sot	16.00	$1.3 \times 16 / 16950 = 12.27 \times "$	$27.6 \times 12.27 \times " \times " = 12.1 \times "$

Deformación por flexión

N	$VnxH_n$	$M'n$	$2M_n$	$K_{vn}$	$2M_n/K_n$	$4\Delta B_n$	$3/H_n$	$\delta B_n = 4\Delta B_n 3/H_n$
7	$1 \times 10^2$	$1 \times 10^2$	$1 \times 10^2$	558	0.18	308.7	3/280	$3308.1 \times 10^{-5}$
6	$4 \times "$	$5 \times "$	$6 \times "$	558	1.08	307.5	3/280	$3294.6 \times "$
5	$5 \times "$	$10 \times "$	$15 \times "$	558	2.69	303.7	3/280	$3254.2 \times "$
4	$7 \times "$	$17 \times "$	$27 \times "$	558	4.84	296.2	3/280	$3173.5 \times "$
3	$17 \times "$	$34 \times "$	$41 \times "$	558	7.35	284.0	3/280	$3042.9 \times "$
2	$20 \times "$	$54 \times "$	$88 \times "$	558	15.77	260.9	3/280	$2795.2 \times "$
1	$31 \times "$	$85 \times "$	$139 \times "$	558	24.91	220.2	3/280	$2359.4 \times "$
PB	$42 \times "$	$127 \times "$	$212 \times "$	481	44.07	151.2	3/325	$1396.0 \times "$
Sot	$45 \times "$	$172 \times "$	$299 \times "$	422	53.58	53.6	3/370	$574.1 \times "$

Deformación por rotación

$$\delta_{rn} = 0$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

193

Valor "D"

N	Vn	$\delta_{sn}$	$\delta_{Bn}$	$\delta_{tn}$	$D_n = V_n / \delta_{tn}$
7	0.20	$0.2 \times 10^{-3}$	$3308.1 \times 10^{-3}$	$3308.3 \times 10^{-3}$	0.06
6	1.60	$1.2 \times "$	$3294.6 \times "$	$3295.8 \times "$	0.49
5	1.80	$1.4 \times "$	$3254.2 \times "$	$3255.6 \times "$	0.55
4	2.40	$1.8 \times "$	$3173.5 \times "$	$3175.3 \times "$	0.76
3	6.00	$4.5 \times "$	$3042.9 \times "$	$3047.3 \times "$	1.97
2	7.00	$5.3 \times "$	$2795.2 \times "$	$2800.5 \times "$	2.50
1	11.00	$8.3 \times "$	$2359.4 \times "$	$2367.7 \times "$	4.65
PB	13.00	$8.5 \times "$	$1396.0 \times "$	$1404.5 \times "$	9.26
Sot	16.00	$12.1 \times "$	$574.1 \times "$	$586.2 \times "$	23.32

Distribucion del corte

N	Vn	$\sum D_c$	Da	$\sum D$	Vc	Va
7	71.2	56.49	$0.06 \times 2 = 0.12$	56.61	71.0	$0.1 \times 2 = 0.2$
6	144.2	66.56	$0.49 \times 2 = 0.98$	67.54	142.2	$1.0 \times 2 = 2.0$
5	209.2	163.97	$0.55 \times 2 = 1.10$	165.07	207.8	$0.7 \times 2 = 1.4$
4	265.8	176.06	$0.76 \times 2 = 1.52$	177.58	263.6	$1.1 \times 2 = 2.2$
3	313.4	189.50	$1.97 \times 2 = 3.94$	193.44	307.0	$3.2 \times 2 = 6.4$
2	352.2	264.68	$2.50 \times 2 = 5.00$	269.68	345.6	$3.3 \times 2 = 6.6$
1	382.0	270.97	$4.65 \times 2 = 9.30$	280.27	369.4	$6.3 \times 2 = 12.2$
PB	405.0	420.12	$9.26 \times 2 = 18.52$	438.64	387.8	$8.6 \times 2 = 17.2$
Sot	419.7	1018.58	$23.32 \times 2 = 46.64$	1065.22	401.3	$9.2 \times 2 = 18.4$

2da ITERACION

Deformacion por corte

N	Vn	$\Delta_{sn} = KxVn/Awn$	$\delta_{sn} = 27.6 \times \Delta_{sn} K_0 / H_n$
7	0.1	$0.1 \times 10^{-4}$	$0.1 \times 10^{-3}$
6	1.0	$0.8 \times "$	$0.8 \times "$
5	0.7	$0.5 \times "$	$0.5 \times "$
4	1.1	$0.8 \times "$	$0.8 \times "$
3	3.2	$2.5 \times "$	$2.5 \times "$
2	3.3	$2.5 \times "$	$2.5 \times "$
1	6.3	$4.8 \times "$	$4.7 \times "$
PB	8.6	$6.6 \times "$	$5.6 \times "$
Sot	9.2	$7.1 \times "$	$7.0 \times "$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

194

Deformación por flexión

N	VnxHn	M'n	2Mn	Kwn	2Mn/Kn	4ΔBn	3/Hn	δBn=4ΔBn/Hn
7	0.3x10 <sup>2</sup>	0.3x10 <sup>2</sup>	0.3x10 <sup>2</sup>	558	0.05	168.0	3/280	1799.9x10 <sup>-3</sup>
6	2.8x "	3.1x "	3.4x "	558	0.61	167.3	3/280	1792.8x "
5	2.0x "	5.1x "	8.2x "	558	1.47	165.2	3/280	1770.5x "
4	3.1x "	8.2x "	13.3x "	558	2.38	161.4	3/280	1729.3x "
3	9.0x "	17.2x "	25.4x "	558	4.55	154.5	3/280	1655.0x "
2	9.2x "	26.4x "	43.6x "	558	7.82	142.1	3/280	1522.5x "
1	17.6x "	44.0x "	70.4x "	558	12.62	121.6	3/280	1303.5x "
PB	28.0x "	72.0x "	116.0x "	481	24.12	84.92	3/325	783.9x "
S	25.8x "	97.8x "	169.8x "	422	30.40	30.40	3/370	325.7x "

Valor "D"

N	Vn	δsn	δBn	δtn	D = Vn/δtn
7	0.1	0.1x10 <sup>-3</sup>	1799.9x10 <sup>-3</sup>	1800.0x10 <sup>-3</sup>	0.06
6	1.0	0.8x "	1792.8x "	1793.6x "	0.56
5	0.7	0.5x "	1770.5x "	1771.0x "	0.40
4	1.1	0.8x "	1729.3x "	1730.1x "	0.64
3	3.2	2.5x "	1655.0x "	1657.5x "	1.93
2	3.3	2.5x "	1522.5x "	1525.0x "	2.16
1	6.3	4.7x "	1303.5x "	1308.2x "	4.82
PB	8.6	5.6x "	783.9x "	789.5x "	10.89
sot	9.2	7.0x "	325.7x "	332.7x "	27.65

Distribución del corte

N	Vn	$\sum D_c$	Da	$\sum D$	Vc	Va
7	71.2	56.49	0.05x2= 0.12	56.61	71.0	0.1 x2= 0.2
6	144.2	66.56	0.56x2= 1.12	67.68	141.8	1.2 x2= 2.4
5	209.2	163.97	0.40x2= 0.80	164.77	208.2	0.5 x2= 1.0
4	265.8	176.06	0.64x2= 1.28	177.34	263.8	1.0 x2= 2.0
3	313.4	189.50	1.93x2= 3.86	193.36	307.2	3.1 x2= 6.2
2	352.2	264.68	2.16x2= 4.32	269.00	346.6	2.8 x2= 5.6
1	382.0	270.97	4.82x2= 9.64	280.61	369.0	6.5 x2= 13.0
PB	405.0	420.12	10.89x2=21.78	441.90	385.0	10.0 x2=20.0
Sot	419.7	1018.58	27.65x2=55.30	1073.88	398.1	10.8 x2=21.6

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

135

3<sup>ra</sup> ITERACION

Deformacion por corte

N	Vn	$\Delta s_n = KxVn/A_{wn}$	$\delta s_n = 27.6 \times s_n x K_o / H_n$
7	0.1	$0.1 \times 10^{-4}$	$0.1 \times 10^{-5}$
6	1.2	$0.9 \times "$	$0.9 \times "$
5	0.5	$0.4 \times "$	$0.4 \times "$
4	1.0	$0.8 \times "$	$0.8 \times "$
3	3.1	$2.4 \times "$	$2.4 \times "$
2	2.8	$2.1 \times "$	$2.1 \times "$
1	6.5	$5.0 \times "$	$4.9 \times "$
PB	10.0	$7.7 \times "$	$6.5 \times "$
Sot	10.8	$8.3 \times "$	$8.2 \times "$

Deformación por flexión

N	$V_n x H_n$	$M'_n$	$2M_n$	$K_{wn}$	$2M_n / K_n$	$4\Delta_{bn}$	$3/H_n$	$\delta_{Bn} = 4\Delta_{Bn} / H_n$
7	$0.3 \times 10^2$	$0.3 \times 10^2$	$0.3 \times 10^2$	558	0.05	170.4	3/280	$1825.4 \times 10^{-5}$
6	$3.4 \times "$	$3.7 \times "$	$4.0 \times "$	558	0.72	169.6	3/280	$1817.1 \times "$
5	$1.4 \times "$	$5.1 \times "$	$8.8 \times "$	558	1.58	167.3	3/280	$1792.5 \times "$
4	$2.8 \times "$	$7.9 \times "$	$13.0 \times "$	558	2.33	163.4	3/280	$1750.6 \times "$
3	$8.7 \times "$	$16.6 \times "$	$24.5 \times "$	558	4.39	156.7	3/280	$1687.6 \times "$
2	$7.8 \times "$	$24.4 \times "$	$41.0 \times "$	558	7.35	144.9	3/280	$1552.8 \times "$
1	$18.2 \times "$	$42.6 \times "$	$67.0 \times "$	558	12.01	125.6	3/280	$1345.4 \times "$
PB	$32.5 \times "$	$75.1 \times "$	$117.7 \times "$	481	24.45	89.1	3/325	$822.5 \times "$
Sot	$30.2 \times "$	$105.3 \times "$	$180.4 \times "$	422	32.33	32.3	3/370	$346.4 \times "$

Deformación por rotación

$$\delta_{rn} = 0$$

Valor "D"

N	Vn	$\delta_{sn}$	$\delta_{bn}$	$\delta_{tn}$	D
7	0.1	$0.1 \times 10^{-5}$	$1852.4 \times 10^{-5}$	$1852.5 \times 10^{-5}$	0.05
6	1.2	$0.9 \times "$	$1817.1 \times "$	$1818.0 \times "$	0.66
5	0.5	$0.4 \times "$	$1792.5 \times "$	$1792.9 \times "$	0.28
4	1.0	$0.8 \times "$	$1750.6 \times "$	$1751.4 \times "$	0.57
3	3.1	$2.4 \times "$	$1687.6 \times "$	$1690.0 \times "$	1.83
2	2.8	$2.1 \times "$	$1552.8 \times "$	$1554.9 \times "$	1.80
1	6.5	$4.9 \times "$	$1345.4 \times "$	$1350.3 \times "$	4.81
PB	10.0	$6.5 \times "$	$822.5 \times "$	$829.0 \times "$	12.06
Sot	10.8	$8.2 \times "$	$346.4 \times "$	$354.6 \times "$	30.46

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

196

Distribución del corte

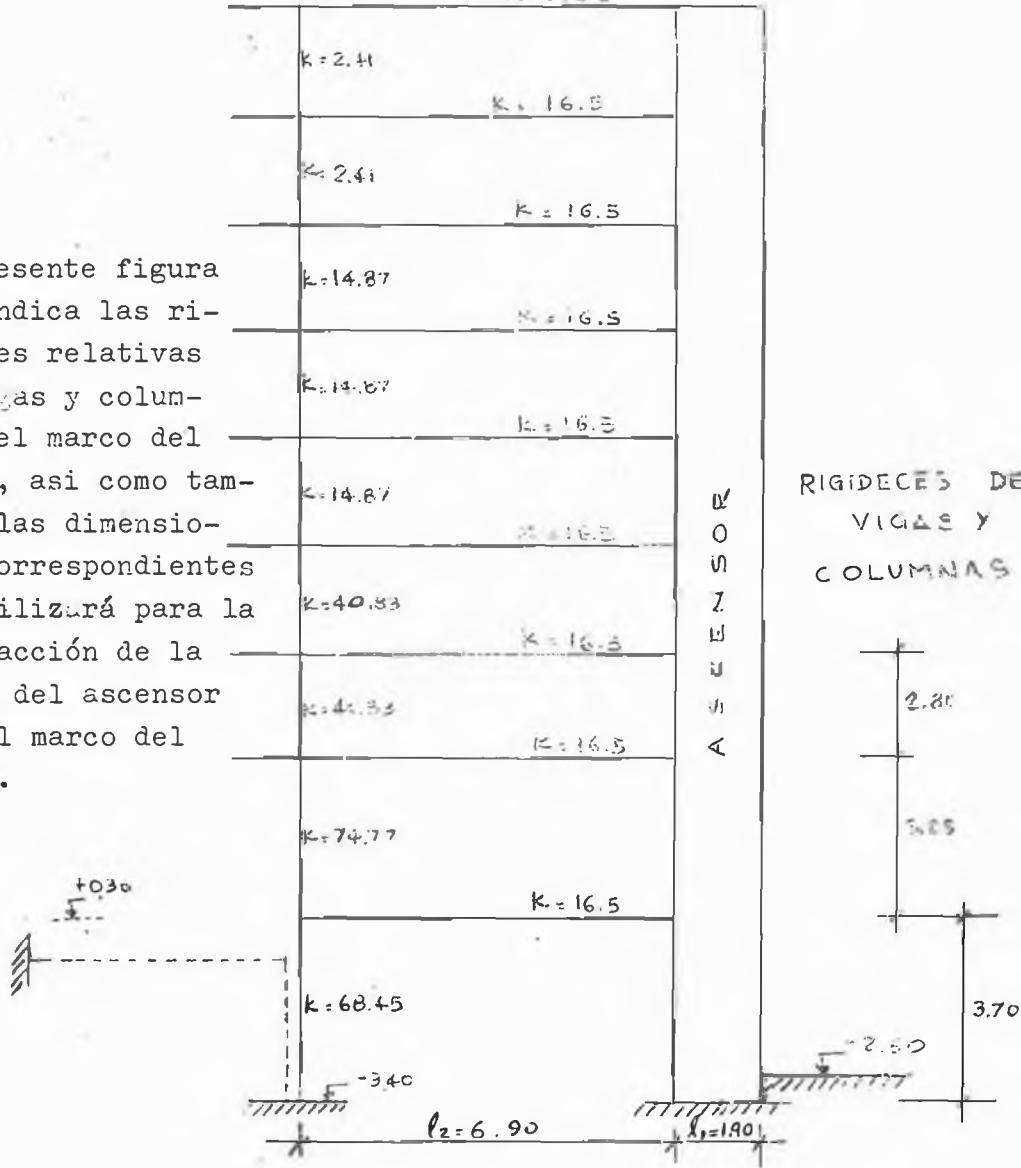
N	Vn	$\sum D_c$	$D_a$	$\sum D$	Vc	Va
7	71.2	56.49	$0.05x2= 0.10$	56.59	71.0	$0.1 x2= 0.2$
6	144.2	66.56	$0.66x2= 1.32$	67.88	141.4	$1.4 x2= 2.8$
5	209.2	163.97	$0.28x2= 0.56$	164.53	208.4	$0.4 x2= 0.8$
4	265.8	176.06	$0.57x2= 1.14$	177.20	264.0	$0.9 x2= 1.8$
3	313.4	189.05	$1.83x2= 3.66$	192.71	307.4	$3.0 x2= 6.0$
2	352.2	264.68	$1.80x2= 3.60$	268.28	347.4	$2.4 x2= 4.8$
1	382.0	270.97	$4.81x2= 9.62$	280.59	369.0	$6.5 x2= 13.0$
PB	405.0	420.12	$12.06x2=24.12$	444.24	383.0	$11.0 x2=22.0$
Sot	419.7	1018.58	$30.46x2=60.92$	1079.50	396.1	$11.8 x2=23.6$

En las siguientes páginas mostramos las plantas de todos los niveles indicando las secciones de vigas y columnas y los valores D de todos los elementos resistentes.

K = 7.82

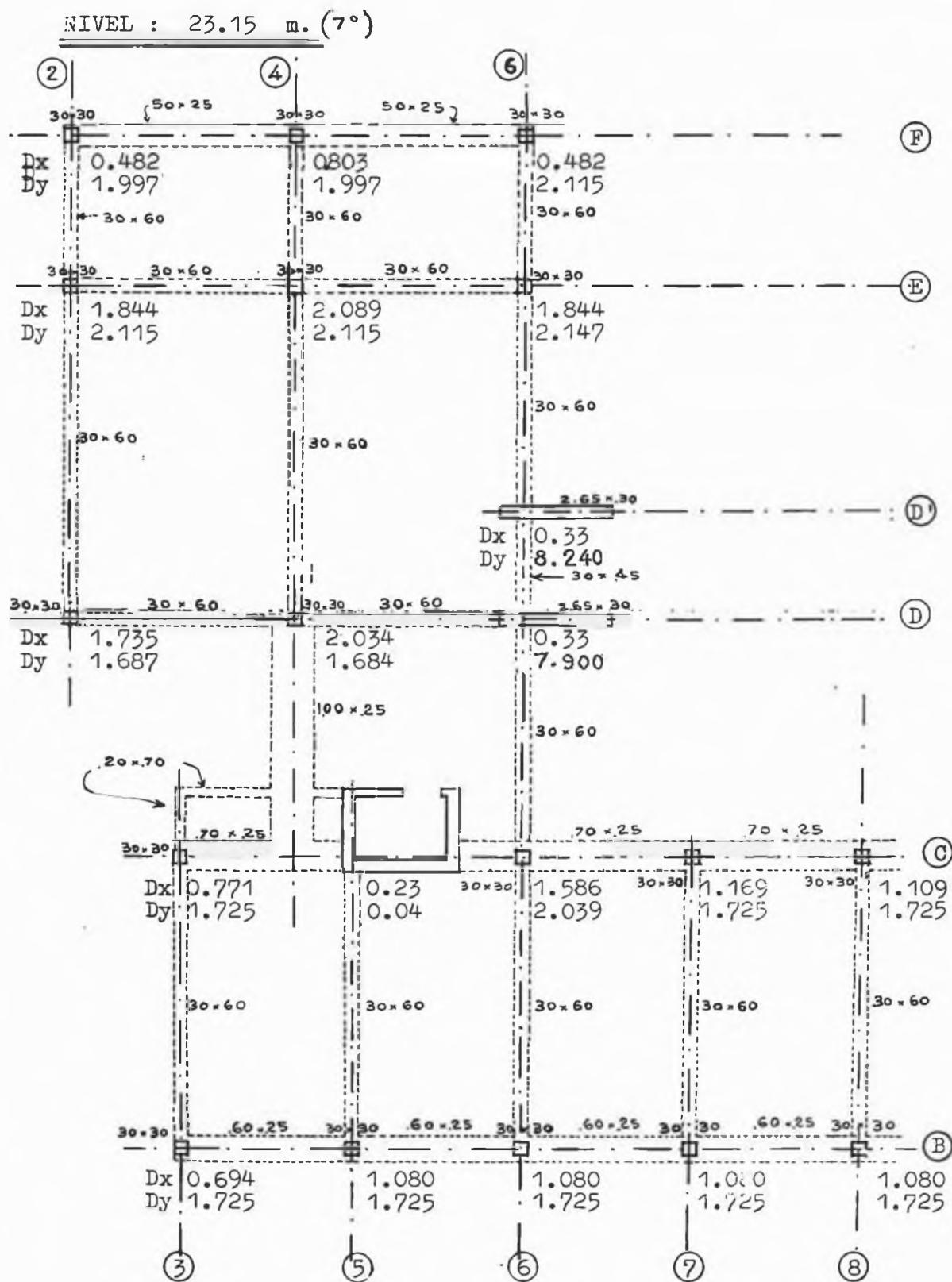
La presente figura que indica las rigideces relativas de vigas y columnas del marco del eje 5, así como también las dimensiones correspondientes se utilizará para la interacción de la placa del ascensor con el marco del eje 5.

RIGIDECESES DE VIGAS Y COLUMNAS



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

197

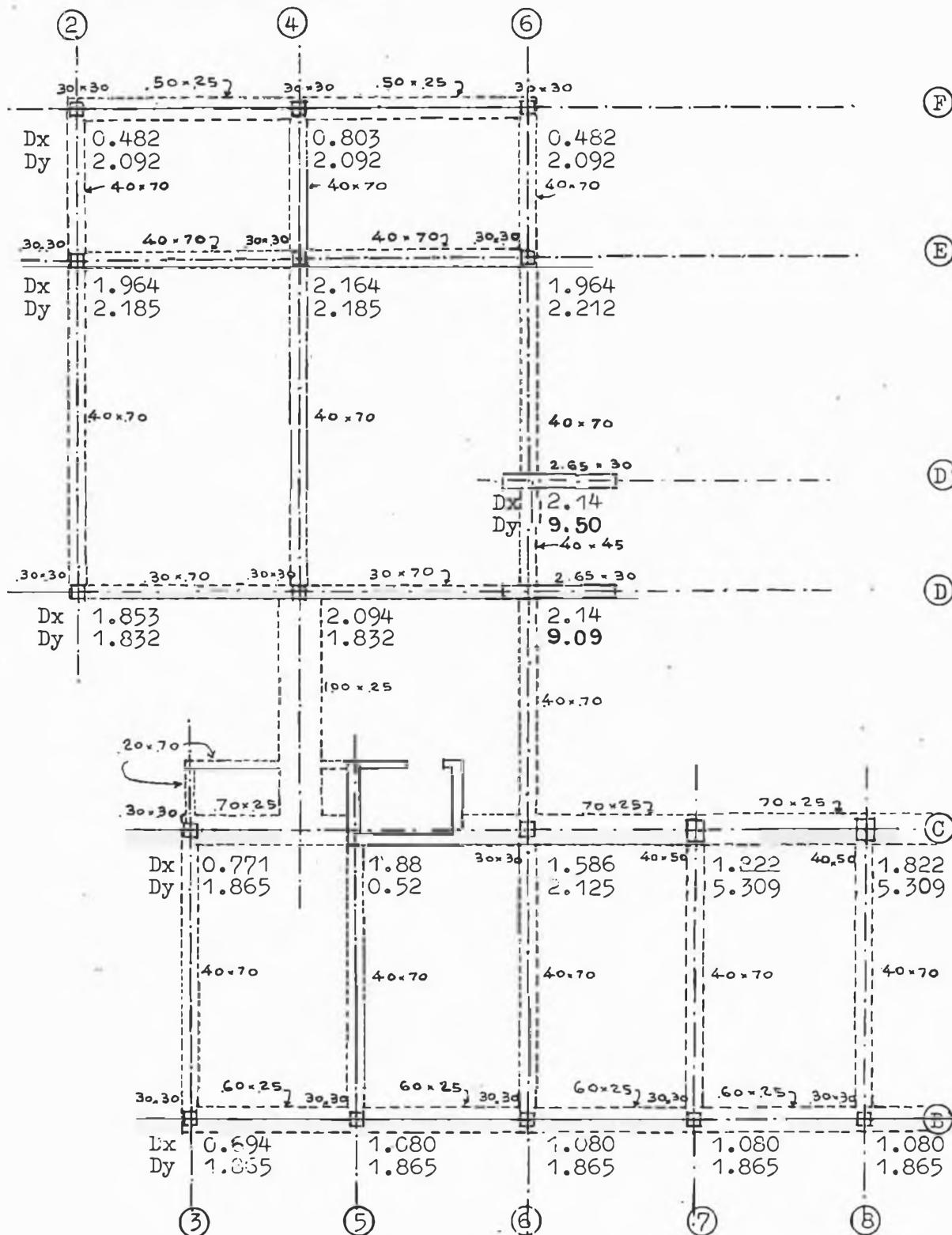


ESCALA 1:125

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

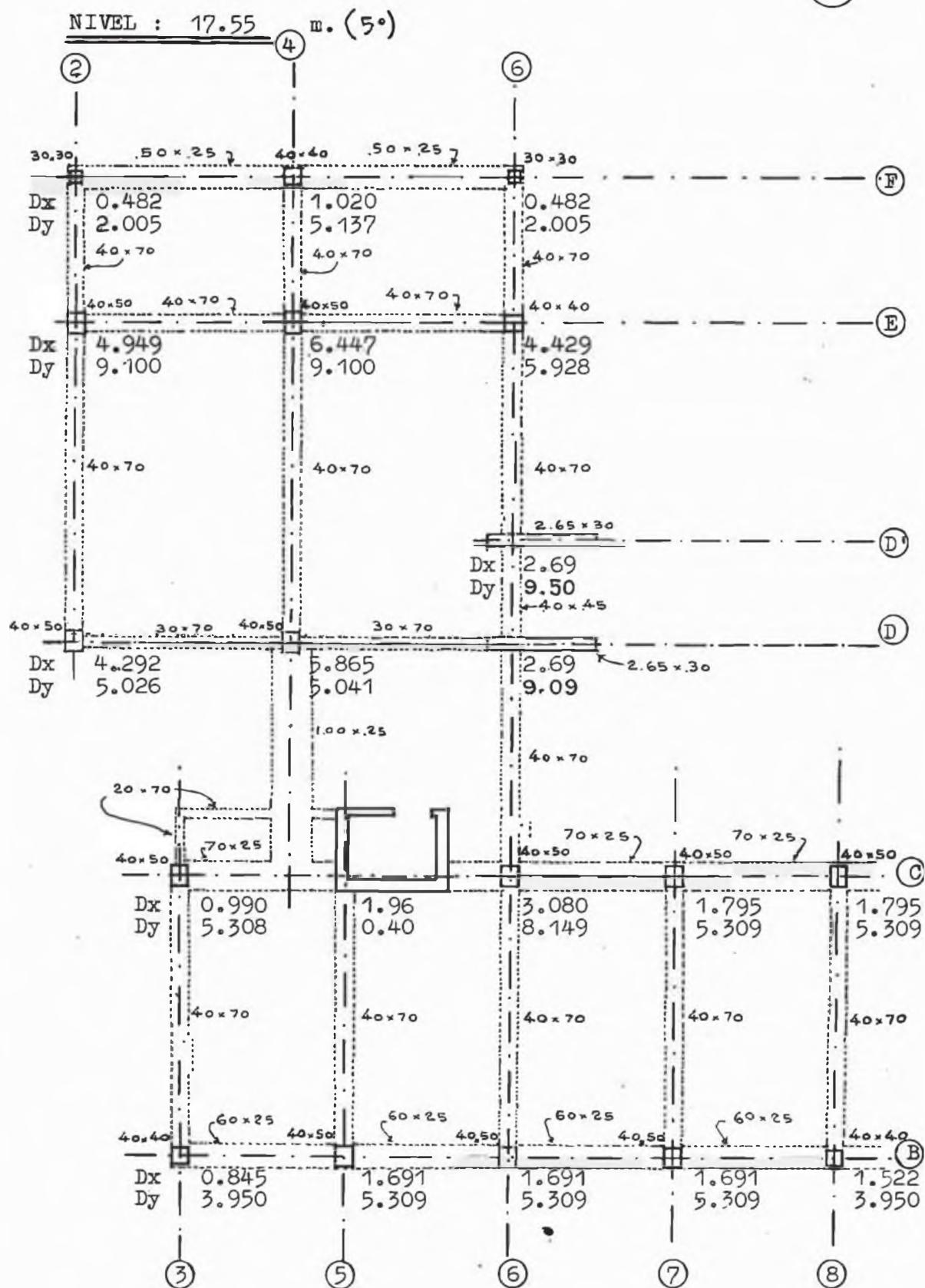
198

NIVEL : 20.35 m. (6°)



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

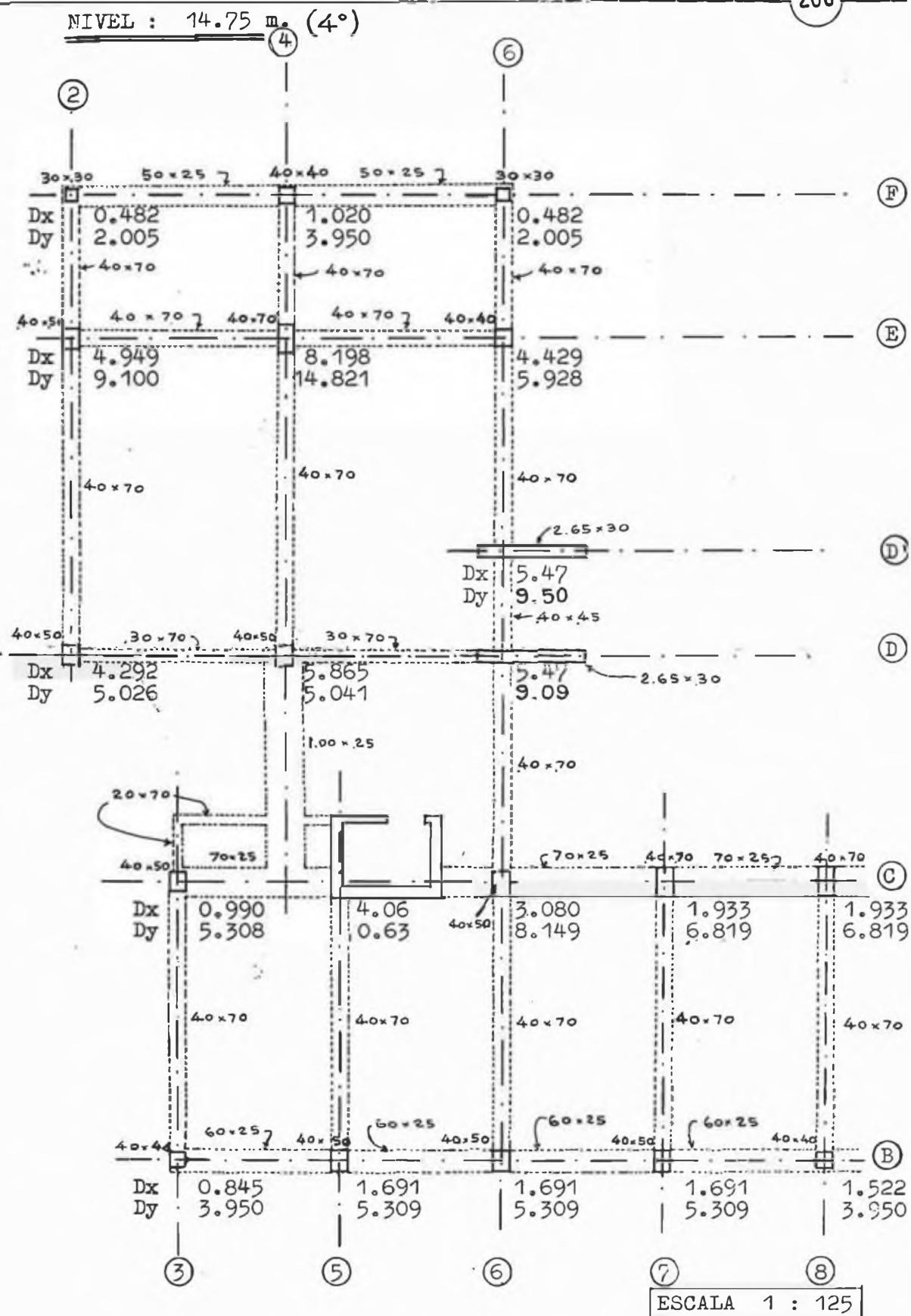
199



ESCALA 1:125

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

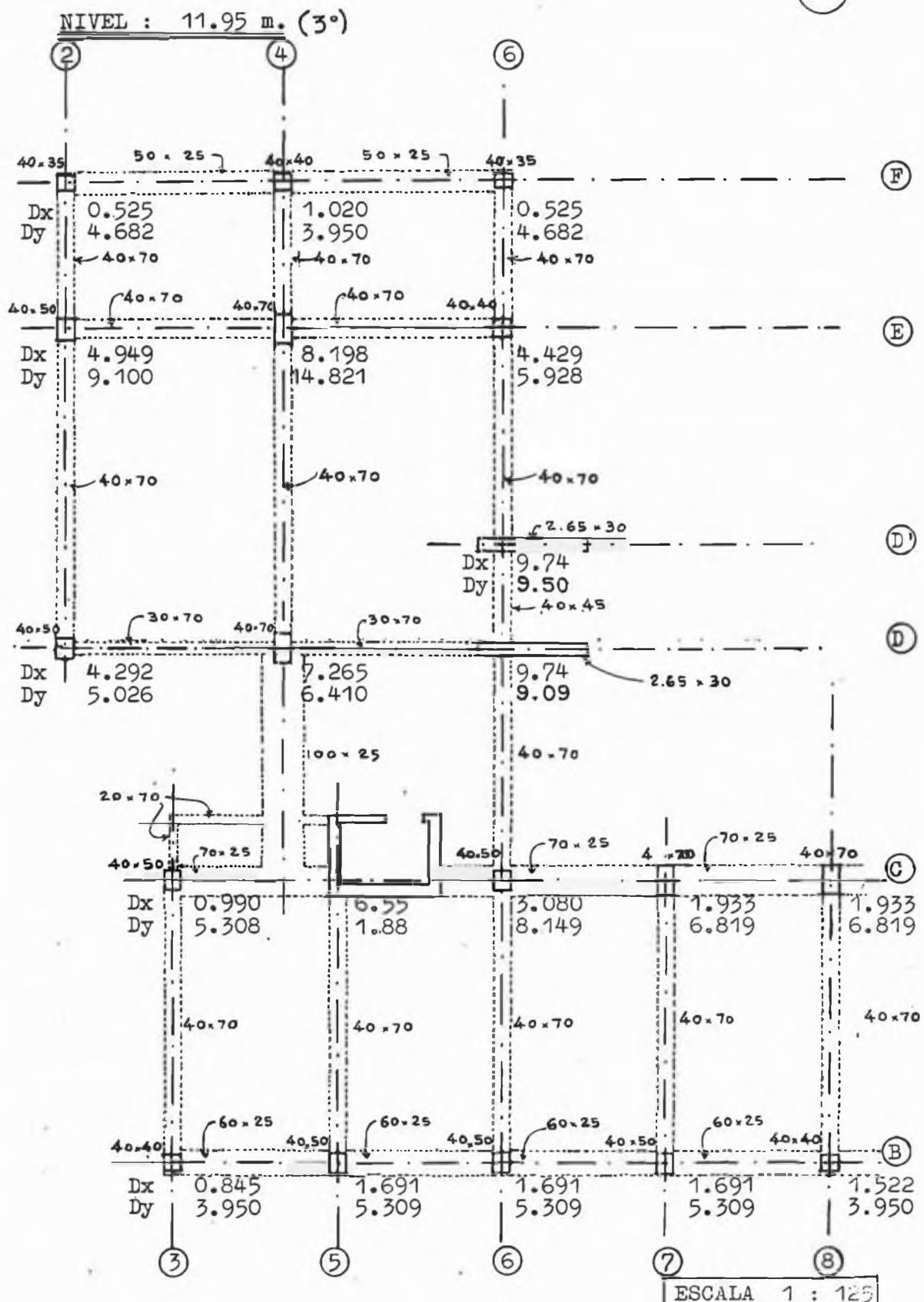
200



ESCALA 1 : 125

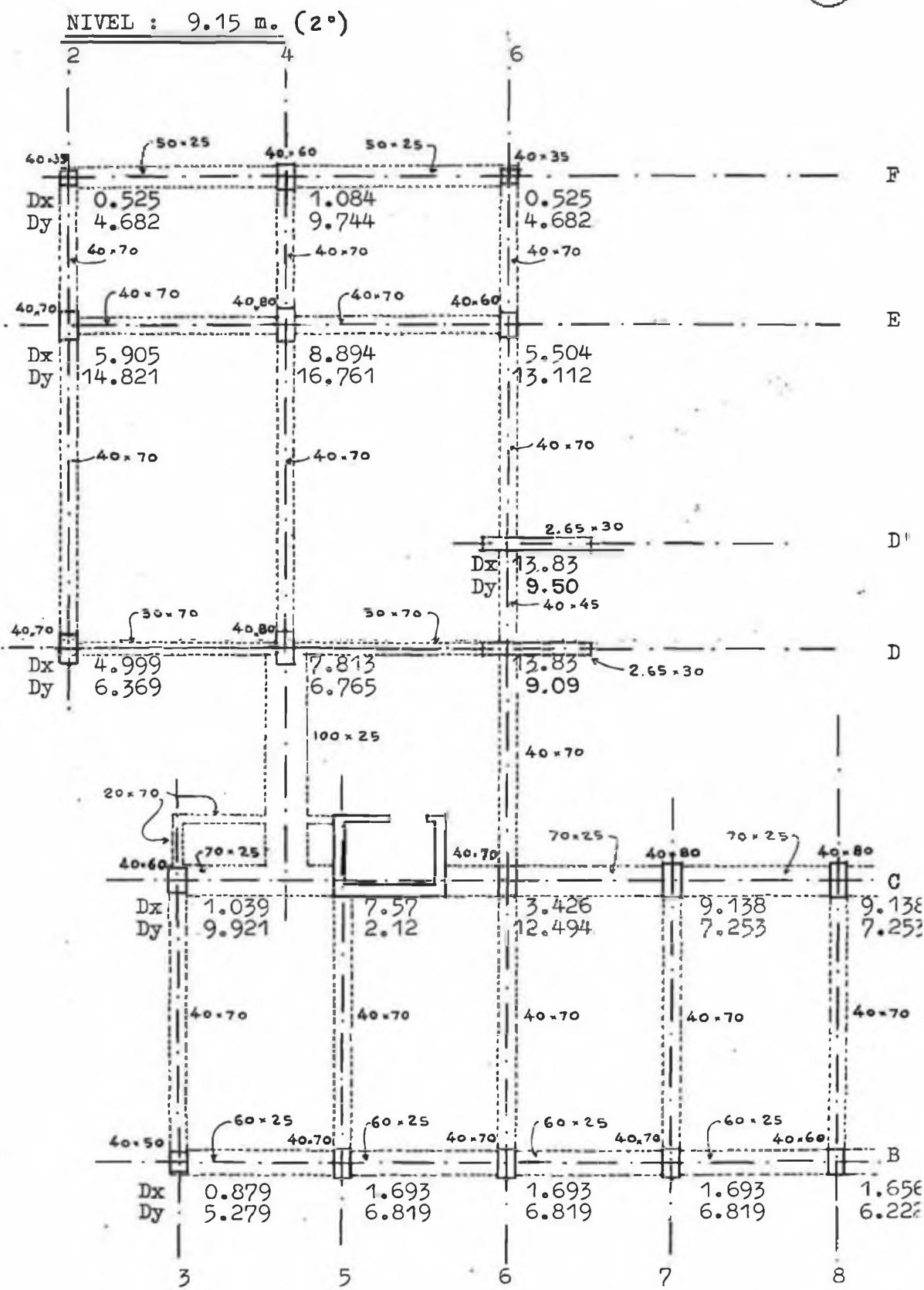
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

201



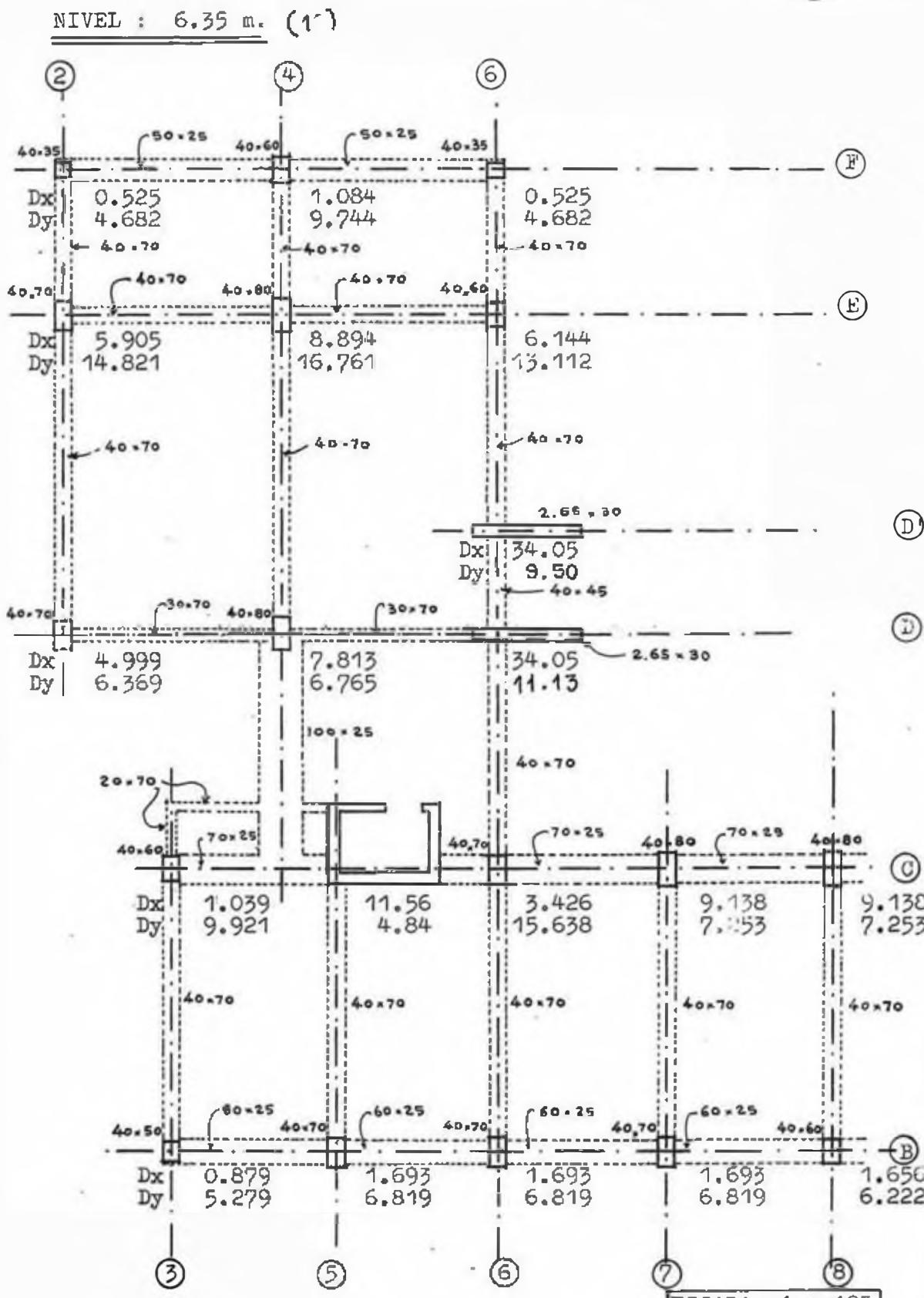
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

202



ESCALA 1 : 125

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

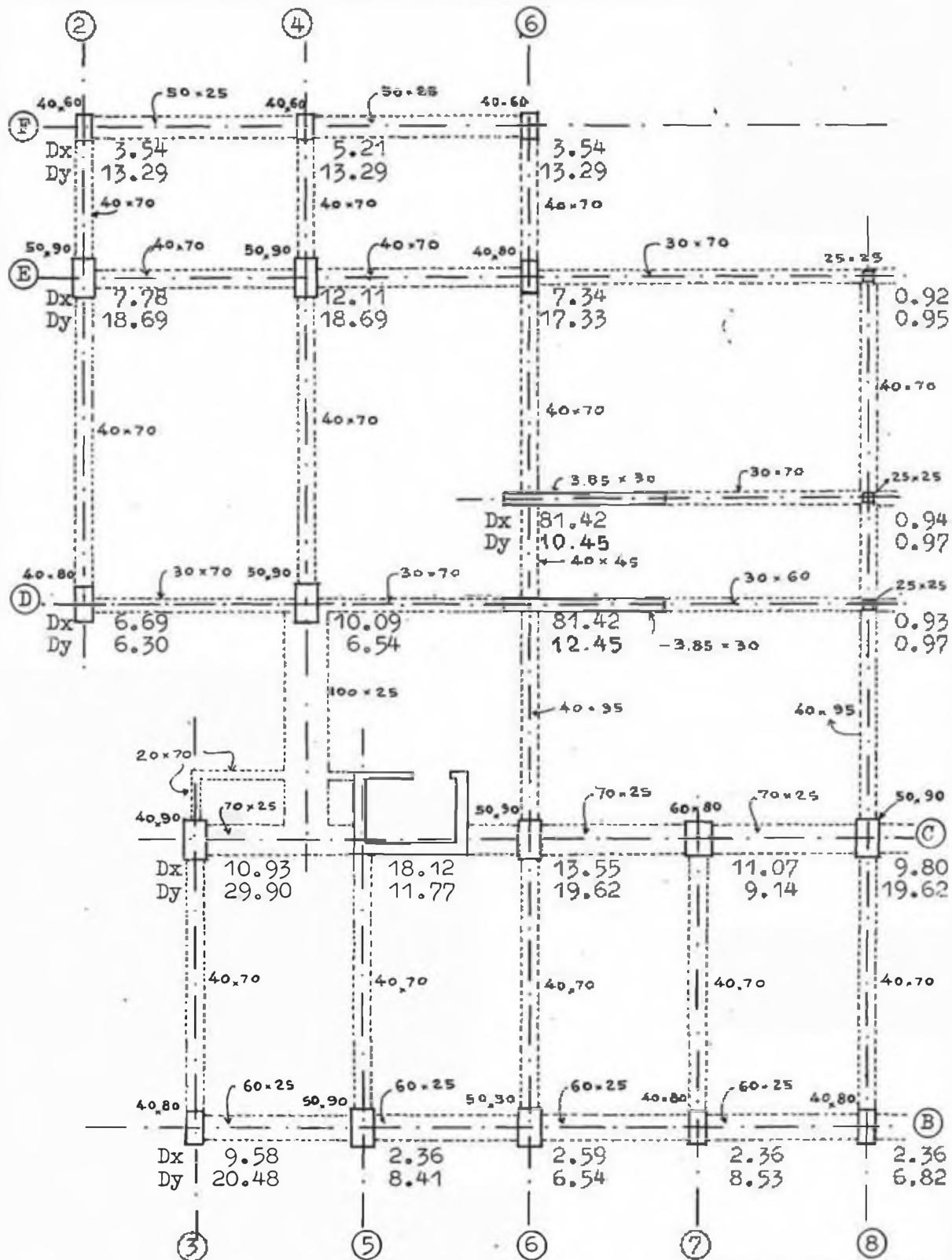


ESCALA 1 : 125

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

204

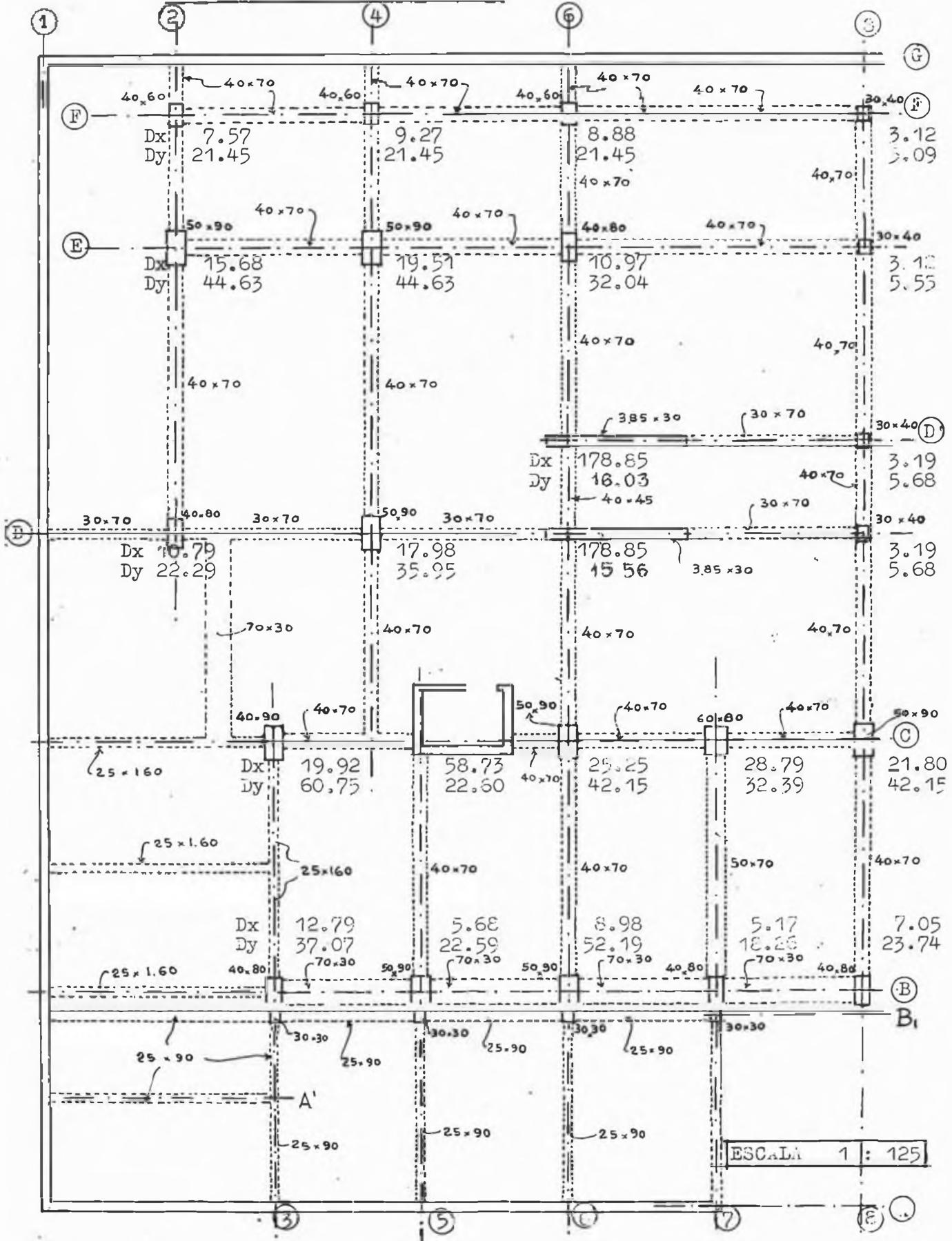
NIVEL : 3.55 m. ( P.B. )



ESCALA 1 : 125

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

NIVEL : 0.30 m. ( sótano )



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

206

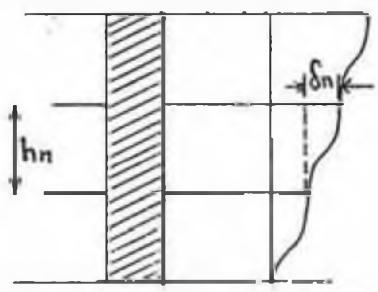
### INTERACCION ENTRE MUROS Y MARCOS .-

Las deformaciones por flexión tienen una importancia considerable en edificios altos y las rotaciones de las placas producen fuerzas constantes y momentos flexionantes de gran importancia en las vigas que descanzan en los muros o placas.

Por lo dicho, hemos considerado la interacción de la placa del ascensor sobre el marco del eje 5.

El método que se utiliza para el cálculo de los esfuerzos respectivos es aproximado y consiste en los siguientes pasos:

- 1.-Se calcula la deformación del muro considerandolo aislado y como tal obtenemos el corte y D. este paso se ha efectuado anteriormente y se encuentra en las páginas N°s 192
  - 2.-Mediante la suposición de que los miembros colindantes a la placa mantienen una deformación continua con esta; calculamos las deformaciones en los miembros de la siguiente manera:
- a) Rotación de la columna .-



$$R_n = \frac{V_n}{D_{wn}} \cdot \frac{hn}{2}$$

De la figura tenemos que:

$$R_n = \frac{\delta n}{hn}$$

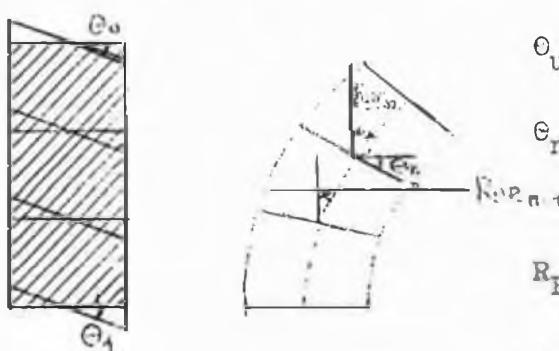
conociendo que:

$$\delta n = \frac{V_n}{D_{wn}} \dots \text{unidad} \left[ \frac{hn^2}{12 E Ko} \right]$$

$$R_n = \frac{V_n}{D_{wn}} \cdot \frac{1}{hn} \cdot \frac{hn^2}{12 E Ko}$$

$$\dots \text{unidad} \left[ \frac{1}{6 E Ko} \right]$$

- b) Rotación de la pared .-



$\Theta_1$ =Corresponde a la rotación de la cimentación.

$\Theta_u$ =Es la rotación del ultimo piso luego:  $\Theta_u = R_{BRu}$

$\Theta_n$ =Es la rotación de un piso intermedio n y esta dado por:

$$\Theta_n = \frac{R_{BRn} - R_{BRn-1}}{2}$$

$R_{BRn}$ = Rotación debida a la flexión y rotación de la fundación que esta dado por:

$$R_{BRn} = R_n - R_{sn}$$

$R_n$  = Rotacion total, considerando la deformación total dada en a)

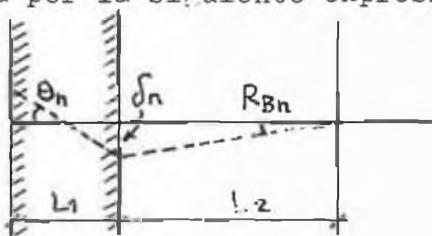
$R_{sn}$  = Rotación debida a la deformación  $R_{sn} = \delta sn / hn \dots \left[ \frac{hn^2}{12 E Ko} \right]$

pero como la unidad usada para la rotación es otra tendremos:  $\boxed{R_{sn} = \delta sn (hn/2)} \dots \left[ 1/6 E Ko \right]$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZONE AURELIO A.

207

- c) Rotación de la viga ( $R_{Bn}$ ).- La rotación en las vigas esta dada por la siguiente expresión.



$$R_{Bn} = \frac{\delta_n}{L_2}$$

$$\delta_n = \theta_n \frac{L_1}{2}$$

$$R_{Bn} = -\frac{\theta_n}{2} \cdot \frac{L_1}{L_2}$$

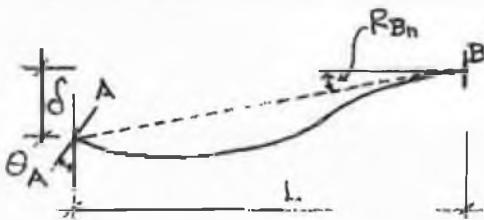
Para la simplificación de cálculos posteriores; en el proceso de cálculo de las rotaciones hemos dividido los valores de  $\theta_n$ ,  $R_{Bn}$  y  $R_n$  por una constante; el resultado de esta división la pondremos entre paréntesis debajo del valor real.

- 3.- Luego se procede a calcular los momentos en los extremos debido a las deformaciones (simplificadas) halladas en el paso anterior, para efectuar este cálculo de momentos se utiliza el método de la deflexión de la pendiente cuyas formulas son las siguientes:

$$M_{AB} = \frac{2 E I}{L} (2\theta_A + \theta_B - 3 \frac{d}{L}) \quad (\alpha)$$

$$M_{BA} = \frac{2 E I}{L} (\theta_A + 2\theta_B - 3 \frac{d}{L}) \quad (\beta)$$

- a) Cálculo del momento en las vigas .- De acuerdo a la figura tenemos los siguientes valores.



$\theta_A$  = Rotación de la pared.

$R_{Bn}$  = Rotación de la viga.

$\theta_B$  = 0 ( Se considera q'no hay giro en ese extremo.)

Las expresiones de las rotaciones calculadas en el punto anterior tienen como unidad  $[1/6 E K_o]$  de donde tenemos de  $(\alpha)$  y  $(\beta)$  y con los valores dados en este punto:

$$M_{AB} = \frac{2 E K}{6 E K_o} (2\theta_A - 3 R_B) = \frac{kv}{3} (2\theta_A - 3 R_B)$$

$$M_{BA} = \frac{2 E K}{6 E K_o} (\theta_A - 3 R_B) = \frac{kv}{3} (\theta_A - 3 R_B)$$

- b) Cálculo del momento en columnas --  $\theta_A = \theta_B = 0$



$R_n$  = Rotación de la columna.

Teniendo en cuenta que la unidad de rotación es  $[1/6 E K_o]$  de las ecuaciones  $(\alpha)$  y  $(\beta)$  y los valores de este punto tenemos :

$$M_{AB} = M_{BA} = \frac{2 E K}{6 E K_o} (-3 R_n) = -k_c R_n$$

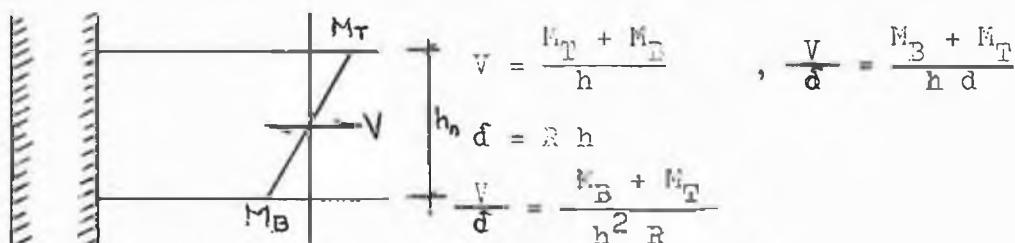
$$M_{AB} = M_{BA} = -k_c R_n$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

4.-Una vez calculados los momentos en los extremos de las vigas y columnas efectuamos una distribución de momentos; la que se basa en un solo ciclo por tratarse de un método aproximado.

De esta manera obtenemos los momentos en columnas y vigas una vez efectuada la distribución de momentos; debe tenerse en cuenta que estos no son los momentos finales en vigas y columnas.

5.-Luego se procede a hallar el valor D de la columna adyacente a la placa de acuerdo a las siguientes consideraciones:



Las unidades de las rotaciones son  $[1/6 E Ko]$  luego:

$$\frac{V}{d} = \frac{M_B + M_T}{h^2 R (1/6 E Ko)} \quad \text{Para obtener las unidades de D que son:}$$

$$[12 E Ko/h^2] \text{ y teniendo en cuenta que}$$

$$D = \frac{V}{d}$$

$$D_n = \frac{M_B + M_T}{2 R n} \quad \text{..... unidad } \left[ \frac{12 E Ko}{h^2} \right]$$

6.-De acuerdo a estos valores D hallados distribuimos el corte y hallamos el valor del corte en la columna adyacente a la placa, el mismo que multiplicamos por la altura de la columna para obtener el valor  $V_n h$  en cada columna.

Luego hallamos el coeficiente  $\frac{V h}{M_T + M_B}$  donde:  $M_T$  es el momento en la cabeza de la columna ..... y  $M_B$  el momento en la base de la columna. Este coeficiente nos servirá para obtener los momentos finales en las columnas de acuerdo a las siguientes expresiones:

$$M_T' = \frac{V h}{M_T + M_B} \times M_T \quad (\text{momento final arriba})$$

$$M_B' = \frac{V h}{M_T + M_B} \times M_B \quad (\text{momento final abajo})$$

Una vez obtenidos los momentos finales en las columnas se procede a encontrar los momentos finales en las vigas equilibrando cada nudo mediante la repartición proporcional de los momentos finales en las columnas de acuerdo a los momentos obtenidos en la distribución de momentos.

Con el momento en las vigas tenemos también el corte en las vigas mediante la siguiente expresión:

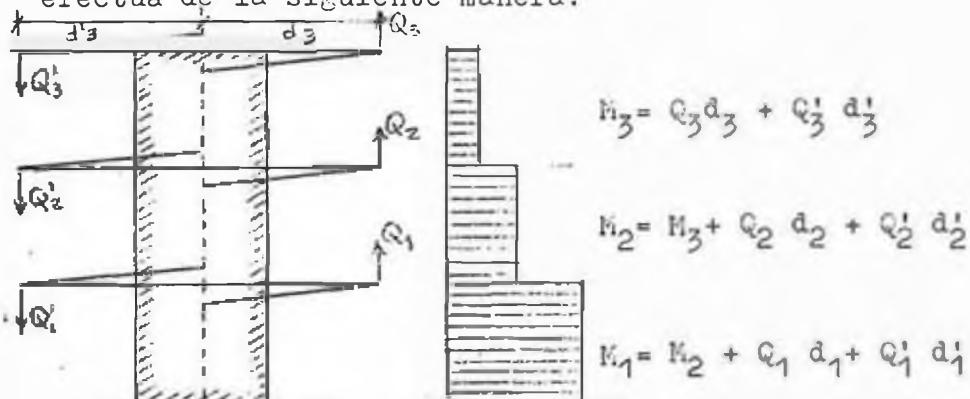
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

209

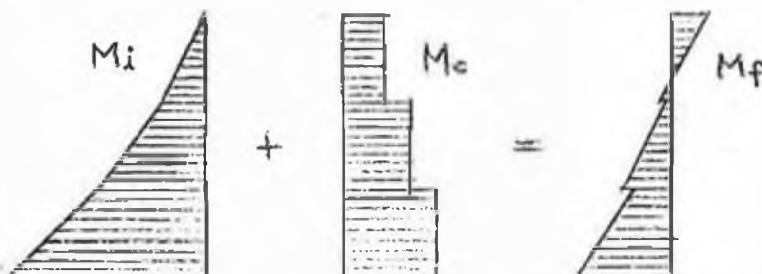
$$V = \frac{M_i + M_d}{L}$$

Donde  $M_i$  es el momento en el extremo izquierdo de la viga,  $M_d$  el momento en el extremo derecho y  $L$  el largo de la viga.

- 7.-Se determina la reacción de la viga en la pared y se calcula el momento adicional causado por el efecto límite. Este cálculo se efectúa de la siguiente manera:



- 8.-Este momento adicional causado por el efecto límite es el momento con que se corrige el momento inicial del cálculo. La suma algebraica de este momento causado por el efecto límite y el momento inicial nos da el momento final en la placa.



- 9.-Una vez encontrado el momento final en la placa debe realizarse el rechequeo de los valores D. Para esto debe encontrarse la deformación final por flexión ( $\delta_{Bn}$ ) la que se obtiene por medio de la suma algebraica de las deformaciones por flexión del momento inicial y del momento causado por el efecto límite. Una vez obtenida la deformación final por flexión se le suma las deformaciones por corte y por rotación, determinándose finalmente el valor D mediante la expresión ya dada :  $D = \frac{V}{\delta}$

- 10.-Es muy importante, que una vez calculado el valor D final, debe ser comparado con el valor D inicial y si la diferencia es muy grande debe repetirse el procedimiento hasta llegar a la aproximación deseada.

A continuación presentamos la interacción entre la placa del ascensor y el marco del eje 5.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

210

INTERACCION DE LA PLACA DEL ASCENSOR Y EL MARCO DEL EJE 5

Cálculo de los factores  $\theta'n$  y  $R'v$

Utilizaremos las siguientes fórmulas:

$$R'n = Vw/Dw \times H/2 ; R'sn = \int s_n \times H_n/2 ; R'Br_n = R'n - R'sn$$

$$\theta'n = (R'Br_n + R'br_{n-1})/2 ; R'v = \theta'n/2 \times L1/12$$

N	Vn	1/Dw	H/2	R'n	$\int s_n \times H/3$	R'sn	R'Br_n	$\theta'n$	R'v
23.15				280.0 (1.00)	0.1	0.011	280.0	280.0 (1.00)	38.6 (0.14)
20.35	0.1	20.0	140	297.9 (1.06)	0.9	0.126	297.8	288.9 (1.03)	39.8 (0.14)
17.55	1.4	1.52	140	199.9 (0.71)	0.4	0.056	199.8	248.8 (0.89)	34.3 (0.12)
14.75	0.4	3.57	140	220.5 (0.79)	0.8	0.112	220.4	210.1 (0.75)	28.9 (0.10)
11.95	0.9	1.75	140	231.0 (0.82)	2.4	0.336	230.7	225.5 (0.80)	31.0 (0.11)
9.15	3.0	0.55	140	188.1 (0.67)	2.1	0.294	187.8	209.2 (0.75)	28.8 (0.10)
6.35	2.4	0.56	140	191.1 (0.68)	4.9	0.686	190.4	189.1 (0.68)	26.0 (0.09)
3.55	6.5	0.21	140	143.0 (0.51)	6.5	0.910	142.1	166.2 (0.59)	22.9 (0.08)
0.30	11.0	0.08	162	65.5 (0.23)	8.2	1.148	64.4	103.2 (0.37)	14.2 (0.05)

Momentos de empotramiento perfecto debido a las deformaciones

Se utilizaran las siguientes fórmulas:

$$Ma\ddot{o} = Kv/3 (2\theta'a + 3R'v) ; Ma = Kv/3 (\theta'a + 3R'v)$$

NIVEL	RIGIDEZ DE LA VIGA
23.15	7.82
20.35 a - 0.30	16.50

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Nivel	MaB	Mba
23.15	$7.82/3(2 \times 1.00 + 3 \times 0.14) = 6.31$	$7.82/3(1.00 + 3 \times 0.14) = 3.70$
20.35	$16.5/3(2 \times 1.03 + 3 \times 0.14) = 13.64$	$16.5/3(1.03 + 3 \times 0.14) = 7.98$
17.55	$16.5/3(2 \times 0.89 + 3 \times 0.12) = 11.77$	$16.5/3(0.89 + 3 \times 0.12) = 6.88$
14.75	$16.5/3(2 \times 0.75 + 3 \times 0.10) = 9.90$	$16.5/3(0.75 + 3 \times 0.10) = 5.78$
11.95	$16.5/3(2 \times 0.80 + 3 \times 0.11) = 10.62$	$16.5/3(0.80 + 3 \times 0.11) = 6.22$
9.15	$16.5/3(2 \times 0.75 + 3 \times 0.10) = 9.90$	$16.5/3(0.75 + 3 \times 0.10) = 5.78$
6.35	$16.5/3(2 \times 0.68 + 3 \times 0.09) = 8.97$	$16.5/3(0.68 + 3 \times 0.09) = 5.23$
3.55	$16.5/3(2 \times 0.59 + 3 \times 0.08) = 7.81$	$16.5/3(0.59 + 3 \times 0.08) = 4.57$
0.30	$16.5/3(2 \times 0.37 + 3 \times 0.05) = 4.90$	$16.5/3(0.37 + 3 \times 0.05) = 2.86$

#### Momentos en las columnas

Se emplearan las siguientes formulas:

$$[ MaB = Mba = kc \times R'n ]$$

NIVEL	kc	R'n	MaB = Mba
7	2.41	1.00	- 2.41
6	2.41	1.06	- 2.55
5	14.87	0.71	-10.56
4	14.87	0.79	-11.75
3	14.87	0.82	-12.19
2	40.83	0.67	-27.36
1	40.83	0.68	-27.76
PB	74.77	0.51	-38.13
Sot	68.45	0.23	-15.74

#### Coeficientes de repartición

NIVEL	$\sum K$	Cv	$Cc \downarrow$	$Cc \uparrow$
23.15	10.23	$7.82 / 10.23 = 0.76$	$2.41 / 10.23 = 0.24$	
20.35	21.32	$16.5 / 21.32 = 0.78$	$2.41 / 21.32 = 0.11$	$2.41 / 21.32 = 0.11$
17.55	33.78	$16.5 / 33.78 = 0.49$	$14.87 / 33.78 = 0.44$	$2.41 / 33.78 = 0.07$
14.75	46.24	$16.5 / 46.24 = 0.36$	$14.87 / 46.24 = 0.32$	$14.87 / 46.24 = 0.32$
11.95	46.24	$16.5 / 46.24 = 0.36$	$14.87 / 46.24 = 0.32$	$14.87 / 46.24 = 0.32$
9.15	72.20	$16.5 / 72.20 = 0.23$	$40.83 / 72.20 = 0.56$	$14.87 / 72.20 = 0.21$
6.35	98.16	$16.5 / 98.16 = 0.16$	$40.83 / 98.16 = 0.42$	$40.83 / 98.16 = 0.42$
3.55	132.10	$16.5 / 132.10 = 0.12$	$74.77 / 132.10 = 0.57$	$40.83 / 132.10 = 0.31$
0.30	159.72	$16.5 / 159.72 = 0.10$	$68.45 / 159.72 = 0.43$	$74.77 / 159.72 = 0.47$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

212

Analisis por el metodo de distribución de momentos

NIVEL	Placa		viga	Col.	Col.
	C.D.	M			
7	C.D.		0.76		0.24
	M	6.31	3.70		- 2.41
	D1		- 0.98		- 0.31
	C1	- 0.49			
	$\Sigma$	5.82	2.72		- 2.72
6	C.D.		0.78	0.11	0.11
	M	13.64	7.98	- 2.41	- 2.55
	D1		- 2.36	- 0.33	- 0.33
	C1	- 1.18			
	$\Sigma$	12.46	5.62	- 2.74	- 2.88
5	C.D.		0.49	0.07	0.44
	M	11.77	6.88	- 2.55	- 10.56
	D1		3.05	0.44	2.74
	C1	1.52			
	$\Sigma$	13.29	9.93	- 2.11	- 7.82
4	C.D.		0.36	0.32	0.32
	M	9.90	5.78	- 10.56	- 11.75
	D1		5.95	5.29	5.29
	C1	2.97			
	$\Sigma$	12.87	11.73	- 5.27	- 6.46
3	C.D.		0.36	0.32	0.32
	M	10.62	6.22	- 11.75	- 12.19
	D1		6.38	5.67	5.67
	C1	3.19			
	$\Sigma$	13.81	12.60	- 6.08	- 6.52
2	C.D.		0.23	0.21	0.56
	M	9.90	5.78	- 12.19	- 27.36
	D1		7.77	7.09	18.91
	C1	3.88			
	$\Sigma$	13.78	13.55	- 5.10	- 8.45
1	C.D.		0.16	0.42	0.42
	M	8.97	5.23	- 27.36	- 27.76
	D1		7.99	20.95	20.95
	C1	3.99			
	$\Sigma$	12.96	13.22	- 6.41	- 6.81

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

710

Analisis por el metodo de distribución de momentos

NIVEL	Placa		viga	Col.	Col.
	C.D.	M	0.76		0.24
7	D1	- 0.98			- 0.31
	C1	- 0.49			
	$\Sigma$	5.82	2.72		- 2.72
	C.D.	0.78	0.11		0.11
6	M	13.64	7.98	- 2.41	- 2.55
	D1	- 2.36	- 0.33	- 0.33	
	C1	- 1.18			
	$\Sigma$	12.46	5.62	- 2.74	- 2.88
5	C.D.	0.49	0.07		0.44
	M	11.77	6.88	- 2.55	- 10.56
	D1	3.05	0.44		2.74
	C1	1.52			
4	$\Sigma$	13.29	9.93	- 2.11	- 7.82
	C.D.	0.36	0.32		0.32
	M	9.90	5.78	- 10.56	- 11.75
	D1	5.95	5.29		5.29
	C1	2.97			
3	$\Sigma$	12.87	11.73	- 5.27	- 6.46
	C.D.	0.36	0.32		0.32
	M	10.62	6.22	- 11.75	- 12.19
	D1	6.38	5.67		5.67
	C1	3.19			
	$\Sigma$	13.81	12.60	- 6.08	- 6.52
2	C.D.	0.23	0.21		0.56
	M	9.90	5.78	- 12.19	- 27.36
	D1	7.77	7.09		18.91
	C1	3.88			
	$\Sigma$	13.78	13.55	- 5.10	- 8.45
1	C.D.	0.16	0.42		0.42
	M	8.97	5.23	- 27.36	- 27.76
	D1	7.99	20.95		20.95
	C1	3.99			
	$\Sigma$	12.96	13.22	- 6.41	- 6.81

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

213

NIVEL PB	C.D.	0.12	0.31	0.57
	M	7.81	4.57	-27.76
	D1		7.36	19.01
	C1	3.68		
		11.49	11.93	- 8.75
SOTANO	C.D.	0.10	0.47	0.43
	M	4.90	2.86	-38.13
	D1		5.10	23.98
	C1	2.55		
		7.45	7.96	-14.15
				6.19

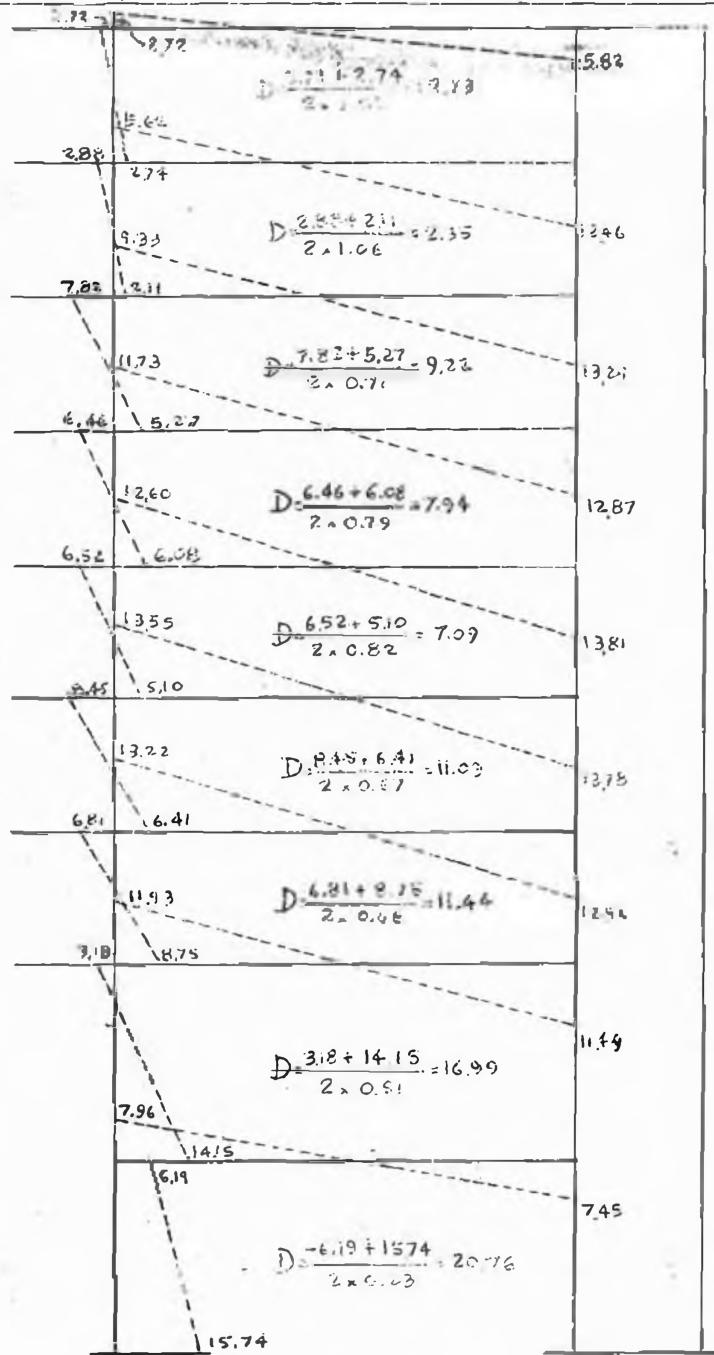


DIAGRAMA DE MOMENTOS Y CALCULO DE VALORES D

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

214

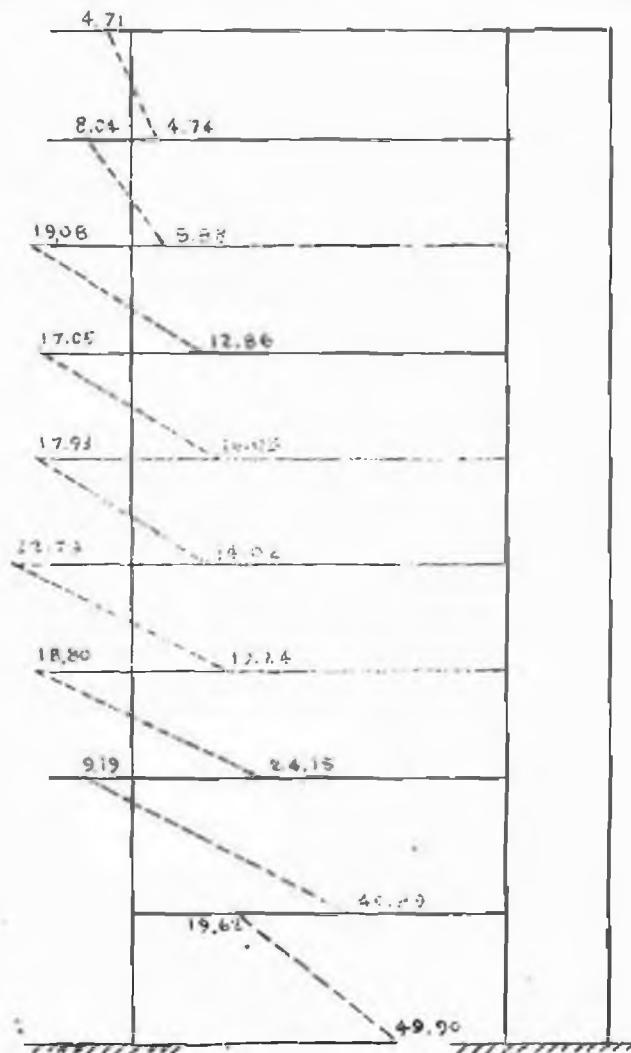
### Distribución del corte

NIVEL	D	V	Vxh	Vh/(Mt + MB)
7	2.73	3.37	9.44	9.44 / (2.72+2.74) = 1.73
6	2.35	4.98	13.94	13.94 / (2.88+2.11) = 2.79
5	9.22	11.41	31.95	31.95 / (7.82+5.27) = 2.44
4	7.94	11.84	33.15	33.15 / (6.46+6.08) = 2.64
3	7.09	11.42	31.98	31.98 / (6.52+5.10) = 2.75
2	11.09	14.26	39.93	39.93 / (8.45+6.41) = 2.69
1	11.44	15.34	42.95	42.95 / (6.81+8.75) = 2.76
PB	16.99	15.39	50.02	50.02 / (3.18+14.15) = 2.89
Sot	20.76	8.19	30.30	30.30 / (15.74-6.19) = 3.17

### Momentos finales en los extremos de las columnas

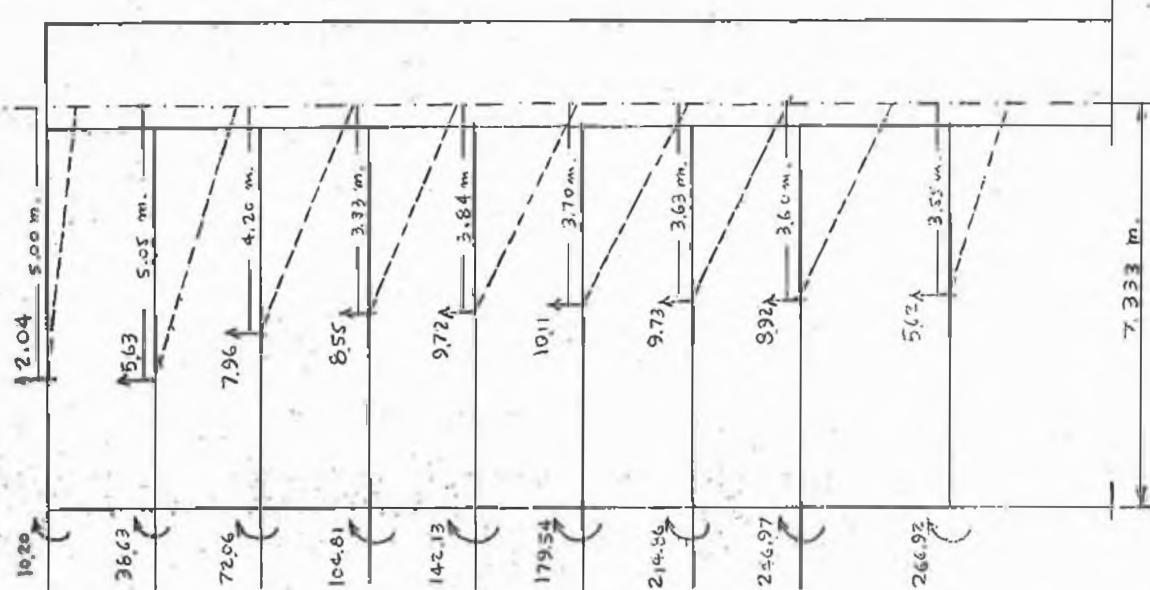
Segun las siguientes formulas:

$$\frac{M't = Vh/(Mt+Mb) \times Mt}{\text{(superiores)}} ; \quad \frac{M'b = Vh/(Mt+Mb) \times Mb}{\text{(inferiores)}}$$



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

215



EFFECTO LIMITE DEL PORTICO SOBRE EL MURO

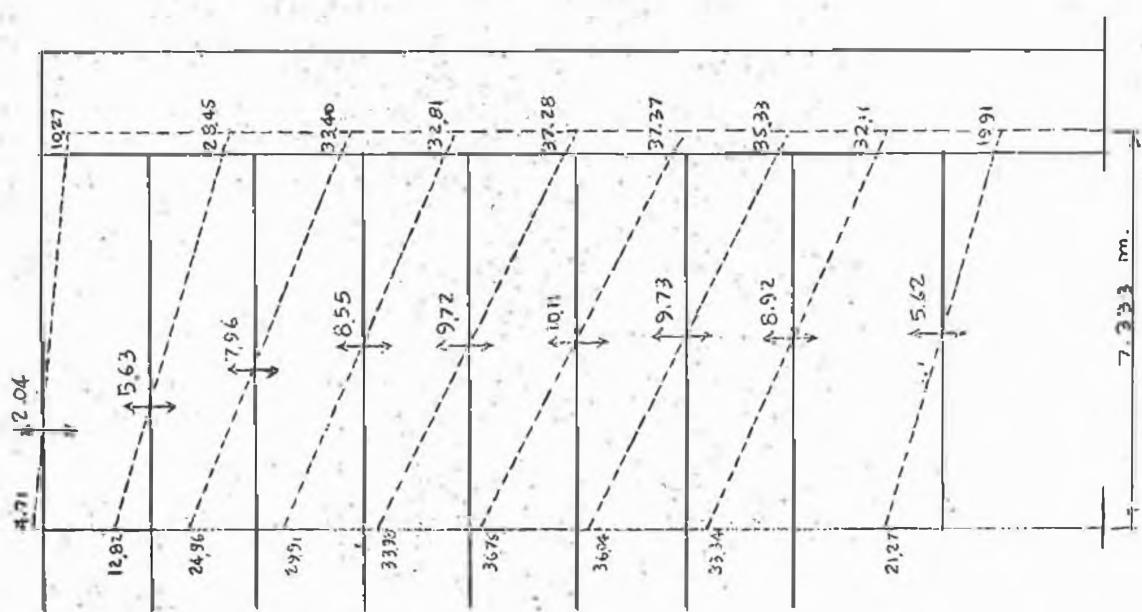
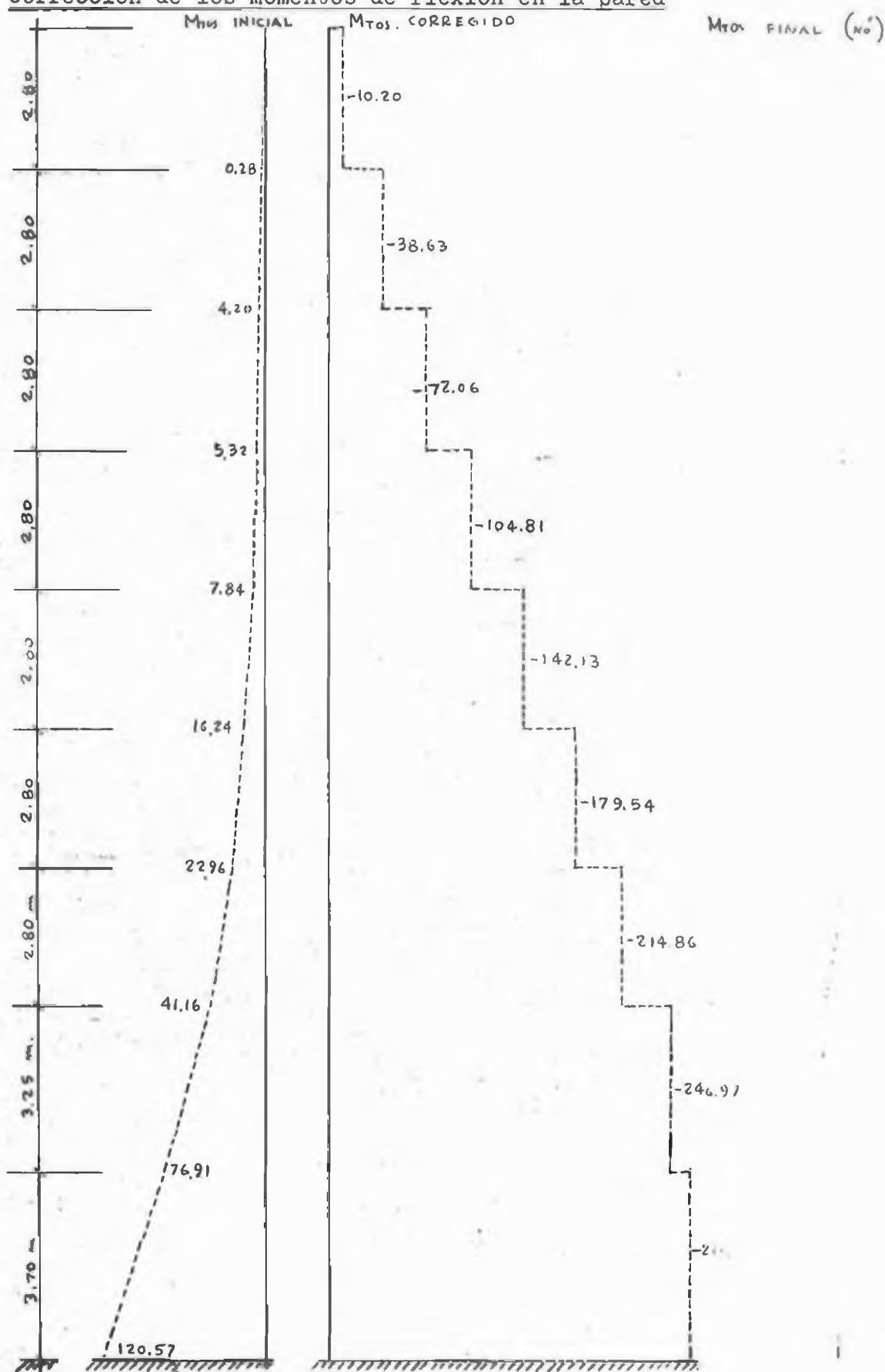


DIAGRAMA DE MOMENTOS EN LAS VIGAS

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

216

Corrección de los momentos de flexión en la pared



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

217

Segunda iteración.

En los resultados obtenidos en la primera iteración podemos observar que el momento corrector es mas grande que el momento inicial a lo largo de todo el edificio.

Por lo tanto llegamos a la conclusión de que el "D" con que se ha entrado al cálculo del efecto límite es mucho menor del que tiene realmente la placa.

Luego vamos a proceder a entrar a una nueva iteración para el cálculo del efecto límite con dos veces el valor del "D" tomado inicialmente y mediante esta nueva "D" supuesta hallaremos su corte correspondiente para iniciar los cálculos.

Tambien en esta oportunidad vamos a tener en cuenta que como la placa no es de una rigidez muy grande y teniendo en cuenta la concentración de esfuerzos que hay en la unión de la viga con la placa suponemos que se presentan deformaciones angulares, por lo tanto ya no funciona como perfectamente empotrada sino como una semirótula. Debido a esta consideración solo tomaremos la mitad de la corrección.

Redistribución del cortante

N	Vn	$\sum D_c$	Da	$\sum D$	Vc	Va	$\delta_s$
7	71.2	56.49	$0.10 \times 2 = 0.20$	56.69	70.9	$0.15 \times 2 = 0.30$	0.1
6	144.2	66.56	$1.32 \times 2 = 2.64$	69.20	138.7	$2.75 \times 2 = 5.50$	2.1
5	209.2	163.97	$0.56 \times 2 = 1.12$	165.09	207.8	$0.70 \times 2 = 1.40$	0.5
4	265.8	176.06	$1.14 \times 2 = 2.28$	178.34	262.4	$1.70 \times 2 = 3.40$	1.3
3	313.4	189.05	$3.66 \times 2 = 7.32$	196.37	301.7	$5.85 \times 2 = 11.70$	4.4
2	352.2	264.68	$3.60 \times 2 = 7.20$	271.88	342.9	$4.65 \times 2 = 9.30$	3.5
1	382.0	270.97	$9.62 \times 2 = 19.24$	290.21	356.7	$12.65 \times 2 = 25.30$	9.6
PB	405.0	420.12	$24.12 \times 2 = 48.24$	468.36	363.3	$20.85 \times 2 = 41.70$	13.6
S	419.7	1018.58	$60.92 \times 2 = 121.94$	1140.52	374.8	$22.45 \times 2 = 44.90$	12.8

Con estos cortantes y "D" pasamos a calcular los valores  $\theta'_n$  y  $R'v$  mediante las fórmulas señaladas anteriormente

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

218

Calculo de los valores  $\theta'_n$  y  $R'_v$

NIVEL	Vw	1/Dw	h/2	R'n	δsn	R'sn	R'Brn	θ'n	R'v
23.15								210.0 (1.00)	28.9 (0.14)
	0.15	10.0	140	210.0 (1.00)	0.1	0.0	210.0		
20.35								250.7 (1.19)	34.5 (0.16)
	2.75	0.76	140	291.7 (1.39)	2.1	0.3	291.4		
17.50								233.1 (1.11)	32.1 (0.15)
	0.70	1.79	140	175.0 (0.83)	0.5	0.1	174.9		
14.75								191.7 (0.91)	26.4 (0.13)
	1.70	0.88	140	208.8 (0.99)	1.3	0.2	208.6		
11.95								215.9 (1.03)	29.7 (0.14)
	5.85	0.27	140	223.8 (1.07)	4.4	0.6	223.2		
9.15								201.7 (0.96)	27.8 (0.13)
	4.65	0.28	140	180.8 (0.86)	3.5	0.5	180.3		
6.35								181.5 (0.86)	25.0 (0.12)
	12.65	0.10	140	184.1 (0.88)	9.6	1.3	182.8		
3.55								160.5 (0.76)	22.1 (0.11)
	20.85	0.04	162	140.5 (0.67)	13.6	2.2	138.3		
0.30								102.0 (0.49)	14.0 (0.06)
	22.45	0.02	185	68.2 (0.32)	12.8	2.4	65.8		

Momentos de empotramiento perfecto debido a las deformaciones.

Utilizamos las formulas anteriormente señaladas

NIVEL	$M_{Ba} = \frac{k_v}{3} (2\theta'_a + 3R'_v)$	$M_{Ba} = \frac{k_v}{3} (\theta'_a + 3R'_v)$
23.15	$7.82/3(2 \times 1.00 + 3 \times 0.14) = 6.31$	$7.82/3(1.00 + 3 \times 0.14) = 3.70$
20.35	$16.5/3(2 \times 1.19 + 3 \times 0.16) = 15.73$	$16.5/3(1.19 + 3 \times 0.16) = 9.18$
17.55	$16.5/3(2 \times 1.11 + 3 \times 0.15) = 14.68$	$16.5/3(1.11 + 3 \times 0.15) = 8.58$
14.75	$16.5/3(2 \times 0.91 + 3 \times 0.13) = 12.15$	$16.5/3(0.91 + 3 \times 0.13) = 7.15$
11.95	$16.5/3(2 \times 1.03 + 3 \times 0.14) = 13.64$	$16.5/3(1.03 + 3 \times 0.14) = 7.97$
9.15	$16.5/3(2 \times 0.96 + 3 \times 0.13) = 12.70$	$16.5/3(0.96 + 3 \times 0.13) = 7.42$
6.35	$16.5/3(2 \times 0.86 + 3 \times 0.12) = 11.44$	$16.5/3(0.86 + 3 \times 0.12) = 6.71$
3.55	$16.5/3(2 \times 0.76 + 3 \times 0.11) = 10.17$	$16.5/3(0.76 + 3 \times 0.11) = 5.99$
0.30	$16.5/3(2 \times 0.49 + 3 \times 0.06) = 6.38$	$16.5/3(0.49 + 3 \times 0.06) = 3.68$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

219

Momentos en las columnas

$$M_{AB} = M_{BA} = K_c \times R'n$$

NIVEL	$K_c$	$R'n$	$M_{AB} = M_{BA}$
7	2.41	1.00	- 2.41
6	2.41	1.39	- 3.35
5	14.87	0.83	-12.34
4	14.87	0.99	-14.72
3	14.87	1.07	-15.91
2	40.83	0.86	-35.11
1	40.83	0.88	-35.93
PB	74.77	0.67	-50.09
Sot	68.45	0.32	-21.90

Analisis por el método de distribución de momentos

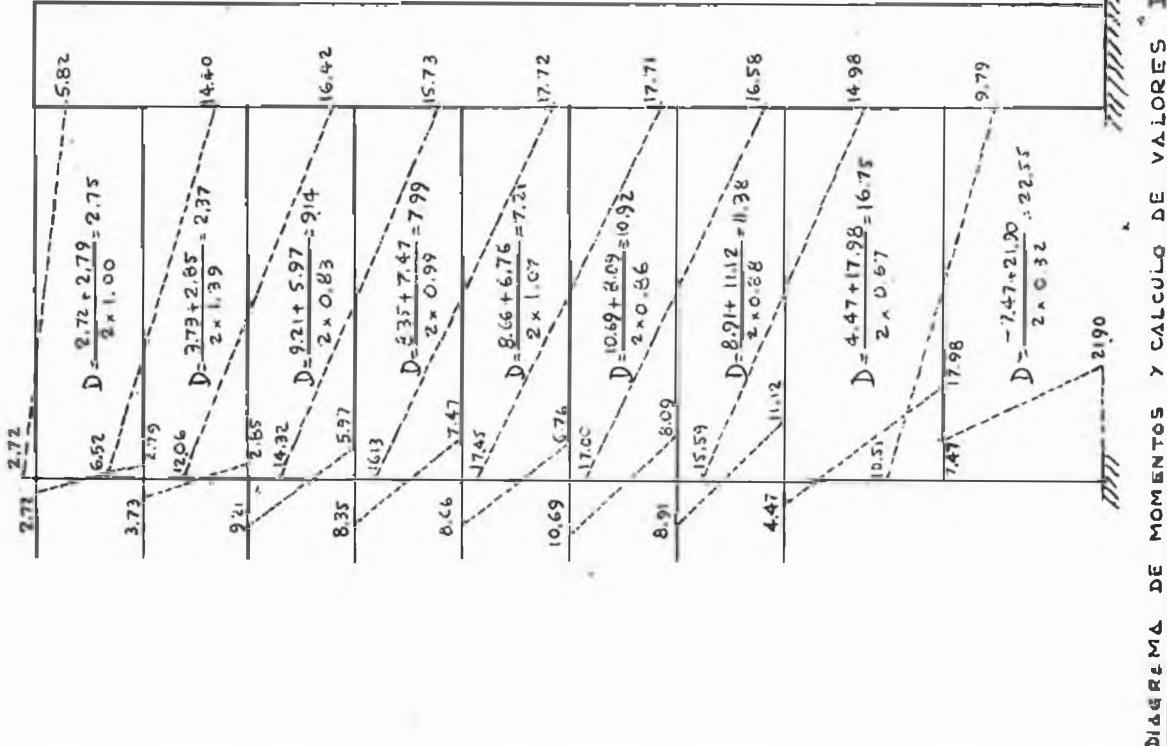
Utilizamos los coeficientes de distribución hallados anteriormente

NIVEL	C.D.	viga	COLUMNAS	COLUMNAS
7	M	6.31	3.70	- 2.41
	D1		- 0.98	- 0.31
	C1	- 0.49		
	$\Sigma$	5.82	2.72	- 2.72
	C.D.	0.78	0.11	0.11
6	M	15.73	9.18	- 2.41
	D1		- 2.66	- 0.38
	C1	- 1.33		
	$\Sigma$	14.40	6.52	- 3.73
	C.D.	0.49	0.07	0.44
5	M	14.68	8.58	- 3.35
	D1		3.48	0.50
	C1	1.74		3.13
	$\Sigma$	16.42	12.06	- 9.21
	C.D.	0.36	0.32	0.32
4	M	12.15	7.15	- 12.34
	D1		7.17	6.37
	C1	3.58		
	$\Sigma$	15.73	14.32	- 8.35
	C.D.	0.36	0.32	0.32
3	M	13.64	7.97	- 14.72
	D1		8.16	7.25
	C1	4.08		
	$\Sigma$	17.72	16.13	- 8.66

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

220

NIVEL	C.D.	0.23	0.21	0.56
2	M	12.70	7.42	-15.91
	D1	10.03	9.15	24.42
	C1	5.01		
	$\Sigma$	17.71	17.45	-6.76
1	C.D.	0.16	0.42	0.42
	M	11.44	6.71	-35.11
	D1	10.29	27.02	27.02
	C1	5.14		
	$\Sigma$	16.58	17.00	-8.09
PB	C.D.	0.12	0.31	0.57
	M	10.17	5.99	-35.93
	D1	9.60	24.81	45.62
	C1	4.81		
	$\Sigma$	14.98	15.59	-11.12
S	C.D.	0.10	0.47	0.43
	M	6.38	3.68	-50.09
	D1	6.83	32.11	29.37
	C1	3.41		
	$\Sigma$	9.79	10.51	-17.98



**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

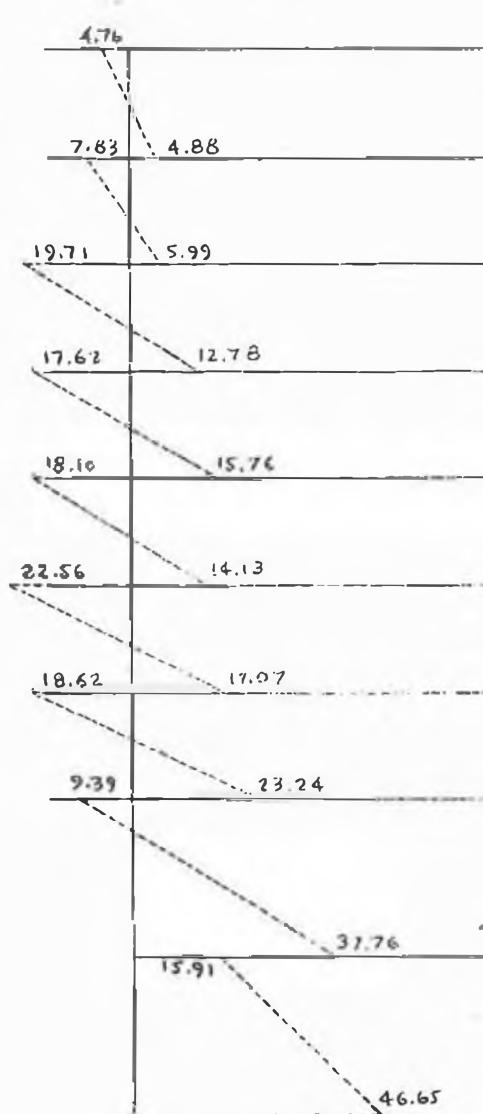
221

Distribucion del corte

NIVEL	D	V	VxH	Vh/(Mt + Mb)
7	2.75	3.45	9.66	9.66 / (2.72+2.79) = 1.75
6	2.37	4.94	13.83	13.83 / (3.73+2.85) = 2.10
5	9.14	11.58	32.42	32.42 / (9.21+5.97) = 2.14
4	7.99	11.91	33.35	33.35 / (8.35+7.47) = 2.11
3	7.21	11.51	32.23	32.23 / (8.66+6.76) = 2.09
2	10.92	14.15	39.62	39.62 / (10.69+8.09) = 2.11
1	11.38	14.98	41.94	41.94 / (8.91+11.12) = 2.09
PB	16.75	14.48	47.06	47.06 / (4.47+17.98) = 2.10
Sot	22.55	8.30	30.71	30.71 / (21.90-7.47) = 2.13

Momentos finales en los extremos de las columnas

Utilizando las mismas formulas señaladas anteriormente



$$M_t = \frac{V_h}{M_t + M_b} \cdot M_T \quad (M_t \text{ arriba})$$

$$M_b = \frac{V_h}{M_t + M_b} \cdot M_B \quad (M_b \text{ abajo})$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

222

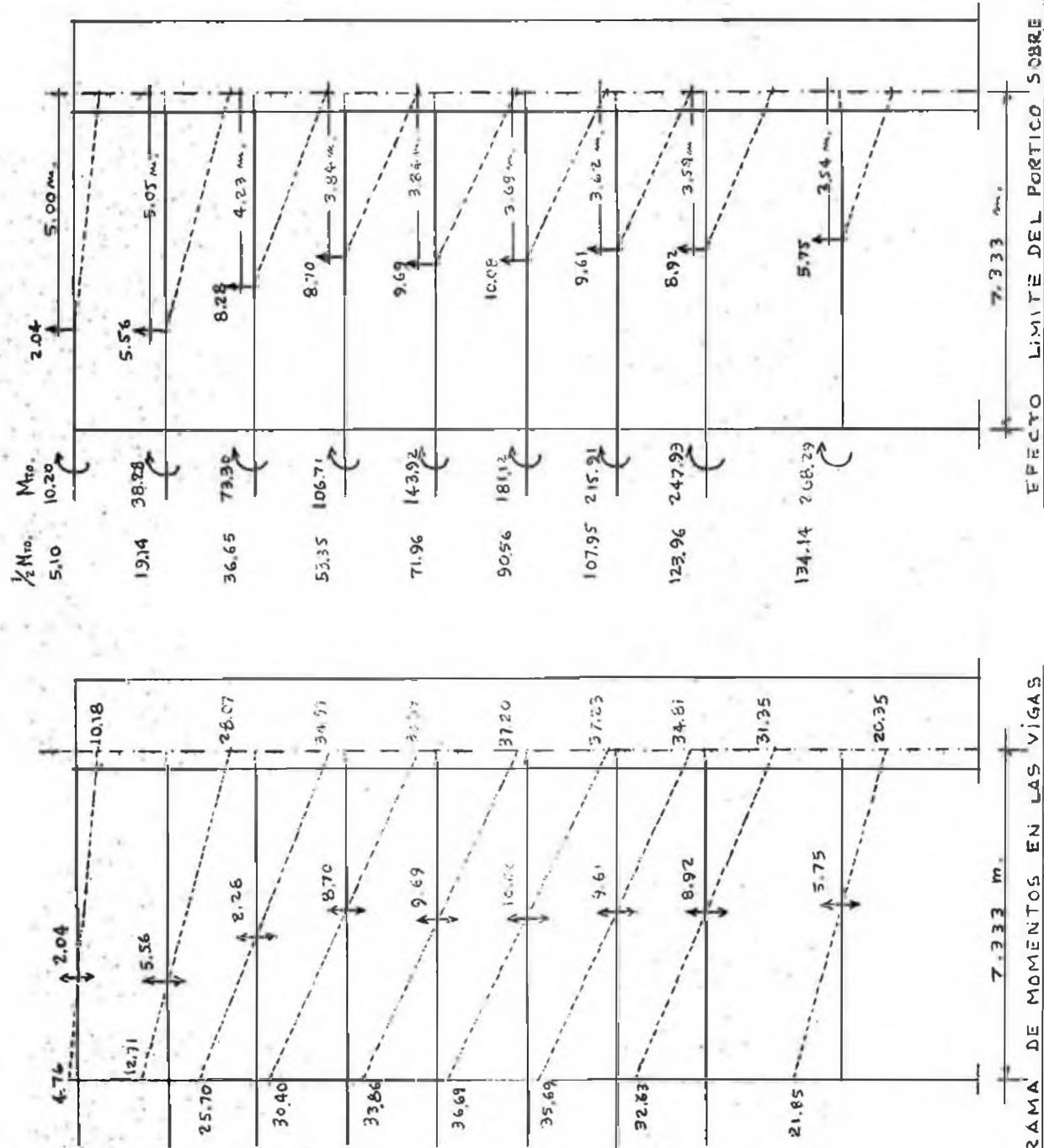
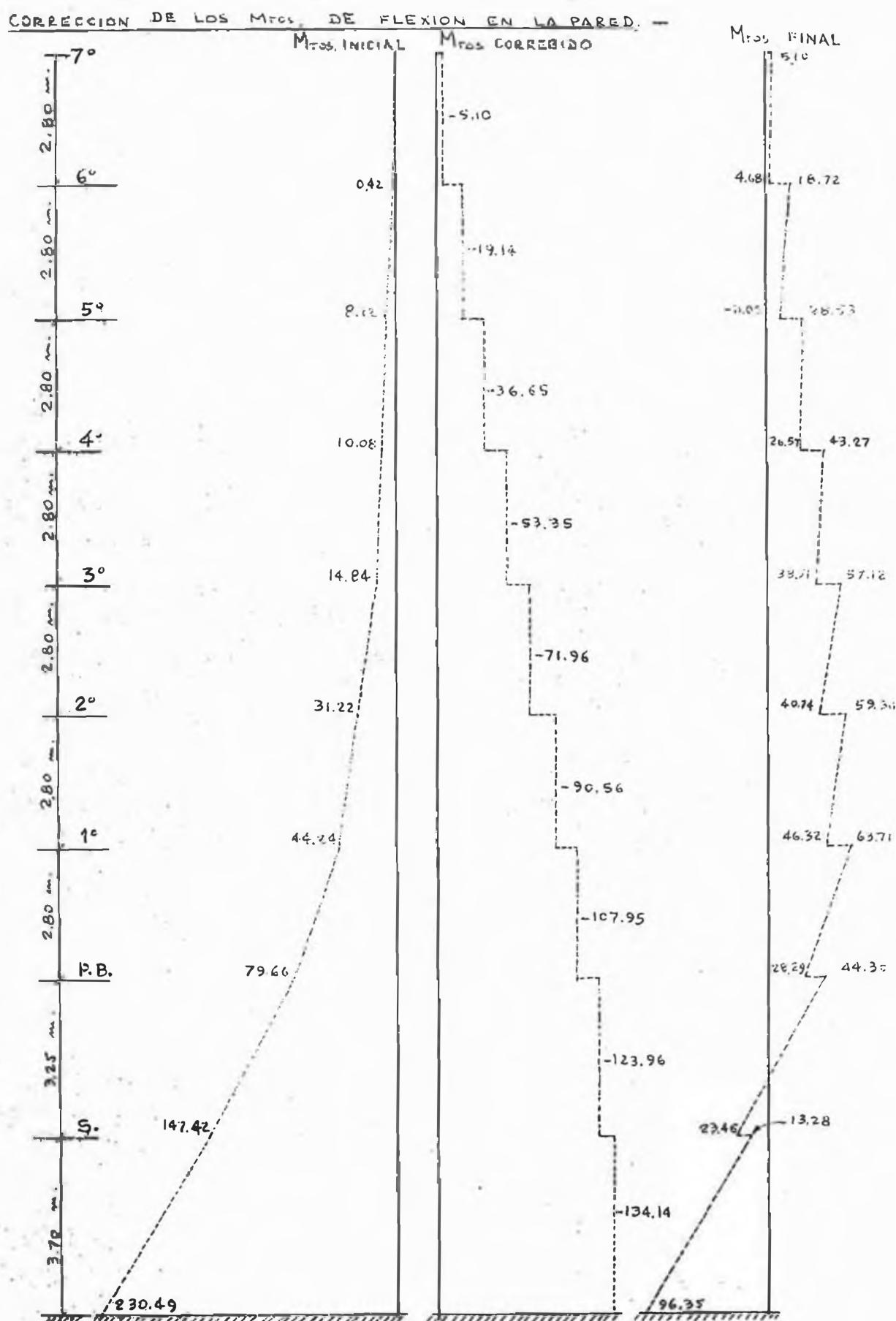


DIAGRAMA DE MOMENTOS EN LAS VIGAS

EFFECTO LIMITE DEL PORTICO SOBRE EL MURO

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

223



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

224

Chequeo de los valores "D"

N	$M' \times 10^2$	$2Mn \times 10^2$	Kwn	$2Mn/Kwn$	$4\Delta\delta_n$	$3/H_n$	$\delta_B n = 4\Delta\delta_n \times 3/H_n$
7	0.42	0.42	558	0.08	379.72	3/280	
6	8.12	8.54	558	1.53	378.11	3/280	
5	10.08	18.20	558	3.26	373.32	3/280	
4	14.84	24.92	558	4.47	365.59	3/280	
3	31.22	45.06	558	8.08	353.04	3/280	
2	44.24	75.46	558	13.52	331.44	3/280	
1	79.66	123.90	558	22.20	295.72	3/280	
PB	147.42	227.08	481	47.21	226.31	3/325	
S	230.49	377.91	422	89.55	89.55	3/370	
7	5.10	10.20	588	1.83	504.14	3/280	
6	19.14	38.28	588	6.86	495.45	3/280	
5	36.65	73.30	588	13.14	475.45	3/280	
4	53.35	106.70	588	19.12	443.19	3/280	
3	71.96	143.92	588	25.79	398.28	3/280	
2	90.56	181.12	588	32.46	340.03	3/280	
1	107.95	215.90	588	38.69	268.88	3/280	
PB	123.96	247.92	481	51.54	178.65	3/325	
S	134.14	268.28	422	63.57	63.57	3/370	

La primera tabla corresponde al cálculo de la deformación debida al momento inicial; la segunda tabla corresponde al calculo de la deformación debida al momento corrector debido al efecto límite.

Como podemos apreciar en las tablas correspondientes las deformaciones debidas al momento inicial son mayores que las deformaciones debidas al momento corrector; debido a esto sacamos como conclusión que el "D" con que se ha entrado al cálculo sigue siendo menor que el real, por lo tanto para iniciar la tercera iteración tomaremos en cuenta que los "D" son tres veces los utilizados en el cálculo de la primera iteración y mediante estos nuevos valores hallaremos el corte que les corresponde para iniciar nuevamente el proceso.

Por lo tanto con estas consideraciones pasamos a efectuar la tercera iteracion.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

225

Tercera iteracion

Redistribucion del cortante

N	Vn	$\Sigma D_c$	Da	$\Sigma D$	Vc	Va	$\delta_s$
7	71.2	56.49	$0.15x2= 0.30$	56.79	70.8	$0.20x2= 0.40$	0.2
6	144.2	66.56	$1.98x2= 3.96$	70.52	136.1	$4.05x2= 8.10$	3.1
5	209.2	163.97	$0.84x2= 1.68$	165.65	207.1	$1.05x2= 2.10$	0.8
4	265.8	176.06	$1.71x2= 3.42$	179.48	260.7	$2.55x2= 5.10$	1.9
3	313.4	189.05	$5.49x2= 10.98$	200.03	296.2	$8.60x2= 17.20$	6.5
2	352.2	264.68	$5.40x2= 10.80$	275.48	338.4	$6.90x2= 13.80$	5.2
1	382.0	270.97	$14.43x2= 28.86$	299.83	345.2	$18.40x2= 36.80$	13.9
PB	405.0	420.12	$36.18x2= 72.36$	492.48	345.5	$29.75x2= 59.50$	19.4
S	419.7	1018.58	$91.38x2= 182.76$	1201.34	355.9	$31.90x2= 63.80$	18.3

Cálculo de los valores  $\theta'n$  y  $R'v$

NIVEL	Vw	1/Dw	h/2	R'n	$\delta_{sn}$	R'sn	R'Brn	$\theta'n$	R'v
23.15								186.7 (1.00)	25.7 (0.14)
	0.20	6.67	140	186.7 (1.00)	0.2	0.0	186.7		
20.35								236.3 (1.27)	32.5 (0.17)
	4.05	0.50	140	286.4 (1.53)	3.1	0.4	286.0		
17.55								230.4 (1.23)	31.7 (0.17)
	1.05	1.19	140	175.0 (0.94)	0.8	0.1	174.9		
14.75								191.7 (1.03)	26.4 (0.14)
	2.55	0.58	140	208.8 (1.12)	1.9	0.3	208.5		
11.95								213.4 (1.14)	29.4 (0.16)
	8.60	0.18	140	219.3 (1.17)	6.5	0.9	218.4		
9.15								198.3 (1.06)	27.3 (0.15)
	6.90	0.19	140	178.9 (0.96)	5.2	0.7	178.2		
6.35								177.4 (0.95)	24.4 (0.13)
	18.40	0.07	140	178.5 (0.96)	13.9	1.9	176.6		
3.55								153.7 (0.82)	21.2 (0.11)
	29.75	0.03	162	133.6 (0.72)	19.4	2.7	130.9		
0.30								96.4 (0.52)	13.3 (0.07)
	31.90	0.01	185	64.6 (0.35)	18.3	2.6	62.0		

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

226

Momentos de empotramiento perfecto debido a las deformaciones

NIVEL	$MaB = \frac{K_v}{3} (2\theta_a + 3R'_v)$	$MBa = \frac{K_v}{3} (\theta_a + 3R'_v)$
23.15	$7.82/3(2x1.00 + 3x0.14) = 6.31$	$7.82/3(1.00 + 3x0.14) = 3.70$
20.35	$16.5/3(2x1.27 + 3x0.17) = 16.77$	$16.5/3(1.27 + 3x0.17) = 9.79$
17.55	$16.5/3(2x1.23 + 3x0.17) = 16.33$	$16.5/3(1.23 + 3x0.17) = 9.57$
14.75	$16.5/3(2x1.03 + 3x0.14) = 13.64$	$16.5/3(1.03 + 3x0.14) = 7.97$
11.95	$16.5/3(2x1.14 + 3x0.16) = 15.18$	$16.5/3(1.14 + 3x0.16) = 8.91$
9.15	$16.5/3(2x1.06 + 3x0.15) = 14.13$	$16.5/3(1.06 + 3x0.15) = 8.30$
6.35	$16.5/3(2x0.95 + 3x0.13) = 12.59$	$16.5/3(0.95 + 3x0.13) = 7.37$
3.55	$16.5/3(2x0.82 + 3x0.11) = 10.83$	$16.5/3(0.82 + 3x0.11) = 6.32$
0.30	$16.5/3(2x0.52 + 3x0.07) = 6.87$	$16.5/3(0.52 + 3x0.07) = 4.01$

Momentos en las columnas

$$MaB = MBa = k_c \cdot R'n$$

NIVEL	$k_c$	$R'n$	$MaB = MBa$
7	2.41	1.00	- 2.41
6	2.41	1.53	- 3.69
5	14.87	0.94	-13.98
4	14.87	1.12	-16.65
3	14.87	1.17	-17.40
2	40.83	0.96	-39.20
1	40.83	0.96	-39.20
PB	74.77	0.72	-53.83
S	68.45	0.35	-23.96

Analisis por el método de distribucion de momentos

NIVEL	C.D.	viga	columna I	columna II
		0.76	0.24	
7	M	6.31	3.70	- 2.41
	D1	- 0.98		- 0.31
	C1	- 0.49		
	$\Sigma$	5.82	2.72	- 2.72
	C.D.	0.78	0.11	0.11
6	M	16.77	9.79	- 2.41
	D1	- 2.87	- 0.41	- 0.41
	C1	- 1.43		
	$\Sigma$	15.34	6.92	- 2.82
				- 4.10

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

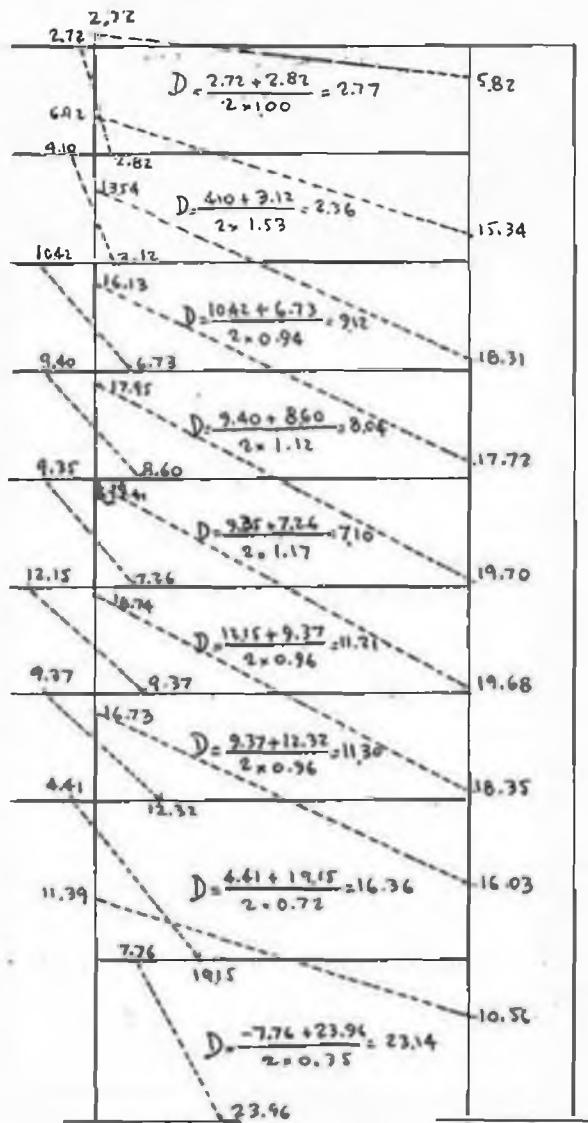
221

5	C.D.	0.49	0.07	0.44
	M	16.33	9.57	- 3.69
	D1		3.97	0.57
	C1	1.98		
	$\Sigma$	18.31	13.54	- 3.12
4	C.D.	0.36	0.32	0.32
	M	13.64	7.97	-13.98
	D1		8.16	7.25
	C1	4.08		
	$\Sigma$	17.72	16.13	- 6.73
3	C.D.	0.36	0.32	0.32
	M	15.18	8.91	-16.65
	D1		9.04	8.05
	C1	4.52		
	$\Sigma$	19.70	17.95	- 8.60
2	C.D.	0.23	0.21	0.56
	M	14.13	8.30	-17.40
	D1		11.11	10.14
	C1	5.55		
	$\Sigma$	19.68	19.41	- 7.26
1	C.D.	0.16	0.42	0.42
	M	12.59	7.37	-39.20
	D1		11.37	29.83
	C1	5.76		
	$\Sigma$	18.35	18.74	- 9.37
PB	C.D.	0.12	0.31	0.57
	M	10.83	6.32	-39.20
	D1		10.41	26.88
	C1	5.20		
	$\Sigma$	16.03	16.73	-12.32
S	C.D.	0.10	0.47	0.43
	M	6.87	4.01	-53.83
	D1		7.38	34.68
	C1	3.69		
	$\Sigma$	10.56	11.39	-19.15

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

228

Diagramas de momentos y cálculo de los valores "D"

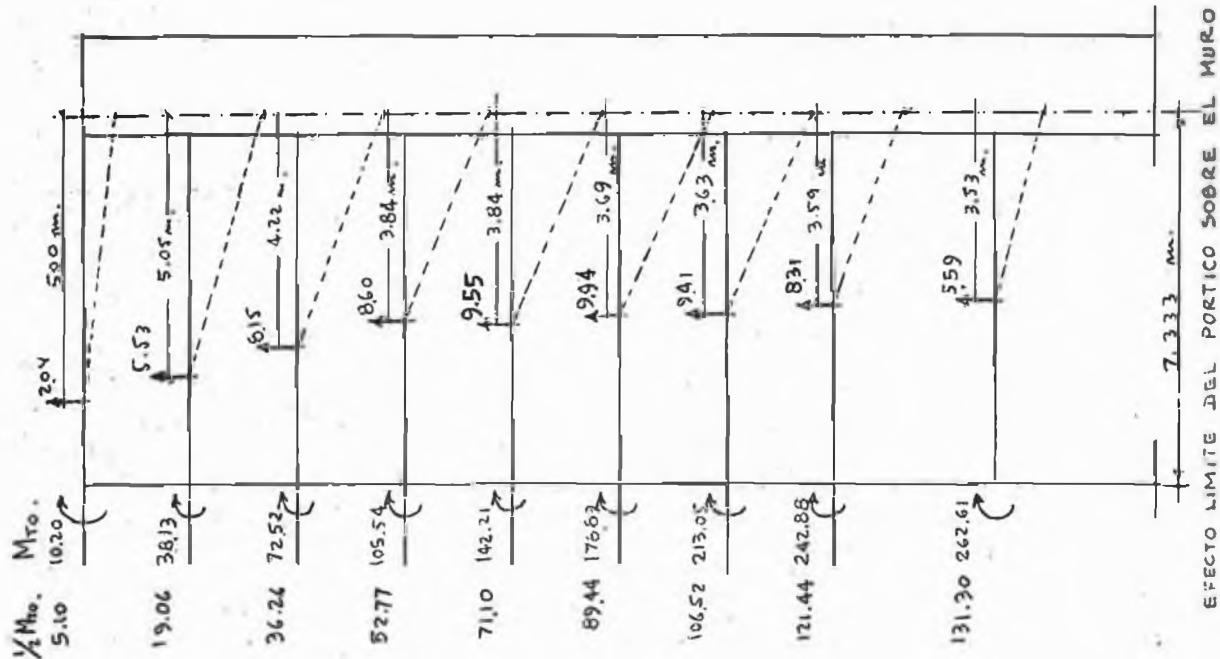


Distribución del corte

NIVEL	D	V	Vxh	Vh/(Mt + MB)
7	2.77	3.47	9.72	$9.72 / (2.72+2.82) = 1.75$
6	2.36	4.83	13.52	$13.52 / (4.10+3.12) = 1.87$
5	9.12	11.52	32.26	$32.26 / (10.42+6.73) = 1.88$
4	8.04	11.91	33.35	$33.35 / (9.40+8.60) = 1.85$
3	7.10	11.12	31.14	$31.14 / (9.35+7.26) = 1.87$
2	11.21	14.33	40.12	$40.12 / (12.15+9.37) = 1.86$
1	11.30	14.40	40.32	$40.32 / (9.37+12.32) = 1.86$
PB	16.36	13.45	43.71	$43.71 / (4.41+19.15) = 1.86$
S	23.14	8.08	29.90	$29.90 / (23.96-7.76) = 1.85$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

229



EFFECTO LIMITE DEL PORTICO SOBRE EL MURO

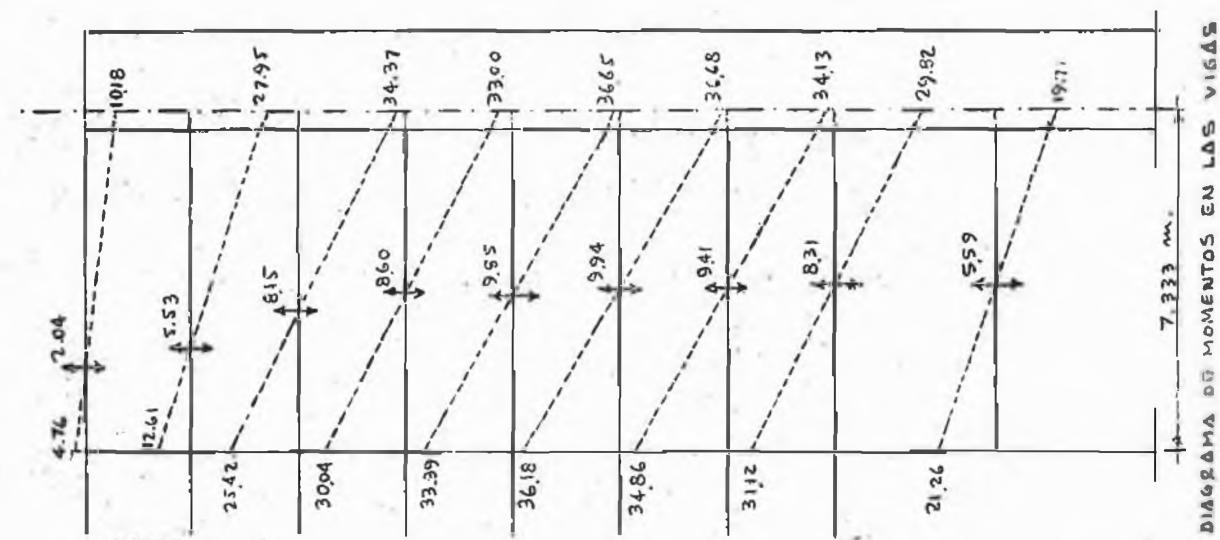
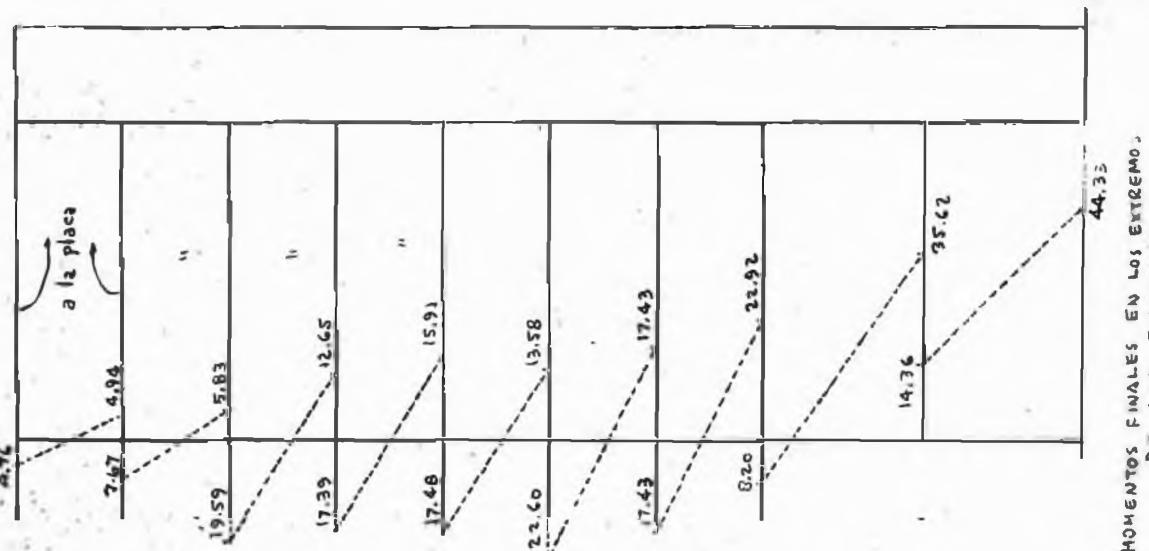


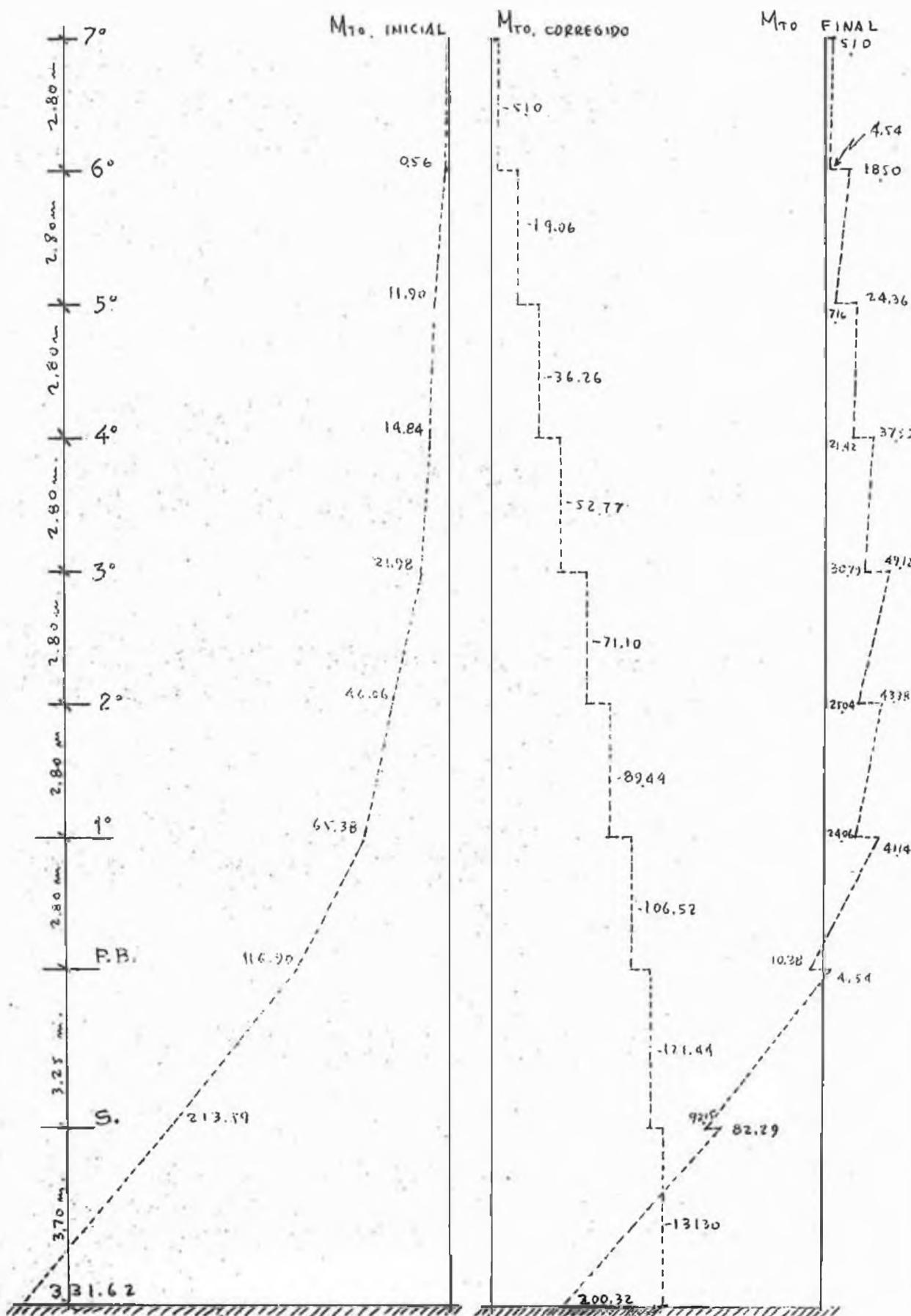
DIAGRAMA DE MOMENTOS EN LAS VIGAS



MOMENTOS FINALES EN LOS EXTREMOS  
DE LAS COLUMNAS

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

230



Deformación debida al momento inicial

N	$M'nx10^2$	$2Mnx10^2$	K <sub>wn</sub>	$2Mn/Kn$	$4\Delta B_n$	$3/H_n$	$\delta B_n = 4\Delta B_n \times 3/H_n$
7	0.56	0.56	558	0.10	552.82	3/280	5923.0
6	11.90	12.46	558	2.23	550.49	3/280	5898.1
5	14.84	26.74	558	4.79	543.47	3/280	5822.8
4	21.98	36.82	558	6.60	532.08	3/280	5700.8
3	46.06	68.04	558	12.19	513.29	3/280	5499.8
2	65.38	111.44	558	19.97	481.13	3/280	5154.9
1	116.90	182.28	558	32.67	428.49	3/280	4590.9
PB	213.59	330.49	481	68.71	327.11	3/325	3019.5
S	331.62	545.21	422	129.20	129.20	3/370	1047.6

Deformaciones debidas a la corrección

7	5.10	10.20	558	1.83	495.81	3/280	5312.2
6	19.06	38.12	558	6.83	487.15	3/280	5219.4
5	36.26	72.52	558	13.00	467.32	3/280	5007.0
4	52.77	104.54	558	18.73	435.59	3/280	4667.0
3	71.10	142.20	558	25.48	391.38	3/280	4193.3
2	89.44	178.88	558	32.05	333.85	3/280	3576.9
1	106.52	213.04	558	38.18	263.62	3/280	2824.5
PB	121.44	242.88	481	50.49	174.95	3/325	1614.9
S	131.30	262.60	422	62.23	62.23	3/370	504.6

Chequeo de las "D"

N	V	$\delta B_n = \delta B_{n_1} - \delta B_{n_2}$	$\delta s_n$	$\delta t_n$	D
7	0.20	5923.0 - 5312.2 = 610.8	0.2	611.0	0.32
6	4.05	5898.1 - 5219.4 = 678.7	3.1	681.8	5.94
5	1.05	5822.8 - 5007.0 = 815.8	0.8	816.6	1.29
4	2.55	5700.8 - 4667.0 = 1033.8	1.9	1035.7	2.46
3	8.60	5499.8 - 4193.3 = 1306.2	6.5	1312.7	6.55
2	6.90	5154.9 - 3576.9 = 1578.0	5.2	1583.2	4.36
1	18.40	4590.9 - 2824.5 = 1766.4	13.9	1780.3	10.34
PB	29.75	3019.5 - 1614.9 = 1404.6	19.4	1424.0	20.89
S	31.90	1047.6 - 504.6 = 543.0	18.3	561.3	56.83

Comparación de los valores "D"

Nivel	7	6	5	4	3	2	1	PB	3
Di	0.15	1.98	0.84	1.71	5.49	5.40	14.43	36.18	91.38
Df	0.32	5.94	1.29	2.46	6.55	4.36	10.34	20.89	56.83

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Como podemos ver en la comparacion los valores "R" difieren de tal manera que es necesario efectuar otra iteración para lo cual entramos con los valores "R" hallados en la última iteración y calculamos los cortes que les corresponden.

#### Cuarta iteración

#### Redistribución del contenido

N	V	Dc	Da	S. D	Vc	Va	δs
7	71.2	56.49	$0.32 \times 2 = 0.64$	57.13	70.4	$0.40 \times 2 = 0.80$	0.3
6	144.2	66.56	$5.94 \times 2 = 11.88$	78.44	122.4	$10.90 \times 2 = 21.80$	8.2
5	209.2	163.97	$1.29 \times 2 = 2.58$	166.55	206.0	$1.60 \times 2 = 3.20$	1.2
4	265.8	176.06	$2.46 \times 2 = 4.92$	180.98	258.6	$3.60 \times 2 = 7.20$	2.7
3	313.4	189.05	$6.55 \times 2 = 13.10$	202.15	293.1	$10.15 \times 2 = 20.30$	7.7
2	352.2	264.68	$4.36 \times 2 = 8.72$	273.40	341.0	$5.60 \times 2 = 11.20$	4.2
1	382.0	270.97	$10.34 \times 2 = 20.68$	291.65	354.9	$13.55 \times 2 = 27.10$	10.2
10	405.0	420.12	$20.89 \times 2 = 41.78$	461.90	368.4	$18.30 \times 2 = 36.60$	11.9
8	419.7	1018.58	$56.83 \times 2 = 113.66$	1152.24	377.6	$21.05 \times 2 = 42.10$	12.0

#### Cálculo de los valores R'n ; R'n y R'v

NIVEL	Vw	$1/v_w$	b%	R'	r	$v_{ew}$	$R'_{ew}$	$R'_n$	$R'_v$
23.15								175.0 (1.00)	24.1 (0.14)
	0.40	3.12	140	175.0 (1.00)	0.3	0.0	175.0		
20.35								215.4 (1.23)	29.7 (0.17)
	10.90	0.17	140	256.9 (1.47)	2.2	1.1	255.8		
17.55								214.6 (1.23)	29.5 (0.17)
	1.60	0.77	140	173.6 (0.99)	1.2	0.2	173.4		
14.75								188.9 (1.08)	26.0 (0.15)
	3.60	0.41	140	204.9 (1.17)	2.7	0.4	204.5		
11.95								210.1 (1.20)	28.9 (0.17)
	10.15	0.15	140	216.9 (1.24)	7.7	1.1	215.8		
9.15								197.5 (1.13)	27.2 (0.16)
	5.60	0.23	140	179.0 (1.03)	4.2	0.6	179.2		
6.35								180.6 (1.03)	24.9 (0.14)
	13.55	0.10	140	183.5 (1.05)	10.2	1.4	182.1		
3.55								161.3 (0.92)	22.2 (0.13)
	18.30	0.48	162	142.4 (0.81)	11.9	1.9	140.5		
0.30								103.4 (0.59)	14.2 (0.08)
	21.05	0.17	185	65.5	12.0	2.2	66.3		

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

253

Momentos de empotramiento debido a las deformaciones

NIVEL	$M_{aB} = K \frac{1}{3} (2\theta_a + 3R'_n)$	$M_{Ba} = K \frac{1}{3} (\theta_a + 3R'_n)$
23.15	$7.82/3(2x1.00 + 3x0.14) = 6.31$	$7.82/3(1.00 + 3x0.14) = 3.70$
20.35	$16.5/3(2x1.23 + 3x0.17) = 16.33$	$16.5/3(1.23 + 3x0.17) = 9.57$
17.55	$16.5/3(2x1.23 + 3x0.17) = 16.33$	$16.5/3(1.23 + 3x0.17) = 9.57$
14.75	$16.5/3(2x1.08 + 3x0.15) = 14.35$	$16.5/3(1.08 + 3x0.15) = 8.41$
11.95	$16.5/3(2x1.20 + 3x0.17) = 16.00$	$16.5/3(1.20 + 3x0.17) = 9.40$
9.15	$16.5/3(2x1.13 + 3x0.16) = 15.07$	$16.5/3(1.13 + 3x0.16) = 8.85$
6.35	$16.5/3(2x1.03 + 3x0.14) = 13.64$	$16.5/3(1.03 + 3x0.14) = 7.97$
3.55	$16.5/3(2x0.92 + 3x0.13) = 12.26$	$16.5/3(0.92 + 3x0.13) = 7.20$
0.30	$16.5/3(2x0.59 + 3x0.08) = 7.81$	$16.5/3(0.59 + 3x0.08) = 4.56$

Momentos en las columnas  $M_{aB} = M_{Ba} = K_c \cdot R'_n$

NIVEL	$K_c$	$R'_n$	$M_{aB} = M_{Ba}$
7	2.41	1.00	- 2.41
6	2.41	1.47	- 3.54
5	14.87	0.99	-14.72
4	14.87	1.17	-17.40
3	14.87	1.24	-18.44
2	40.83	1.03	-42.05
1	40.83	1.05	-42.87
PB	74.77	0.81	-60.56
S	68.45	0.39	-26.70

Análisis por el método de distribución de momentos

NIVEL	C.D.	columna ↑		columna ↓
		columna I	columna II	
7	M	0.76		0.24
	D1	6.31	3.70	- 2.41
	C1	- 0.49	- 0.98	- 0.31
	Σ	5.82	2.72	- 2.72
6	C.D.	0.78	0.11	0.11
	M	16.33	9.57	- 2.41
	D1		- 2.82	- 0.40
	C1	- 1.41		- 0.40
	Σ	14.92	6.75	- 2.81
				- 3.94

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

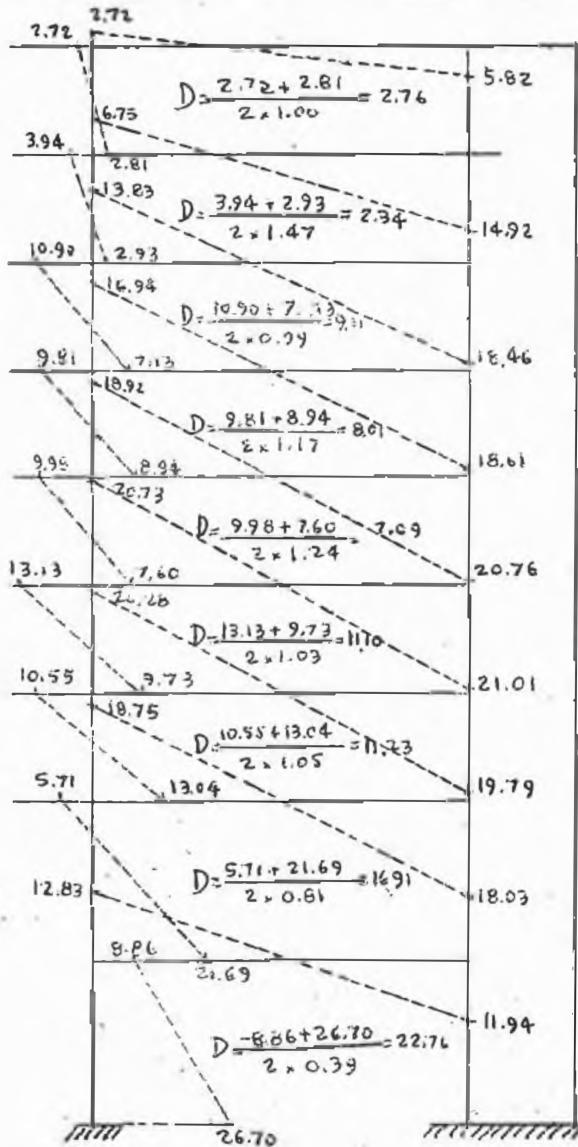
234

NIVEL 5	C.D.	0.49	0.07	0.44
	M	16.33	9.57	- 3.54
	D1		4.26	0.61
	C1	2.13		
	$\Sigma$	18.46	13.83	- 2.93
4	C.D.	0.36	0.32	0.32
	M	14.35	8.41	- 14.72
	D1		8.53	7.59
	C1	4.26		
	$\Sigma$	18.61	16.94	- 7.13
3	C.D.	0.36	0.32	0.32
	M	16.00	9.40	- 17.40
	D1		9.52	8.46
	C1	4.76		
	$\Sigma$	20.76	18.92	- 8.94
2	C.D.	0.23	0.21	0.56
	M	15.07	8.85	- 42.05
	D1		11.88	10.84
	C1	5.94		
	$\Sigma$	21.01	20.73	- 7.60
1	C.D.	0.16	0.42	0.42
	M	13.64	7.97	- 42.05
	D1		12.31	32.32
	C1	6.15		
	$\Sigma$	19.79	20.28	- 9.73
PB	C.D.	0.12	0.31	0.57
	M	12.26	7.20	- 42.87
	D1		11.55	29.83
	C1	5.77		
	$\Sigma$	18.03	18.75	- 13.04
S	C.D.	0.10	0.47	0.43
	M	7.81	4.56	- 60.56
	D1		8.27	38.87
	C1	4.13		
	$\Sigma$	11.94	12.83	- 21.69
				8.86

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(235)

## DIAGRAMAS DE MOMENTOS Y CALCULO DE LOS VALORES "D"

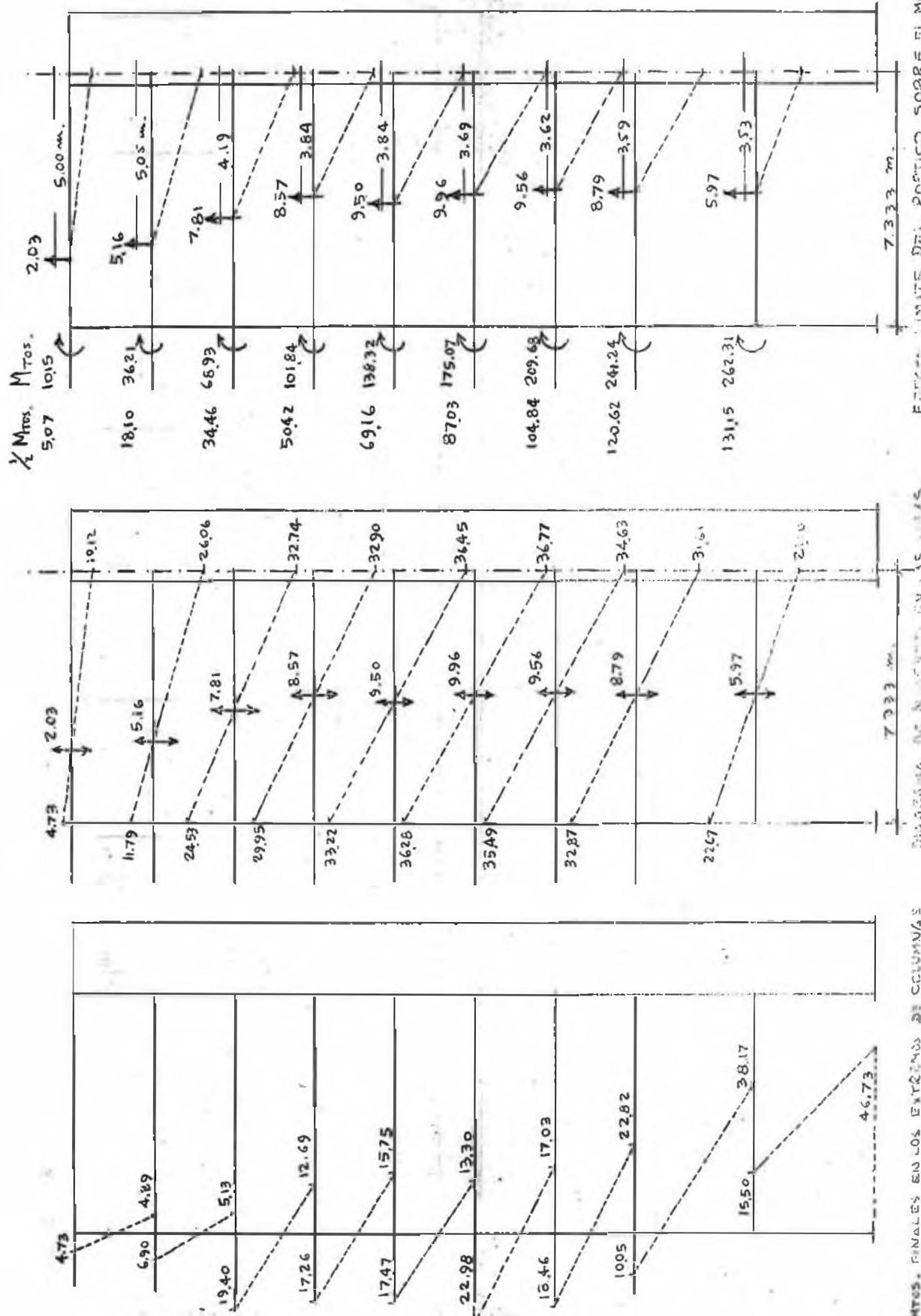


## Distribucion del cortante

NIVEL	D	V	VxH	Vh/(Mt + MB)
7	2.76	3.44	9.63	$9.72 / (2.72+2.81) = 1.74$
6	2.34	4.30	12.04	$12.04 / (3.94+2.93) = 1.75$
5	9.11	11.44	32.03	$32.03 / (10.90+7.13) = 1.78$
4	8.01	11.76	32.93	$32.93 / (9.81+8.94) = 1.76$
3	7.09	10.99	30.77	$30.77 / (9.98+7.60) = 1.75$
2	11.10	14.30	40.04	$40.04 / (13.13+9.73) = 1.75$
1	11.23	14.71	41.19	$41.19 / (10.55+13.04) = 1.75$
PB	16.91	14.83	48.19	$48.19 / (5.71+21.69) = 1.76$
S	22.76	8.44	31.23	$31.23 / (26.70-8.86) = 1.75$

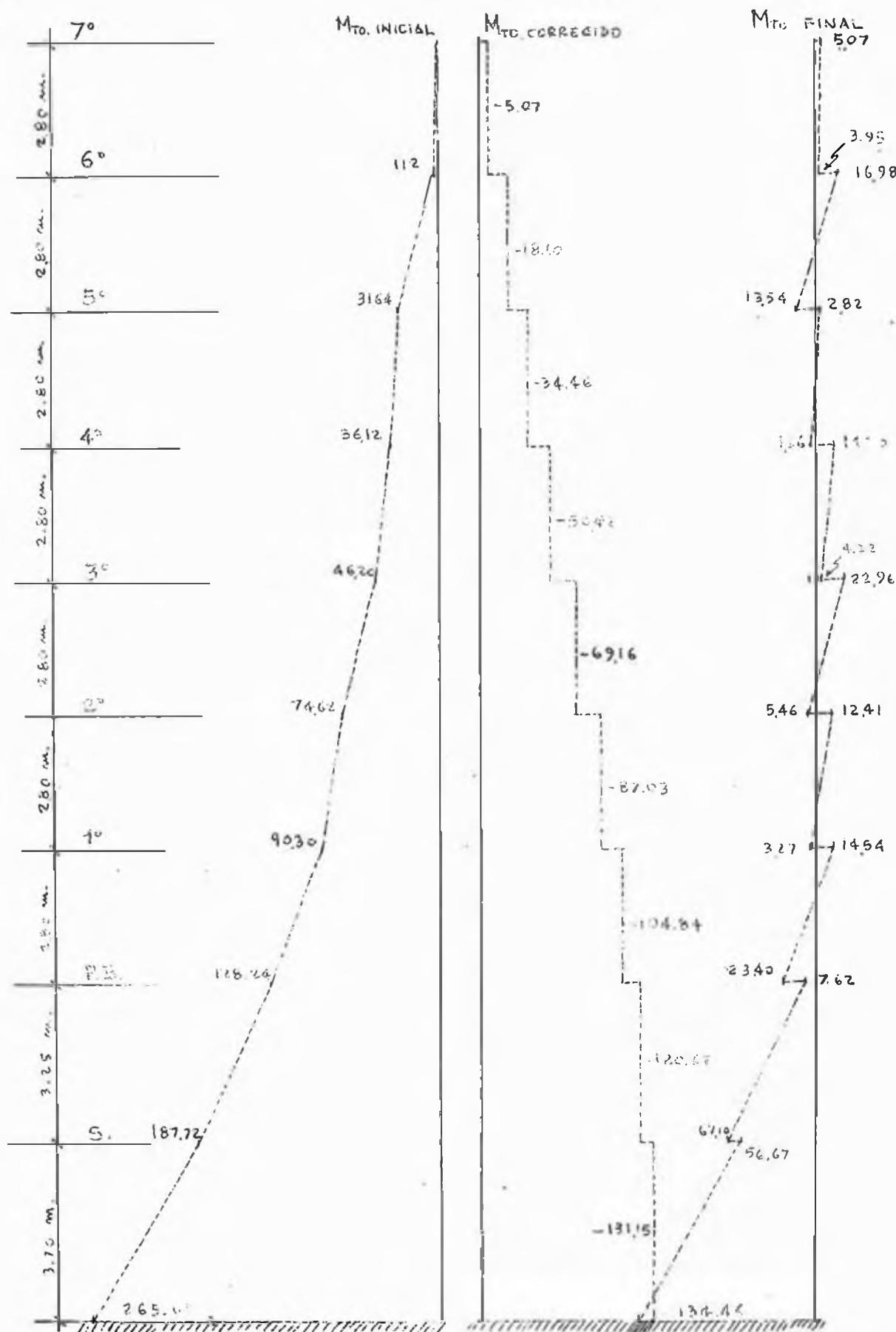
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

236



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

237



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

239

Deformaciones debidas al momento inicial

N	$M'nx10^2$	$2Mnx10^2$	Kwn	$2Mn/Kwn$	$4\Delta B_n$	$\delta B_n = \frac{4\Delta B_n}{3/H_n}$	$\delta B_n = 4\Delta B_n x 3/H_n$
7	1.12	1.12	558	0.20	592.68	3/280	6350.0
6	31.64	32.76	558	5.87	586.61	3/280	6284.9
5	36.12	67.76	558	12.14	568.60	3/280	6092.0
4	46.20	82.32	558	14.75	541.71	3/280	5803.9
3	74.62	120.82	558	21.65	505.31	3/280	5413.9
2	90.30	164.92	558	29.56	454.10	3/280	4865.2
1	128.24	218.54	558	39.16	385.38	3/280	4129.0
PB	187.72	315.96	481	65.69	280.53	3/325	2589.5
S	265.61	453.33	422	107.42	107.42	3/370	871.0

Deformaciones debidas a la corrección

7	5.07	10.14	558	1.81	487.37	3/280	5221.8
6	18.10	36.20	558	6.49	479.07	3/280	5132.9
5	34.46	68.92	558	12.35	460.23	3/280	4931.0
4	50.42	100.84	558	18.07	429.81	3/280	4605.1
3	69.16	138.32	558	24.79	386.95	3/280	4145.9
2	87.03	174.06	558	31.19	330.97	3/280	3546.1
1	104.84	209.68	558	37.58	262.20	3/280	2809.3
PB	120.62	241.24	481	50.15	174.47	3/325	1610.5
S	131.15	262.30	422	62.16	62.16	3/370	504.0

Chequeo de las "D"

N	V	$\delta B_n = \delta B_{n_1} - \delta B_{n_2}$	$\delta s_n$	$\delta t_n$	D
7	0.40	6350.0 - 5221.8 = 1128.2	0.3	1128.5	0.35
6	10.90	6284.9 - 5132.9 = 1152.0	8.2	1160.2	9.39
5	1.60	6092.0 - 4931.0 = 1161.0	1.2	1162.2	1.38
4	3.60	5803.9 - 4605.1 = 1198.8	2.7	1201.5	3.00
3	10.15	5413.9 - 4145.9 = 1268.0	7.7	1275.7	8.45
2	5.60	4865.2 - 3546.1 = 1319.1	4.2	1323.3	4.23
1	13.55	4129.0 - 2809.3 = 1319.7	10.2	1329.9	10.19
PB	18.30	2589.5 - 1610.5 = 979.0	11.9	990.9	18.47
S	21.05	871.0 - 504.0 = 367.0	12.0	379.0	55.54

Comparación de los valores "D"

Nivel	7	6	5	4	3	2	1	PB	S
Di	0.32	5.94	1.29	2.46	6.55	4.36	10.34	20.89	56.83
Df	0.35	9.39	1.38	3.00	8.45	4.23	10.19	18.47	55.54

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

239

Finalmente en esta cuarta iteración hemos llegado a una aproximación que consideramos suficiente entre los valores iniciales y finales.

De esta manera el gráfico del momento final en la placa que se encuentra en la pág. 237 es el momento en la placa debido a la fuerza sísmica; igualmente, los momentos y cortes para la columna 5 B en el sentido de los ejes principales y los momentos y cortes en las vigas del pórtico 5 que figuran en las págs. 236 son los momentos y cortes debido a sismo que utilizaremos en el diseño.

El cálculo de la carga axial debida al sismo se hará posteriormente junto con el cálculo de la carga axial de la columna 6 B.

Como se ha explicado al término de cada iteración, ha sido necesario hacer ciertas modificaciones en el método en especial la que se refiere a la gran acumulación de esfuerzos que existe en los límites de una pared unida a un marco y la formación de rotulas (deformación plástica) permite una reducción o disminución en los esfuerzos.

También es importante anotar que dado que la placa del ascensor no tiene una rigidez grande y al estar rigidizada por el marco del eje 5 aumenta considerablemente el corte que toma.

Como anotamos en la estructuración, en un inicio la columna 5 B en el sótano estaba descompuesta en dos por una viga. De tal manera que además de la rigidización del marco 5, por estar conectada con la placa del ascensor esta columna en el nivel del sótano tenía una rigidización debida a la reducción de su altura lo que hacia que se formara un punto crítico considerable.

Cuando realizamos la interacción de la placa con el marco considerando la columna acortada, encontramos que el corte que tomaba esta columna era muy grande y resultaba un punto crítico por lo que como explicamos en la estructuración preferimos separar la estructura.

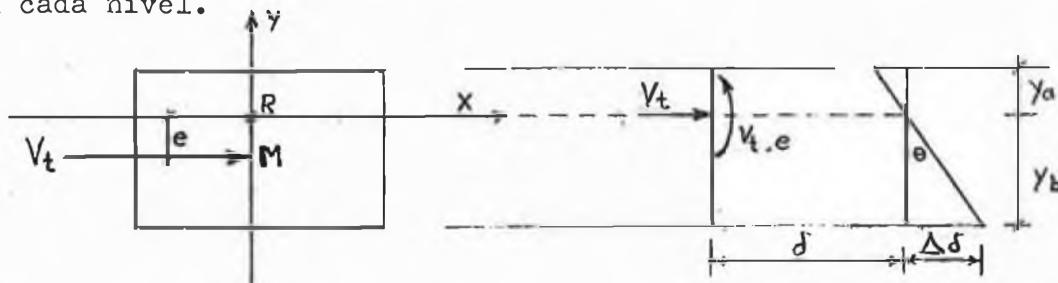
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

240

### CORRECCION POR TORSION

La fuerza cortante sísmica actua en el centro de masas del nivel correspondiente. Cuando el centro de rigideces ( $R$ ) del nivel no coincide con el centro de masas ( $M$ ) se produce la torsión en la planta, esta torsión en planta debe considerarse para corregir el valor de los cortantes que se obtienen por distribución proporcional a los valores  $D$ .

Mediante la siguiente deducción obtendremos la expresión que sirve para corregir por torsión el cortante de los diferentes elementos en cada nivel.



Por lo que se puede apreciar, todos los puntos de la planta van a girar alrededor del punto ( $R$ ). El desplazamiento de cada punto lo descompondremos en dos direcciones paralelas a los ejes coordenados  $x-y$ .

Despreciando la torsión de cada elemento resistente sobre su propio eje se tiene:

$$\Delta V_n = D_x \cdot \Delta \delta_x$$

$$M = V_t \cdot e = \sum D_x \cdot \Delta \delta_x \cdot y + \sum D_y \cdot \Delta \delta_y \cdot x \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

De la figura vemos que:  $\Delta \delta_x = \theta \cdot y$  ;  $\Delta \delta_y = \theta \cdot x$   
reemplazando valores en (1) tenemos :

$$V_t \cdot e = \theta \left( \sum D_x \cdot y^2 + \sum D_y \cdot x^2 \right) \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

$$\text{Teniendo } \sum D_x \cdot y^2 = I_x \quad \dots \dots \dots \quad (3)$$

$$\sum D_y \cdot x^2 = I_y \quad \dots \dots \dots \quad (4)$$

$$\text{reemplazando (3) y (4) en (2). } V_t \cdot e = \theta (I_x + I_y)$$

despejando el valor  $\theta$ :

$$\theta = \frac{V_t \cdot e}{I_x + I_y} \quad \dots \dots \quad (5)$$

si se considera que estamos analizando la fuerza sísmica en la dirección  $x-x$ , el incremento de la fuerza cortante en un elemento será:

$$\Delta V_n = \Delta \delta_{xn} \cdot D_x$$

teniendo en cuenta que :  $\Delta \delta_{xn} = \theta \cdot y$

$$\Delta V_n = D_x \cdot \theta \cdot y$$

; reemplazando el valor de  $\theta$  de (5) tendremos :

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

241

$$\Delta V_n = D_{xn} \cdot \frac{V_t \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y \quad \dots \dots \dots \quad (6)$$

La distribución de la fuerza cortante en los diferentes elementos se efectúa de la siguiente manera:

$$V_n = \frac{V_t \cdot D_{xn}}{\sum D_x} \quad \dots \dots \quad V_n \cdot \sum D_x = V_t \cdot D_{xn}$$

sustituyendo esta igualdad en la expresión (6)

$$\Delta V_n = V_n \cdot \frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y$$

sumando el valor  $V_n$  y factorizando :

$$(V_n + \Delta V_n) = V_n \left( 1 + \frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y \right)$$

por lo que el factor de corrección esta dado por

$$\alpha = \left( 1 + \frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y \right)$$

Este factor de corrección puede resultar mayor o menor que 1.00; solo se corregirán los cortantes de los elementos que tengan factor de corrección mayor que la unidad.

El procedimiento que hemos seguido para el cálculo de  $\alpha$  es el siguiente :

1 - Cálculo del centro de masas .- En primer lugar hemos calculado el centro de masas en todos los niveles, de acuerdo a las áreas de las columnas y placas del nivel; para esto hemos pasado un sistema de ejes cartesianos en cada nivel, donde el eje X' pasa por el eje del pórtico secundario B y el eje Y' pasa por el eje del pórtico principal 8 ( eje de simetría ); a la ordenada del centro de masas la hemos llamado  $\bar{y}$  y esta dada por la expresión  $\bar{y} = \frac{\sum y \cdot A}{\sum A}$ , la abscisa del centro de masas será siempre igual a cero  $\bar{x} = 0$ , ya que hemos pasado el eje Y' por el eje de simetría.

2 - Cálculo del centro de rigideces .- El cálculo del centro de rigideces se efectua de acuerdo a los valores  $D_x$  y  $D_y$  de los elementos resistentes. Al igual que para el cálculo del centro de masas hemos pasado un sistema de ejes cartesianos por el eje B ( X' ) y por el eje 8 ( Y' ). Las ordenadas del centro de rigideces ( dy ) están dadas por la siguiente expresión  $dy = \frac{\sum D_x \cdot y}{\sum D_x}$ , la abscisa del centro de rigideces sera  $dx = 0$ , por ser el eje 8 ( Y' ) eje de simetría.

3 - Traslado de los ejes cartesianos .- Los ejes cartesianos adoptados para el cálculo del centro de masas y el centro de rigideces deben ser trasladados de tal manera que el punto de origen coincida con el centro de rigideces y de esta manera calcular las nuevas orde-

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

242

nadas y abscisas de los diversos ejes secundarios y principales.

- 4 - Cálculo de  $I_x$  e  $I_y$  .- De acuerdo a las fórmulas deducidas anteriormente efectuamos el cálculo de los valores  $I_x$  e  $I_y$  de acuerdo a las siguientes expresiones:

$$I_x = \sum D_x \cdot y^2 \quad I_y = \sum D_y \cdot x^2$$

- 5 - Cálculo de  $e$  .- La excentricidad esta dada por la diferencia de ordenadas del centro de masas y el centro de rigideces.

$$e = dy - \bar{y}$$

La excentricidad con respecto al eje X es cero.

- 6 - Cálculo de la expresión  $\frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y}$  .- Calculamos el valor de esta expresión que será constante para el nivel.

- 7 - Cálculo del valor  $\alpha$  .- Con el valor de la constante para el nivel ( acápite anterior ) pasamos a calcular  $\alpha$  para los diversos ejes de acuerdo a la fórmula deducida anteriormente y que es:

$$\alpha = 1 + \frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y$$

Posteriormente cuando efectuemos la distribución del corte lo corregiremos con este coeficiente de corrección por rotación ( $\alpha$ ), de acuerdo a la siguiente expresión :

$$(V_n + \Delta V_n) = \left( -\frac{V_t}{D_x} \cdot D_{xn} \right) \alpha_n$$

A continuación presentamos los cálculos necesarios para encontrar el coeficiente de corrección por rotación ( $\alpha$ ) de acuerdo a los pasos que describen.

Para mayor facilidad de visualización de los valores  $D$ , así como de las plantas de los niveles se puede ver las páginas 197 a 205 donde se encuentran los datos necesarios para estos cálculos.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

243

CALCULO DEL CENTRO DE MASAS .-

NIVEL 23.15 m. (7°)

Areas de las columnas .-

$$.30 \times .30 = .090$$

Areas de las placas .-

$$2.65 \times .30 = .795 \text{ m}^2 , 1.50 \times .25 = .375 \text{ m}^2$$

$$1.40 \times .15 = .210 " , 2.70 \times .25 = .675 \text{ m}^2$$

$$.40 \times .15 = .060 "$$

$$\sum A = 32 \times .090 + 4 \times .795 + 2 \times .210 + 2 \times .060 + 4 \times .375 + 2 \times .675 = 9.45$$

$$\begin{aligned} \sum yA &= 6 \times .090 \times 23.85 + 6 \times .090 \times 20.25 + 2 \times .795 \times 15 + 4 \times .090 \times 12.70 + \\ &+ 2 \times .795 \times 12.50 + 2 \times .210 \times 8.375 + 2 \times .060 \times 8.375 + 4 \times .375 \times 7.55 + \\ &+ 7 \times .090 \times 6.90 + 2 \times .675 \times 6.675 = 101.3166 \end{aligned}$$

$$\bar{y} = \frac{\sum yA}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{101.316}{9.45} = 10.721 \text{ m.}$$

$$\bar{y} = 10.721 \text{ m.}$$

NIVEL 20.35 m. (6°)

Areas de las columnas .-

$$.30 \times .30 = .090 ; .40 \times .50 = .200$$

Areas de las placas .- Estas áreas son las mismas que las del nivel anterior .

$$\begin{aligned} \sum A &= 29 \times .090 + 3 \times .200 + 4 \times .795 + 2 \times .210 + 2 \times .060 + 4 \times .375 + \\ &+ 2 \times .675 = 9.78 \end{aligned}$$

$$\sum A = 9.78 \text{ m}^2$$

$$\begin{aligned} \sum yA &= 6 \times .090 \times 23.85 + 6 \times .090 \times 20.25 + 2 \times .795 \times 15 + 4 \times .090 \times 12.70 + \\ &+ 2 \times .795 \times 12.50 + 2 \times .210 \times 8.375 + 2 \times .060 \times 8.375 + 4 \times .375 \times 7.55 + \\ &+ 4 \times .090 \times 6.90 + 3 \times .200 \times 6.90 + 2 \times .675 \times 6.675 = 103.593 \end{aligned}$$

$$\sum yA = 103.593 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = \frac{\sum yA}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{103.593}{9.78} = 10.592 \text{ m.}$$

NIVEL 17.55 m. (5°)

Areas de las columnas .-

$$.30 \times .30 = .090 ; .40 \times .40 = .160 ; .40 \times .50 = .200 \text{ m}^2$$

Areas de las placas .- Estas áreas son las mismas que las del nivel de 23.15 m.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

244

$$\sum A = 4x.090 + 7x.160 + 21x.200 + 4x.795 + 2x.210 + 2x.060 + 4x.375 + \\ \dots + 2x.675 = 12.25$$

$$\sum A = 12.25 \text{ m}^2$$

$$\sum y A = 2x.160x23.85 + 4x.090x23.85 + 4x.200x20.25 + 2x.160x20.25 + \\ + 2x.795x15 + 4x.200x12.70 + 2x.795x12.50 + 2x.210x8.375 + \\ + 2x.060x8.375 + 4x.375x7.55 + 7x.200x6.90 + 2x.675x6.675 = \\ = 127.3005$$

$$\sum y A = 127.3005 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = -\frac{\sum y A}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{127.3005}{12.25} = 10.391$$

$$\bar{y} = 10.391 \text{ m.}$$

### NIVEL 14.75 m. (4°)

#### Areas de columnas .-

$$.30 \times .30 = .090 ; \quad .40 \times .50 = .200$$

$$.40 \times .40 = .160 ; \quad .40 \times .70 = .280$$

Areas de placas .- Estas áreas son iguales a las de Nivel 23.15 m.

$$\sum A = 4x.090 + 7x.160 + 16x.200 + 5x.280 + 4x.795 + 2x.210 + \\ + 2x.060 + 4x.375 + 2x.675 = 12.650$$

$$\sum A = 12.65 \text{ m}^2$$

$$\sum y A = 4x.090x23.85 + 2x.160x23.85 + 2x.200x20.25 + 2x.280x20.25 + \\ + 2x.160x20.25 + 2x.795x15 + 4x.200x12.70 + 2x.795x12.50 + \\ + 2x.210x8.375 + 2x.060x8.375 + 4x.375x7.55 + 4x.200x6.90 + \\ + 3x.280x6.90 + 2x.675x6.675 = 130.1715$$

$$\sum y A = 130.1715 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = -\frac{\sum y A}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{130.1715}{12.65} = 10.29$$

$$\bar{y} = 10.29 \text{ m.}$$

### NIVEL 11.95 m. (3°)

#### Areas de columnas .-

$$.40 \times .35 = .140 ; \quad .40 \times .50 = .200$$

$$.40 \times .40 = .160 ; \quad .40 \times .70 = .280$$

Areas de las placas .- Las áreas de las placas son las mismas que las usadas en el nivel 23.15 m.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

245

$$\sum A = 4x.140 + 7x.160 + 14x.200 + 7x.280 + 4x.795 + 2x.210 + 2x.060 \\ + 4x.375 + 2x.675 = 13.01$$

$$\sum A = 13.01 \text{ m}^2$$

$$\sum yA = 4x.140x23.85 + 2x.160x23.85 + 2x.200x20.25 + 2x.280x20.25 + \\ + 2x.160x20.25 + 2x.795x15 + 2x.200x12.70 + 2x.280x12.70 + \\ + 2x.795x12.50 + 2x.210x8.375 + 2x.060x8.375 + 4x.200x6.90 + \\ + 3x.280x6.90 + 4x.375x7.55 + 2x.675x6.675 = 138.9985$$

$$\sum y A = 138.9985 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y A}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{138.9985}{13.01} = 10.683 \\ \bar{y} = 10.683 \text{ m.}$$

NIVEL 9.15 (2°) y 6.35 m. (1°)

Areas de columnas .-

$$.40 x .35 = .140 \quad ; \quad .40 x .70 = .280 \\ .40 x .50 = .200 \quad ; \quad .40 x .80 = .320 \\ .40 x .60 = .240$$

Areas de las placas .- Las areas de las placas son las mismas que -  
las usadas en el nivel 23.15 m.

$$\sum A = 4x.140 + 2x.200 + 7x.240 + 12x.280 + 7x.320 + 4x.795 + 2x.210 \\ + 2x.060 + 4x.375 + 2x.675 = 14.81$$

$$\sum A = 14.81 \text{ m}^2$$

$$\sum y A = 4x.140x23.85 + 2x.240x23.85 + 2x.280x20.25 + 2x.320x20.25 + \\ + 2x.240x20.25 + 2x.795x15 + 2x.280x12.70 + 2x.320x12.70 + \\ + 2x.795x12.50 + 2x.210x8.375 + 2x.060x8.375 + 4x.375x7.55 + \\ + 2x.240x6.90 + 2x.280x6.90 + 3x.320x6.90 + 2x.675x6.675 = \\ = 156.4465$$

$$\sum y A = 156.4465 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y A}{\sum A} ; \quad \bar{y} = \frac{156.4465}{14.81} = 10.563 \\ \bar{y} = 10.563 \text{ m.}$$

NIVEL 3.55 m. (P.B.)

Areas de las columnas .-

$$.40 x .60 = .240 ; .40 x .90 = .360 ; .60 x .80 = .480 \\ .40 x .80 = .320 ; .50 x .90 = .450 ; .25 x .25 = .0625 \text{ m}^2$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

246

Areas de las placas .-

$$\begin{aligned} 3.85 \times .30 &= 1.155 &; & 1.50 \times .25 = .375 \\ 1.40 \times .15 &= .210 &; & 2.70 \times .25 = .675 \text{ m}^2 \\ .40 \times .15 &= .060 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sum A &= 6x.240 + 9x.320 + 4x.360 + 11x.450 + 2x.480 + 3x.0625 + \\ &+ 4x1.155 + 2x.210 + 2x.060 + 4x.375 + 2x.675 = 19.8675 \end{aligned}$$

$$\sum A = 19.8675 \text{ m}^2$$

$$\begin{aligned} \sum y A &= 6x.240x23.85 + 4x.450x20.25 + 2x.320x20.25 + .0625x20.25 + \\ &+ 2x1.155x15 + .0625x15 + 2x.320x12.70 + 2x.450x12.70 + \\ &+ .0625x12.50 + 2x1.155x12.50 + 2x.210x8.375 + 2x.060x8.375 + \\ &+ 4x.375x7.55 + 2x.360x6.90 + 3x.450x6.90 + 2x.480x6.90 + \\ &+ 2x.675x6.675 = 215.597 \end{aligned}$$

$$\sum y A = 215.597 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y A}{\sum A}; \quad \bar{y} = \frac{215.597}{19.8675} = 10.852$$

$$\bar{y} = 10.852 \text{ m.}$$

NIVEL 0.30 m. (S.)

$$\begin{aligned} \text{Areas de las columnas .-} \quad .40 \times .60 &= .240 &; & .40 \times .80 = .320 \\ .40 \times .90 &= .360 &; & .50 \times .90 = .450 &; & .60 \times .80 = .480 &; & .3x.40 = .120 \end{aligned}$$

Areas de las placas .- son iguales a las areas del piso anterior .

$$\begin{aligned} \sum A &= 6x.240 + 9x.320 + 4x.360 + 11x.450 + 2x.480 + 4x1.155 + 2x.210 \\ &+ 2x.060 + 4x.375 + 2x.675 + 4x.120 = 20.16 \end{aligned}$$

$$\sum A = 20.16 \text{ m}^2$$

$$\begin{aligned} \sum y A &= 6x.240x23.85 + .120x23.85 + 4x.450x20.25 + 2x.320x20.25 + \\ &+ .120x20.25 + 2x1.155x15 + .120x15 + 2x.320x12.70 + \\ &+ 2x.450x12.70 + 2x1.155x12.50 + .120x12.50 + 2x.210x8.375 + \\ &+ 2.060x8.375 + 4x.375x7.55 + 2x.360x6.90 + 3x.450x6.90 + \\ &+ 2x.480x6.90 + 2x.675x6.675 = 221.194 \end{aligned}$$

$$\sum y A = 221.194 \text{ m}^3$$

$$\bar{y} = \frac{\sum y A}{\sum A}; \quad \bar{y} = \frac{221.194}{20.16} = 10.972$$

$$\bar{y} = 10.972 \text{ m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

247

NIVEL 23.15 (7°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$\begin{aligned}
 & 23.85 [2(0.482+0.803+0.482)] + 20.25 [2(1.844+2.089+1.844)] + \\
 & + 15.00x2x0.33 + 12.70 [2(1.735+2.034)] + 12.50x2x0.33 + \\
 & + 7.333x2x0.23 + 6.90 [2(0.771+1.586+1.169) + 1.169] = \\
 & = 23.85x3.534 + 20.25x11.554 + 15.00x0.66 + 12.70x7.538 + 12.50x0.66 \\
 & + 7.333x0.46 + 6.90x8.221 = 491.121
 \end{aligned}$$

$$\sum Dx = 3.534 + 11.554 + 0.66 + 7.538 + 0.66 + 0.46 + 8.221$$

$$\sum Dx = 41.575$$

$$dy = \frac{491.121}{41.575} = 11.813$$

La abscisa con respecto al eje 8 (eje de simetria) sera:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenada con respecto a B + ordenada del centro de rigidez	= ordenada del eje	Dx
F	-23.85 + 11.813	= -12.037	3.534
E	-20.25 + 11.813	= -8.437	11.554
placa escalera 1	-15.00 + 11.813	= -3.187	0.66
D	-12.70 + 11.813	= -0.887	7.538
placa escalera 2	-12.50 + 11.813	= -0.687	0.66
placa ascensor	-7.333 + 11.813	= 4.480	0.46
C	-6.90 + 11.813	= 4.913	8.221
B	0.00 + 11.813	= 11.813	8.948

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$\begin{aligned}
 I_x &= 3.534(-12.037)^2 + 11.554(-8.437)^2 + 0.66(-3.187)^2 + 7.538(-0.887)^2 \\
 &+ 0.66(-0.687)^2 + 0.46(4.480)^2 + 8.221(4.913)^2 + 8.948(11.813)^2
 \end{aligned}$$

$$I_x = 2803.748$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

248

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8 +	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+ 0.0	=	-18.70	$2 \times 5.799$
3	-16.00	+ 0.0	=	-16.00	$2 \times 3.450$
4	-13.35	+ 0.0	=	-13.35	$2 \times 5.796$
5	-12.00	+ 0.0	=	-12.00	$2 \times 1.725$
placa ascensor	-10.89	+ 0.0	=	-10.89	$2 \times 0.35$
6	- 8.00	+ 0.0	=	- 8.00	$2 \times 8.026$
7	- 4.00	+ 0.0	=	- 4.00	$2 \times 3.450$
8	0.0	+ 0.0	=	0.0	3.450

Los ejes simétricos a los citados tendran las mismas abscisas con signo cambiado.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 [5.799(18.70)^2 + 3.450(16.00)^2 + 5.796(13.35)^2 + 1.725(12.00)^2 \\ 0.35(10.89)^2 + 8.026(8.00)^2 + 3.450(4.00)^2 + 3.450(0.0)^2]$$

$$I_y = 9523.060$$

$$\text{Cálculo de } \alpha = 1 + \frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} \cdot \gamma \dots \dots \dots \quad (A)$$

$$I_x + I_y = 2803.748 + 9523.060 = 12326.808$$

$$\sum Dx = 41.575 \quad e = 11.813 - 10.721 = 1.092 \\ \sum Dy = 60.642 \quad e = 0$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{41.575 \times 1.092}{12326.808} = 0.003683$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la formula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

249

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.003683) (-12.037) = 1 - 0.0443$$
$$\alpha = 0.9557$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.003683) (-8.437) = 1 - 0.0311$$
$$\alpha = 0.9689$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.003683) (-3.187) = 1 - 0.0117$$
$$\alpha = 0.9882$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.003683) (-0.887) = 1 - 0.0033$$
$$\alpha = 0.9966$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.003683) (-0.687) = 1 - 0.0025$$
$$\alpha = 0.9975$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.003683) (4.480) = 1 + 0.0165$$
$$\alpha = 1.0165$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.003683) (4.913) = 1 + 0.0181$$
$$\alpha = 1.0181$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.003683) (11.813) = 1 + 0.0435$$
$$\alpha = 1.0435$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

230

NIVEL 20.35 (E°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [2(0.482+0.803+0.482)] + 20.25 [2(1.964+2.164+1.964)] + \\ + 15.00x2x2.14 + 12.70 [2(1.853+2.094)] + 12.50x2x2.14 + \\ + 7.333x2x1.88 + 6.90 [2(0.771+1.586+1.822) + 1.822] = \\ = 23.85x3.534 + 20.25x12.184 + 15.00x4.28 + 12.70x7.894 + \\ + 12.50x4.28 + 7.333x3.76 + 6.90x10.180 = 646.776$$

$$\sum Dx = 3.534 + 12.184 + 4.28 + 7.894 + 4.28 + 3.76 + 10.180 + 8.948$$

$$\sum Dx = 55.060$$

$$dy = \frac{646.776}{55.060} = 11.747$$

La abscisa con respecto al eje 8 ( eje de simetría ) será:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenada con respecto a B <sup>+</sup>	Ordenada del centro de rigidez	= ordenada del eje	Dx
F	-23.85	+ 11.747	= -12.103	3.534
E	-20.25	+ 11.747	= -8.503	12.184
Placa escalera 1	-15.00	+ 11.747	= -3.253	4.28
D	-12.70	+ 11.747	= -0.953	7.894
Placa escalera 2	-12.50	+ 11.747	= -0.753	4.28
Placa ascensor	-7.33	+ 11.747	= 4.414	3.76
C	-6.90	+ 11.747	= 4.847	10.180
B	0.0	+ 11.747	= 11.747	8.948

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$I_x = 3.534(12.103)^2 + 12.184(8.503)^2 + 4.28(-3.253)^2 + 7.894(0.953)^2 \\ + 4.28(0.753)^2 + 3.76(4.414)^2 + 10.180(4.847)^2 + 8.948(11.747)^2$$

$$I_x = 3000.638$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

251

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	= Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	= -18.70	2 x 6.109
3	-16.00	+	0.0	= -16.00	2 x 3.730
4	-13.35	+	0.0	= -13.35	2 x 6.109
5	-12.00	+	0.0	= -12.00	2 x 1.865
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	= -10.89	2 x 9.39
6	-8.00	+	0.0	= -8.00	2 x 8.294
7	-4.00	+	0.0	= -4.00	2 x 7.174
8	0.0	+	0.0	= 0.0	7.174

Los ejes simétricos tienen la misma abscisa en valor numérico y con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 [ 6.109(18.70)^2 + 3.730(16.00)^2 + 6.109(13.35)^2 + 1.865(12.00)^2 + 9.39(10.89)^2 + 8.294(8.00)^2 + 7.174(4.00)^2 + 7.174(0.0)^2 ]$$

$$I_y = 10703.436$$

Cálculo de  $\alpha = 1 + \frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} \cdot y \dots \dots \dots \quad (A)$

$$I_x + I_y = 3000.638 + 10703.436 = 13704.074$$

$$\begin{aligned} \sum Dx &= 55.060 & e &= 11.747 - 10.592 = 1.155 \\ \sum Dy &= 92.489 & e &= 0 \end{aligned}$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{55.060 \cdot 1.155}{13704.074} = 0.004641$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la fórmula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

202

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.004641) (-12.103) = 1 - 0.0562$$
$$\alpha = 0.9438$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.004641) (-8.503) = 1 - 0.0395$$
$$\alpha = 0.9605$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.004641) (-3.253) = 1 - 0.0151$$
$$\alpha = 0.9849$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.004641) (-0.953) = 1 - 0.0044$$
$$\alpha = 0.9956$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.004641) (-0.753) = 1 - 0.035$$
$$\alpha = 0.9965$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.004641) (4.414) = 1 + 0.0205$$
$$\alpha = 1.0205$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.004641) (4.847) = 1 + 0.0225$$
$$\alpha = 1.0225$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.004641) (11.747) = 1 + 0.0545$$
$$\alpha = 1.0545$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

253

NIVEL 17.55 (5°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B.

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [2(0.482+1.020+0.482)] + 20.25 [2(4.949+6.447+4.429)] + \\ + 15.00 \times 2 \times 2.69 + 12.70 [2(4.292+5.865)] + 12.50 \times 2 \times 2.69 + \\ + 7.333 \times 2 \times 1.96 + 6.90 [2(0.990+3.080+1.795) + 1.795] = \\ 23.85 \times 3.968 + 20.25 \times 31.650 + 15.00 \times 5.38 + 12.70 \times 20.314 + \\ + 12.50 \times 5.38 + 7.333 \times 3.92 + 6.90 \times 13.525 = 1263.557$$

$$\sum Dx = 3.968 + 31.650 + 5.38 + 20.314 + 5.38 + 3.92 + 13.525 + 13.358$$

$$\sum Dx = 97.495$$

$$dy = \frac{1293.557}{97.495} = 12.960$$

La abscisa con respecto al eje 8 (eje de simetría) será:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenada con respecto a B + ordenada del centro de rigidez	=	ordenada del eje	Dx
F	-23.85 + 12.960	=	-10.890	3.968
E	-20.25 + 12.960	=	-7.290	31.650
Placa escalera 1	-15.00 + 12.960	=	-2.040	5.38
D	-12.70 + 12.960	=	0.260	20.314
Placa escalera 2	-12.50 + 12.960	=	0.460	5.38
Placa ascensor	-7.333 + 12.960	=	5.627	3.92
C	-6.90 + 12.960	=	6.060	13.525
B	0.0 + 12.960	=	12.960	13.358

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$Ix = 3.968(10.890)^2 + 31.650(7.290)^2 + 5.38(2.040)^2 + 20.314(0.260)^2 \\ + 5.38(0.460)^2 + 3.92(5.627)^2 + 13.525(6.060)^2 + 13.358(12.960)^2$$

$$Ix = 5041.921$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

254

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisa con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	=	-18.70	$2 \times 16.131$
3	-16.00	+	0.0	=	-16.00	$2 \times 9.258$
4	-13.35	+	0.0	=	-13.35	$2 \times 19.278$
5	-12.00	+	0.0	=	-12.00	$2 \times 5.309$
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	=	-10.89	$2 \times 1.38$
6	-8.00	+	0.0	=	-8.00	$2 \times 21.391$
7	-4.00	+	0.0	=	-4.00	$2 \times 10.618$
8	0.0	+	0.0	=	0.0	9.259

Los ejes simétricos a los citados tendran numéricamente la misma abscisa pero con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 [ 16.13(18.70)^2 + 9.258(16.00)^2 + 19.278(13.35)^2 + 5.309(12.00)^2 + 1.38(10.89)^2 + 21.391(8.00)^2 + 10.618(4.00)^2 + 9.259(0.0)^2 ]$$

$$I_y = 27636.326$$

Cálculo de  $c < = 1 + \frac{\sum Dx}{I_x + I_y} \cdot \frac{e}{Y} \dots \dots \dots \quad (A)$

$$I_x + I_y = 5041.921 + 27636.326 = 32678.247$$

$$\sum Dx = 97.495 \quad e = 12.960 - 10.391 = 2.569$$

$$\sum Dy = 174.349 \quad e = 0$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{97.495 \times 2.569}{32678.247} = 0.007665$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la fórmula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

255

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.007665)(-10.890) = 1 - 0.0835$$
$$\alpha = 0.9165$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.007665)(-7.290) = 1 - 0.0559$$
$$\alpha = 0.9441$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.007665)(-2.040) = 1 - 0.0156$$
$$\alpha = 0.9844$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.007665)(0.260) = 1 + 0.0020$$
$$\alpha = 1.0020$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.007665)(0.460) = 1 + 0.0035$$
$$\alpha = 1.0035$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.007665)(5.627) = 1 + 0.0431$$
$$\alpha = 1.0431$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.007665)(6.060) = 1 + 0.0464$$
$$\alpha = 1.0464$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.007665)(12.960) = 1 + 0.0993$$
$$\alpha = 1.0993$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

216

NIVEL 14.75 (4°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [ 2 (0.482+1.020+0.482) ] + 20.25 [ 2 (4.949+8.198+4.429) ] + \\ + 15.00x2x5.47 + 12.70 [ 2 (4.292+5.865) ] + 12.50x2x5.47 + \\ + 7.333x2x4.06 + 6.90 [ 2 (0.990+3.080+1.933) ] + 1.935 = \\ 23.85x3.968 + 20.25x35.152 + 15.00x10.94 + 12.70x20.314 + \\ + 12.50x10.94 + 7.333x8.12 + 6.90x13.939 = 1521.026$$

$$\sum Dx = 3.968 + 35.152 + 10.94 + 20.314 + 10.94 + 8.12 + 13.939 + 13.358$$

$$\sum Dx = 116.731$$

$$dy = \frac{1521.026}{116.731} = 13.030$$

La abscisa con respecto al eje 8 ( eje de simetría ) será:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenada con respecto a B	ordenada del centro	=	Ordenada del eje de rigidez	Dx
F	-23.85	+ 13.030	=	-10.820	3.968
E	-20.25	+ 13.030	=	- 7.220	35.125
Placa escalera 1	-15.00	+ 13.030	=	- 1.970	10.94
D	-12.70	+ 13.030	=	0.330	20.314
Placa escalera 2	-12.50	+ 13.030	=	0.530	10.94
Placa ascensor	- 7.333	+ 13.030	=	5.697	8.12
C	- 6.90	+ 13.030	=	6.130	13.939
B	0.0	+ 13.030	=	13.030	13.358

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$Ix = 3.968(10.820)^2 + 35.125(-7.220)^2 + 10.94(-1.970)^2 + 20.314(0.330)^2 + \\ + 10.94(0.530)^2 + 8.12(5.697)^2 + 13.939(6.130)^2 + 13.358(13.030)^2$$

$$Ix = 5398.553$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	=	-18.70	2 * 16.131
3	-16.00	+	0.0	=	-16.00	: 9.258
4	-13.35	+	0.0	=	-13.35	23.812
5	-12.00	+	0.0	=	-12.00	5.309
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	=	-10.89	3.00
6	- 8.00	+	0.0	=	- 8.00	21.391
7	- 4.00	+	0.0	=	- 4.00	12.128
8	0.0	+	0.0	=	0.0	10.769

Los ejes simétricos a los citados tendran numericamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 \cdot 16.131(18.70)^2 + 9.258(16.00)^2 + 23.812(13.35)^2 + 5.309(12.00)^2 + \\ + 3.00(10.89)^2 + 21.391(8.00)^2 + 12.128(4.00)^2 + 10.769(0.0)^2$$

$$I_y = 29,481.666$$

Cálculo de  $\gamma = 1 + \frac{Dx \cdot e}{I_x + I_y} \dots \dots \dots \quad (A)$

$$I_x + I_y = 5398.553 + 29481.666 = 34880.219$$

$$Dx = 116.731 \quad = 13.030 - 10.290 = 2.740$$

$$Dy = 189.447 \quad = 0$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{116.731 \times 2.740}{34880.219} = 0.009728$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la formula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



EJE F

$$\gamma = 1 + (0.009728)(-10.820) = 1 - 0.1053$$
$$\gamma = 0.8947$$

EJE E

$$\gamma = 1 + (0.009728)(-7.220) = 1 - 0.0702$$
$$\gamma = 0.9298$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\gamma = 1 + (0.009728)(-1.970) = 1 - 0.0192$$
$$\gamma = 0.9808$$

EJE D

$$\gamma = 1 + (0.009728)(0.330) = 1 + 0.0032$$
$$\gamma = 1.0032$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\gamma = 1 + (0.009728)(0.530) = 1 + 0.0052$$
$$\gamma = 1.0052$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\gamma = 1 + (0.009728)(5.697) = 1 + 0.0554$$
$$\gamma = 1.0554$$

EJE C

$$\gamma = 1 + (0.009728)(6.130) = 1 + 0.0596$$
$$\gamma = 1.0596$$

EJE B

$$\gamma = 1 + (0.009728)(13.030) = 1 + 0.1268$$
$$\gamma = 1.1268$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

259

NIVEL 11.95 (3°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [2(0.525+1.020+0.525)] + 20.25 [2(4.949+8.198+4.429)] + \\ 15.00x2x9.74 + 12.70 [2(4.292+7.265)] + 12.50x2x9.74 + \\ + 7.333x2x6.55 + 6.90 [2(0.990+3.080+1.933) + 1.933] = \\ 23.85x4.140 + 20.25x35.152 + 15.00x19.48 + 12.70x23.114 + \\ + 12.50x19.48 + 7.333x13.10 + 6.90x13.939 = 1823.056$$

$$\sum Dx = 4.140 + 35.152 + 19.48 + 23.114 + 19.48 + 13.10 + 13.939 + 13.358$$

$$\sum Dx = 141.763$$

$$dy = \frac{1823.056}{141.763} = 12.923$$

La abscisa con respecto al eje 8 ( eje de simetría ) será:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Ordenada con respecto a B + ordenada del centro de rigidez	=	Ordenada del eje	Dx
F	-23.85 + 12.923	=	-10.927	4.140
E	-20.25 + 12.923	=	-7.327	35.152
Placa escalera 1	-15.00 + 12.923	=	-2.077	19.48
D	-12.70 + 12.923	=	0.223	23.114
Placa escalera 2	-12.50 + 12.923	=	0.423	19.48
Placa ascensor	-7.333 + 12.923	=	5.590	12.20
C	-6.90 + 12.923	=	6.023	13.939
B	0.0 + 12.923	=	12.923	13.358

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$I_x = 4.140(-10.927)^2 + 35.152(-7.327)^2 + 19.48(-2.077)^2 + 23.114(0.223)^2 + \\ + 19.48(0.423)^2 + 12.20(5.590)^2 + 13.939(6.023)^2 + 13.358(12.923)^2$$

$$I_x = 5526.517$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

260

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8 +	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+ 0.0	=	-18.70	$2 \times 18.808$
3	-16.00	+ 0.0	=	-16.00	$2 \times 9.258$
4	-13.35	+ 0.0	=	-13.35	$2 \times 25.181$
5	-12.00	+ 0.0	=	-12.00	$2 \times 5.309$
Placa ascensor	-10.89	+ 0.0	=	-10.89	$2 \times 8.45$
6	- 8.00	+ 0.0	=	- 8.00	$2 \times 24.068$
7	- 4.00	+ 0.0	=	- 4.00	$2 \times 12.128$
8	0.0	+ 0.0	=	0.0	10.769

Los ejes simétricos a los citados tendran numéricamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 [ 18.808(18.70)^2 + 9.258(16.00)^2 + 25.181(13.35)^2 + 5.309(12.00)^2 + 4.57(10.89)^2 + 24.068(8.00)^2 + 12.128(4.00)^2 ] + 10.769(0.0)^2 =$$

$$I_y = 32958.120$$

Cálculo de  $\alpha = 1 + \frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} y \dots \dots \dots \quad (A)$

$$I_x + I_y = 5526.517 + 32958.120 = 38484.637$$

$$\sum Dx = 141.763 \quad e = 12.923 - 10.683 = 2.240$$

$$\sum Dy = 209.413 \quad e = 0$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{141.763 \times 2.240}{38484.637} = 0.008251$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la formula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

261

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.008251)(-10.927) = 1 - 0.0844$$
$$\alpha = 0.9156$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.008251)(-7.327) = 1 - 0.0605$$
$$\alpha = 0.9395$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.008251)(-2.077) = 1 - 0.0171$$
$$\alpha = 0.9829$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.008251)(0.223) = 1 + 0.0018$$
$$\alpha = 1.0018$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.008251)(0.423) = 1 + 0.0035$$
$$\alpha = 1.0035$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.008251)(5.590) = 1 + 0.0461$$
$$\alpha = 1.0461$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.008251)(6.023) = 1 + 0.0497$$
$$\alpha = 1.0497$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.008251)(12.923) = 1 + 0.1066$$
$$\alpha = 1.1066$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

262

NIVEL 9.15 (2°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [ 2 (0.525+1.084+0.525) ] + 20.25 [ 2 (5.905+8.894+5.504) ] + \\ + 15.00 \times 2 \times 13.83 + 12.70 [ 2 (4.999+7.813) ] + 12.50 \times 2 \times 13.83 + \\ + 7.333 \times 2 \times 7.57 + 6.90 [ 2 (1.039+3.426+9.138) + 9.138 ] = \\ 23.85 \times 4.268 + 20.25 \times 40.606 + 15.00 \times 27.66 + 12.70 \times 25.624 + \\ + 12.50 \times 27.66 + 7.333 \times 15.14 + 6.90 \times 36.344 = 2371.758$$

$$\sum Dx = 4.268 + 40.606 + 27.66 + 25.624 + 27.66 + 15.14 + 36.344 + 13.572$$

$$\sum Dx = 190.874$$

$$dy = \frac{2371.758}{190.874} = 12.426$$

La abscisa con respecto al eje 8 ( eje de simetría ) será:

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenadas con respecto a B	+	ordenada del centro de rigidez	=	Ordenada del eje	Dx
E	-23.85	+	12.426	=	-11.424	4.268
E	-20.25	+	12.426	=	-7.824	40.606
Placa escalera 1	-15.00	+	12.426	=	-2.574	27.66
D	-12.70	+	12.426	=	-0.274	25.624
Placa escalera 2	-12.50	+	12.426	=	-0.074	27.66
Placa ascensor	-7.333	+	12.426	=	5.093	15.14
C	-6.90	+	12.426	=	5.526	36.344
B	0.0	+	12.426	=	12.426	13.572

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$I_x = 4.268(11.424)^2 + 40.606(7.824)^2 + 27.66(2.574)^2 + 25.624(0.274)^2 + \\ + 27.66(0.074)^2 + 15.14(5.093)^2 + 36.344(5.526)^2 + 13.572(12.426)^2$$

$$I_x = 6826.165$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

263

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	=	-18.70	$2 \times 25.872$
3	-16.00	+	0.0	=	-16.00	$2 \times 15.200$
4	-13.35	+	0.0	=	-13.35	$2 \times 33.270$
5	-12.00	+	0.0	=	-12.00	$2 \times 6.819$
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	=	-10.89	$2 \times 4.23$
6	-8.00	+	0.0	=	-8.00	$2 \times 37.107$
7	-4.00	+	0.0	=	-4.00	$2 \times 14.072$
8	0.0	+	0.0	=	0.0	13.475

Los ejes simétricos a los citados tendran numéricamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 [ 25.872(18.70)^2 + 15.200(16.00)^2 + 33.270(13.35)^2 + 6.819(12.00)^2 + 4.23(10.89)^2 + 37.107(8.00)^2 + 14.072(4.00)^2 ] + 13.475(0.0)^2 =$$

$$I_y = 45703.004$$

Cálculo de  $\alpha = 1 + \frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} y \dots \dots \dots \quad (A)$

$$I_x + I_y = 6826.165 + 45703.004 = 52529.169$$

$$\begin{aligned} \sum Dx &= 190.874 & e &= 12.426 - 10.563 = 1.863 \\ \sum Dy &= 284.855 & e &= 0 \end{aligned}$$

Con estos datos tenemos que

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{190.874 \times 1.863}{52529.169} = 0.006770$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la fórmula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

264

EJE F

$$\infty = 1 + (0.006770)(-11.424) = 1 - 0.0773$$
$$\infty = 0.9227$$

EJE E

$$\infty = 1 + (0.006770)(-7.824) = 1 - 0.0530$$
$$\infty = 0.9470$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\infty = 1 + (0.006770)(-2.574) = 1 - 0.0174$$
$$\infty = 0.9826$$

EJE D

$$\infty = 1 + (0.006770)(-0.274) = 1 - 0.0018$$
$$\infty = 0.9982$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\infty = 1 + (0.006770)(-0.074) = 1 - 0.0005$$
$$\infty = 0.9995$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\infty = 1 + (0.006770)(5.093) = 1 + 0.0345$$
$$\infty = 1.0345$$

EJE C

$$\infty = 1 + (0.006770)(5.526) = 1 + 0.0374$$
$$\infty = 1.0374$$

EJE B

$$\infty = 1 + (0.006770)(12.426) = 1 + 0.0841$$
$$\infty = 1.0841$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

265

NIVEL 6.35 (1°)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$23.85 [2(0.525+1.048+0.525)] + 20.25 [2(5.905+8.894+6.144)] + \\ + 15.00 \times 2 \times 34.05 + 12.70 [2(4.999+7.813)] + 12.50 \times 2 \times 34.05 + \\ + 7.333 \times 2 \times 11.56 + 6.90 [2(1.039+3.426+9.138) + 9.138] = \\ = 23.85 \times 4.268 + 20.25 \times 41.886 + 15.00 \times 68.10 + 12.70 \times 25.624 + 12.50 \times 68.10 + \\ + 7.333 \times 23.12 + 6.90 \times 36.344 = 3568.531$$

$$\sum Dx = 4.268 + 41.886 + 68.10 + 25.624 + 68.10 + 23.12 + 36.344 + \\ + 13.572 = 281.014 \quad \dots \quad \sum Dx = 281.014 ; \text{ cuya } \frac{3568.531}{281.014} = 12.699$$

La abscisa con respecto al eje 8 (eje de simetría) será :

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Ordenadas con respecto a B	+ ordenada del centro de rigidez	= ordenada del eje	Dx
F	-23.85	+ 12.699	= -11.151	4.268
E	-20.25	+ 12.699	= -7.551	41.886
Placa escalera 1	-15.00	+ 12.699	= -2.301	68.10
D	-12.70	+ 12.699	= 0.001	25.624
Placa escalera 2	-12.50	+ 12.699	= 0.199	68.10
Placa ascensor	-7.333	+ 12.699	= 5.366	23.12
C	-6.90	+ 12.699	= 5.799	36.344
B	0.0	+ 12.699	= 12.699	13.572

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$I_x = 4.268 (-11.151)^2 + 41.886 (-7.551)^2 + 68.10 (-2.301)^2 + \\ + 25.624 (0.001)^2 + 68.10 (0.199)^2 + 23.12 (5.366)^2 + \\ + 36.344 (5.799)^2 + 13.572 (12.699)^2 = 7928.968$$

$$I_x = 7928.968$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(266)

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	=	-18.70	$2 \times 25.872$
3	-16.00	+	0.0	=	-16.00	$2 \times 15.200$
4	-13.35	+	0.0	=	-13.35	$2 \times 33.270$
5	-12.00	+	0.0	=	-12.00	$2 \times 6.819$
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	=	-10.89	$2 \times 10.19$
6	- 8.00	+	0.0	=	- 8.00	$2 \times 40.251$
7	- 4.00	+	0.0	=	- 4.00	$2 \times 14.072$
8	0.0	+	0.0	=	0.0	13.475

Los ejes simétricos a los citados tendrán numéricamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

$$\text{Cálculo de } I_y = \sum Dy \cdot x^2$$

$$I_y = 2 [25.872(18.70) + 15.200(16.00) + 33.270(13.35) + 6.819(12.00) \\ + 10.19(10.89) + 40.251(8.00) + 14.072(4.00)] + 13.475 (0.0) =$$

$$I_y = 47604.440$$

$$Ix + Iy = 7928.968 + 47604.440 = 55533.408$$

$$\sum D_x = 281.014 \quad e = 12.699 - 10.563 = 2.136$$

$$\sum D_y = 303.783 \quad e = 0$$

Con estos datos tenemos que :

$$\frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{281.014 \times 2.136}{55533.408} = 0.010809$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la fórmula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

267

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.010809)(-11.151) = 1 - 0.1205$$
$$\alpha = 0.8795$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.010809)(-7.551) = 1 - 0.0816$$
$$\alpha = 0.9184$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.010809)(-2.301) = 1 - 0.0249$$
$$\alpha = 0.9751$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.010809)(-0.001) = 1 - 0.0$$
$$\alpha = 1.0000$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.010809)(0.199) = 1 + 0.0022$$
$$\alpha = 1.0022$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.010809)(5.366) = 1 + 0.0580$$
$$\alpha = 1.0580$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.010809)(5.799) = 1 + 0.0627$$
$$\alpha = 1.0627$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.010809)(12.699) = 1 + 0.1373 = 1.1373$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

268

NIVEL 3.55 (P.B.)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$\begin{aligned}
 & 23.85 [2(3.54+5.21+3.54)] + 20.25 [2(7.78+12.11+7.34) + 0.92] + \\
 & + 15.00 x 2 x 81.42 + 15.00 x 0.94 + 12.70 [2(6.69+10.09) + 0.93] + \\
 & + 12.50 x 2 x 81.42 + 7.333 x 2 x 18.12 + 6.90 [2(10.93 + 13.55+11.07) + 9.8] \\
 & = 23.85 x 24.58 + 20.25 x 55.38 + 15.00 x 162.84 + 15.00 x 0.94 + \\
 & + 12.70 x 34.49 + 12.50 x 162.84 + 7.333 x 36.24 + 6.90 x 80.90 = \\
 & = 586.233 + 1121.445 + 2442.600 + 14.100 + 438.023 + 2035.500 + \\
 & + 265.748 + 558.210 = 7461.859
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \sum Dx &= 24.58 + 55.38 + 162.84 + 0.94 + 34.49 + 162.84 + 36.24 + 80.90 + 36.14 = 594.35 \\
 dy &= \frac{7461.859}{594.35} = 12.555
 \end{aligned}$$

La abscisa con respecto al eje 8 (eje de simetría) será :

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenadas con respecto a B	+	ordenada del centro de rigidez	=	Ordenada del eje	Dx
F	-23.85	+	12.555	=	-11.295	24.58
E	-20.25	+	12.555	=	-7.695	55.38
Placa escalera 1	-15.00	+	12.555	=	-2.445	163.78
D	-12.70	+	12.555	=	-0.145	34.49
Placa escalera 2	-12.50	+	12.555	=	0.055	162.84
Placa ascensor	-7.333	+	12.555	=	5.222	36.24
C	-6.90	+	12.555	=	5.655	80.90
B	0.00	+	12.555	=	12.555	36.14

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$\begin{aligned}
 I_x &= 24.58 (-11.295)^2 + 55.38 (-7.695)^2 + 163.78 (-2.445)^2 + 34.49 (-0.145)^2 \\
 &+ 162.84 (0.055)^2 + 36.24 (5.222)^2 + 80.90 (5.655)^2 + 36.14 (12.555)^2 =
 \end{aligned}$$

$$I_x = 16663.117$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

(269)

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado.

EJE	Abscisas con respecto a 8	+	Abscisa del centro de rigidez	=	Abscisa del eje	Dy
2	-18.70	+	0.0	=	-18.70	$2 \times 38.28$
3	-16.00	+	0.0	=	-16.00	$2 \times 50.38$
4	-13.35	+	0.0	=	-13.35	$2 \times 38.52$
5	-12.00	+	0.0	=	-12.00	$2 \times 8.41$
Placa ascensor	-10.89	+	0.0	=	-10.89	$2 \times 18.47$
6	- 8.00	+	0.0	=	- 8.00	$2 \times 56.78$
7	- 4.00	+	0.0	=	- 4.00	$2 \times 17.67$
8	0.0	+	0.0	=	0.0	29.33

Los ejes simétricos a los citados tendrán numéricamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

$$\text{Cálculo de } I_y = \sum D_y \cdot x^2$$

$$I_y = 2 [38.28(18.70)^2 + 50.38(16.00)^2 + 38.52(13.35)^2 + 8.41(12.00)^2 + 18.47(10.89)^2 + 56.78(8.00)^2 + 17.67(4.00)^2] + 29.33(0.0)^2 - 81336.45$$

$$I_y = 81336.454$$

$$\begin{aligned} \sum Dx &= 594.35 & e &= 12.555 - 10.852 = 1.703 \\ \sum Dy &= 489.75 & e &= 0.0 \end{aligned}$$

Con estos datos tenemos que :

$$\frac{\sum D_x \cdot e}{I_x + I_y} = \frac{594.35 \times 1.703}{97999.571} = 0.010328$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la formula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación .

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

270

EJE F

$$\infty = 1 + (0.010328)(-11.295) = 1 - 0.1167$$
$$\infty = 0.8833$$

EJE E

$$\infty = 1 + (0.010328)(-7.695) = 1 - 0.0795$$
$$\infty = 0.9205$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\infty = 1 + (0.010328)(-2.445) = 1 - 0.0253$$
$$\infty = 0.9747$$

EJE D

$$\infty = 1 + (0.010328)(-0.145) = 1 - 0.0015$$
$$\infty = 0.9985$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\infty = 1 + (0.010328)(0.055) = 1 + 0.0006$$
$$\infty = 1.0006$$

EJE PLACA ESCENSOR

$$\infty = 1 + (0.010328)(5.222) = 1 + 0.0539$$
$$\infty = 1.0539$$

EJE C

$$\infty = 1 + (0.010328)(5.655) = 1 + 0.0584$$
$$\infty = 1.0584$$

EJE B

$$\infty = 1 + (0.010328)(12.555) = 1 + 0.1297$$
$$\infty = 1.1297$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

271

NIVEL 0.30 (S.)

Cálculo del centro de rigidez

Cálculo de la ordenada con respecto al eje B

Momento con respecto al eje B

$$\begin{aligned}
 & 23.85 [2(7.57+9.27+8.88) + 3.12] + 20.25 [2(15.68+19.51+10.97) + \\
 & + 3.12] + 15.00 \times 2 \times 178.85 + 15.00 \times 3.19 + 12.70 [2(10.79+17.98)+3.19] + \\
 & + 12.50 \times 2 \times 178.85 + 7.333 \times 2 \times 58.73 + 6.90 [2(19.92+25.25+28.79)+21.89] = \\
 & = 23.85 \times 54.56 + 20.25 \times 95.64 + 15.00 \times 357.70 + 15.00 \times 3.19 + \\
 & + 12.70 \times 60.73 + 12.50 \times 357.70 + 7.333 \times 117.46 + 6.90 \times 169.72 = \\
 & = 15926.239
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \sum Dx &= 54.46 + 95.64 + 357.70 + 3.19 + 60.73 + 357.70 + 117.46 + \\
 &+ 169.72 + 72.29 = 1288.89
 \end{aligned}$$

$$dy = \frac{15926.239}{1288.89} = 12.357$$

La abscisa con respecto al eje 8 (eje de simetría) será :

$$dx = 0$$

Ordenadas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	ordenada con respecto a B +	ordenada del centro de rigidez	=	ordenada del eje	Dx
F	-23.85	+ 12.357	=	-11.493	54.46
E	-20.25	+ 12.357	=	-7.893	95.64
Placa escalera 1	-15.00	+ 12.357	=	-2.643	360.89
D	-12.70	+ 12.357	=	-0.343	60.73
Placa escalera 2	-12.50	+ 12.357	=	-0.143	357.70
Placa ascensor	-7.333	+ 12.357	=	5.024	117.46
C	-6.90	+ 12.357	=	5.457	169.72
B.	0.0	+ 12.357	=	12.357	72.29

Cálculo de  $I_x = \sum Dx \cdot y^2$

$$\begin{aligned}
 I_x &= 54.46(11.493)^2 + 95.64(7.893)^2 + 360.89(2.643)^2 + 60.73(0.343)^2 + \\
 &+ 357.70(0.143)^2 + 117.46(5.024)^2 + 169.72(5.457)^2 + 72.29(12.357)^2
 \end{aligned}$$

$$I_x = 34744.506$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

272

Abscisas de los elementos con respecto al centro hallado

EJE	Abscisas con respecto a 8 +	Abscisas del centro de rigidez	= Abscisas del eje	Dy
2	-18.70	+ 0.0	= -18.70	2 x 88.37
3	-16.00	+ 0.0	= -16.00	2 x 97.82
4	-13.35	+ 0.0	= -13.35	2 x 102.03
5	-12.00	+ 0.0	= -12.00	2 x 22.59
Placa ascensor	-10.89	+ 0.0	= -10.89	2 x 55.54
6	- 8.00	+ 0.0	= - 8.00	2 x 147.83
7	- 4.00	+ 0.0	= - 4.00	2 x 50.65
8	0.0	+ 0.0	= 0.0	87.89

Los ejes simétricos a los citados tendrán numericamente las mismas abscisas pero con signo contrario.

Cálculo de  $I_y = \sum Dy \cdot x^2$

$$I_y = 2 \cdot 88.37(18.70)^2 + 97.82(16.00)^2 + 102.03(13.35)^2 + 22.59(12.00)^2 + 55.54(10.89)^2 + 147.83(8.00)^2 + 50.65(4.00)^2 + 0.0$$

$$I_y = 185430.486$$

Cálculo de  $= 1 + \frac{\sum Dx \cdot e}{Ix + Iy} \dots \dots \dots \quad (A)$

$$\begin{aligned} I_x + I_y &= 34744.506 + 185430.486 = 220174.992 \\ \sum Dx &= 1288.89 \quad e = 12.357 - 10.972 = 1.385 \\ \sum Dy &= 1191.85 \quad e = 0 \end{aligned}$$

Con estos datos tenemos que :

$$\frac{\sum Dx \cdot e}{Ix + Iy} = \frac{1288.89 \times 1.385}{220174.992} = 0.008107$$

Luego efectuamos los reemplazos respectivos en la fórmula (A) y obtenemos las correcciones por rotación para cada eje como se aprecia a continuación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

273

EJE F

$$\alpha = 1 + (0.008107)(-11.493) = 1 - 0.0932$$
$$\alpha = 0.9068$$

EJE E

$$\alpha = 1 + (0.008107)(-7.893) = 1 - 0.0640$$
$$\alpha = 0.9360$$

EJE PLACA ESCALERA 1

$$\alpha = 1 + (0.008107)(-2.643) = 1 - 0.0214$$
$$\alpha = 0.9786$$

EJE D

$$\alpha = 1 + (0.008107)(-0.343) = 1 - 0.0028$$
$$\alpha = 0.9972$$

EJE PLACA ESCALERA 2

$$\alpha = 1 + (0.008107)(-0.143) = 1 - 0.0012$$
$$\alpha = 0.9988$$

EJE PLACA ASCENSOR

$$\alpha = 1 + (0.008107)(5.024) = 1 + 0.0407$$
$$\alpha = 1.0407$$

EJE C

$$\alpha = 1 + (0.008107)(5.457) = 1 + 0.0442$$
$$\alpha = 1.0442$$

EJE B

$$\alpha = 1 + (0.008107)(12.357) = 1 + 0.1002$$
$$= 1.1002$$

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.**

274

## PUNTOS DE INFLEXION

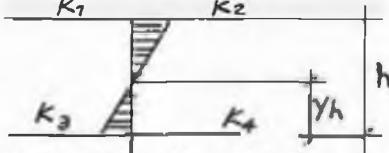
Los puntos de inflexión se calculan con la siguiente fórmula:

$$Y = Y_0 + Y_1 + Y_2 + Y_3$$

$Y_0$  - Porcentaje inicial de la altura standard, que se determina con el valor K y la ubicación del piso n, según la tabla N°1. Mostramos una parte de la tabla N°1 (la parte que ha sido utilizada por nosotros)

$Y_1$  - Término de corrección debido a la variación de valores entre rigideces de las vigas superiores e inferiores. Este valor de  $Y_1$  lo obtenemos de la tabla N°2 como función del valor  $\alpha_1$ .

$$\alpha_1 = \frac{k_1 + k_2}{k_3 + k_4}$$



Teniendo en cuenta que si el valor de  $k_1 + k_2$  es muy grande con respecto al valor de  $k_3 + k_4$  se tomará :

$$\alpha_1 = \frac{k_3 + k_4}{k_1 + k_2} , \text{ usando el signo } (-) \text{ para } Y_1$$

$Y_2$  - Término de corrección debido a la variación de la altura del piso adyacente superior, el valor de  $Y_2$  se dá en la tabla N°3 como función del valor :

$\alpha_2 = \frac{h_{12}}{h}$  ; Teniendo en cuenta q'  $Y_2$  será (+) si  $\alpha_2 > 1$

$Y_3$  - Término de corrección debido a la variación de la altura del piso adyacente inferior, el valor de  $Y_3$  se da en la tabla N° 3 como función de :

$\alpha_3 = \frac{h_1}{h}$  ; Teniendo en cuenta q'  $Y_3$  será (+) si  $\alpha_3 < 1$

Parte de la tabla N°1

Nº de pisos	piso	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1.0	2.0	3.0	4.0	5.0
7 Tipicos P.B. y S.	9	.25	.00	.15	.20	.15	.30	.30	.35	.35	.40	.45	.45	.45	.45
	8	.00	.20	.30	.35	.35	.40	.40	.40	.40	.45	.45	.50	.50	.50
	7	.15	.30	.35	.40	.40	.45	.45	.45	.45	.45	.50	.50	.50	.50
	6	.25	.35	.40	.40	.45	.45	.45	.45	.45	.50	.50	.50	.50	.50
	5	.35	.40	.45	.45	.45	.45	.45	.45	.50	.50	.50	.50	.50	.50
	4	.45	.45	.45	.45	.45	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50
	3	.60	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50
	2	.85	.65	.60	.55	.55	.55	.55	.50	.50	.50	.50	.50	.50	.50
	1	1.35	1.00	.90	.80	.75	.75	.70	.70	.65	.65	.60	.55	.55	.55

Table N°2

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

275

Tabla N°3 .- Valores de los términos de corrección , Y<sub>2</sub> y Y<sub>3</sub> .

$\alpha_2$	$\alpha_3$	1	.2	.3	.4	.5	.6	.7	.8	.9	1.0	2.0	3.0	4.0	5.0
2.0		.25	.15	.15	.10	.10	.10	.10	.10	.05	.05	.05	.05	0	0
1.8		.20	.15	.10	.10	.10	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	0	0
1.6	0.4	.15	.10	.10	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	0	0	0
1.4	0.6	.10	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	.05	0	0	0	0
1.2	0.8	.05	.05	.05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1.0	1.0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0.8	1.2	-0.05	-0.05	-0.05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0.6	1.4	-0.10	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	0	0	0	0	0	0
0.4	1.6	-0.15	-0.10	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	0	0	0	0	0	0
	1.8	-0.20	-0.15	-0.10	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	-0.05	0	0	0	0	0	0
	2.0	-0.25	-0.15	-0.15	-0.10	-0.10	-0.10	-0.10	-0.10	0	0	0	0	0	0

Cálculo de los puntos de inflexión ( Sentido Y ) .-

Nivel: 23.15 m. $\alpha_2=0$ $Y_2=0$ $\alpha_3=0$ $Y_3=0$					Niv. 20.35m. $\alpha_1=1$ $Y_1=0$ $\alpha_2=1$ $Y_2=0$ $\alpha_3=1$ $Y_3=0$					Niv. 17.55m. $\alpha_1=1$ $Y_1=0$ $\alpha_2=1$ $Y_2=0$ $\alpha_3=1$ $Y_3=0$					Niv. 14.75m. $\alpha_1=1$ $Y_1=0$ $\alpha_2=1$ $Y_2=0$ $\alpha_3=1$ $Y_3=0$				
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_1$	$Y_1$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$			
5 B	5.04	.50	.474	.05	.55	6.84	.50	.50	1.11	.46	.46	1.11	.50	.50	1.11	.50	.50		
6 B	5.04	.50	.474	.05	.55	6.84	.50	.50	1.11	.46	.46	1.11	.50	.50	1.11	.50	.50		
6 C	11.02	.50	.476	.00	.50	14.93	.50	.50	2.42	.50	.50	2.42	.50	.50	2.42	.50	.50		
6 D	1.18	.41	.581	.05	.46	1.49	.45	.45	1.49	.47	.47	1.49	.50	.50	1.49	.50	.50		
6 D'	1.26	.41	.571	.06	.47	1.61	.45	.45	1.61	.48	.48	1.61	.50	.50	1.61	.50	.50		
6 E	16.42	.50	.474	.00	.50	22.28	.50	.50	7.05	.50	.50	7.05	.50	.50	7.05	.50	.50		
6 F	9.67	.50	.474	.05	.55	13.11	.50	.50	13.11	.50	.50	13.11	.50	.50	13.11	.50	.50		

Niv. 11.95m. $\alpha_1=1$ $Y_1=0$ $\alpha_2=1$ $Y_2=0$ $\alpha_3=1$ $Y_3=0$				Niv. 9.15m. $\alpha_1=1$ $Y_1=0$ $\alpha_2=1$ $Y_2=0$ $\alpha_3=1$ $Y_3=0$				Niv. 6.35 m. $\alpha_2=1$ $Y_2=0$								
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_1$	$Y_1$	$\alpha_3$	$Y_3$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	
5 B	1.11	.50	.50	0.40	.45	.45	0.40	.50	1.00	.00	1.16	.00	.50			
6 B	1.11	.50	.50	0.40	.45	.45	0.40	.50	1.00	.00	1.16	.00	.50			
6 C	2.42	.50	.50	0.88	.50	.50	1.24	.50	.55	.05	1.16	.00	.55			
6 D	1.49	.50	.50	1.49	.50	.50	2.19	.50	.515	.05	1.16	.00	.55			
6 D'	1.61	.50	.50	1.61	.50	.50	1.61	.50	1.00	.00	1.16	.00	.50			
6 E	7.05	.50	.50	2.08	.50	.50	2.08	.50	1.00	.00	1.16	.00	.50			
6 F	4.74	.50	.50	4.74	.50	.50	4.74	.50	1.00	.00	1.16	.00	.50			

Nivel : 3.55 m. PLANTA BAJA									
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y$	$\alpha_1$	$Y_1$	$\alpha_2$	$Y_2$	$\alpha_3$	$Y_3$	$Y$
5 B	0.22	.64	1.00	.05	.86	-.02	1.14	-.02	.65
6 B	0.17	.71	1.00	.05	.86	-.02	1.14	-.02	.72
6 C	0.54	.55	.54	.15	.86	.00	1.14	.00	.40
6 D	1.75	.50	.51	-.07	.86	.00	.86	.00	.43
6 D'	1.29	.50	1.00	.00	.86	.00	.86	.00	.50
6 E	1.02	.50	1.00	.00	.86	.00	.86	.00	.50
6 F	3.06	.50	.30	.05	.86	.00	.86	.00	.55

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CAJERES BRUZZONE AURELIO A.

276

Nivel : 0.33 m. SOTANO					
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_2$	$Y_2$	$Y$
5 B	0.24	.96	.88	-.02	.94
6 B	1.92	.61	.88	-.02	.59
6 C	0.29	.91	.88	-.02	.89
6 D	1.02	.65	1.16	.00	.65
6 D'	1.11	.64	1.16	.00	.64
6 E	0.77	.70	1.16	.00	.70
6 F	3.54	.55	1.16	.00	.55

Cálculo de los puntos de inflexión en el sentido X .-

Nivel: 23.15 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			Niv. 20.35 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			Niv. 17.55 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			Niv. 14.75 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$
B 3	.81	.35	.35	.81	.40	.40	.25	.32	.32	.25	.38	.38
B 5	1.62	.43	.43	1.62	.45	.45	.42	.40	.40	.42	.41	.41
B 6	1.62	.43	.43	1.62	.45	.45	.42	.40	.40	.42	.41	.41
B 7	1.62	.43	.43	1.62	.45	.45	.42	.40	.40	.42	.41	.41
B 8	1.62	.43	.43	1.62	.45	.45	.50	.40	.40	.50	.45	.45

Niv. 11.95 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			Niv. 9.15 m. $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 1$ $Y_1 = Y_2 = Y_3 = 0$			Nivel: 6.35 m. $\alpha_2 = 1$ $\alpha_1 = 1$ $Y_2 = 0$ $Y_1 = 0$			$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_3$	$Y_3$	$Y$
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$Y$	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_3$	$Y_3$	$Y$		
B 3	.25	.42	.42	.21	.45	.45	.21	.50	1.16	-.02	.48		
B 5	.42	.45	.45	.29	.45	.45	.29	.50	1.16	-.02	.48		
B 6	.42	.45	.45	.29	.45	.45	.29	.50	1.16	-.02	.48		
B 7	.42	.45	.45	.29	.45	.45	.29	.50	1.16	-.02	.48		
B 8	.50	.45	.45	.34	.45	.45	.34	.50	1.16	.00	.50		

Nivel: 3.55 m.									
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_1$	$Y_1$	$\alpha_2$	$Y_2$	$\alpha_3$	$Y_3$	$Y$
B 3	13.12	.50	.01	.00	.86	.00	1.14	.00	.50
B 5	14.77	.50	.49	.00	.86	.00	1.14	.00	.50
B 6	28.84	.50	.49	.00	.86	.00	1.14	.00	.50
B 7	13.12	.50	.49	.00	.86	.00	1.14	.00	.50
B 8	13.12	.50	.49	.00	.86	.00	1.14	.00	.50

Nivel : 0.30 m.					
Elem.	$\bar{k}x10^2$	$Y_0$	$\alpha_2$	$Y_2$	$Y$
B 3	9.47	.55	.88	.00	.55
B 5	0.58	.75	.88	.00	.75
B 6	0.29	.91	.88	-.02	.89
B 7	0.65	.72	.88	.00	.72
B 8	.42	.79	1.16	.00	.79

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

277

### CALCULO DEL CORTE Y MOMENTO POR SISMO

Una vez obtenidos los valores del corte por nivel, el valor D de los elementos resistentes, la corrección por torsión ( $\infty$ ), los puntos de inflexión (y), se sigue el siguiente procedimiento para el cálculo de los cortes y momentos de los elementos estructurales.

- 1 - Cálculo del corte por unidad de D en el nivel .- El corte del nivel se divide entre la suma de los valores D del nivel en el sentido correspondiente y se obtiene el corte por unidad de D como señala la siguiente expresión:

$$V / u. \text{ de } D = \frac{V_t}{\sum D}$$

- 2 - Corte en las columnas .- El corte en las columnas está dado por el producto del valor del corte por unidad de D en el nivel y sentido correspondiente por el valor D de la columna de la cual se está hallando el corte de acuerdo a la siguiente expresión:

$$V_n = ( V/u. \text{ de } D ) \cdot D = \frac{V_t}{\sum D} \cdot D$$

- 3 - Corrección del corte por torsión .- La corrección del corte de las columnas por torsión debe hacerse de acuerdo a la siguiente expresión:

$$V_{c_n} = \infty_n \cdot \frac{V_t}{\sum D} \cdot D_n$$

$$V_{c_n} = \infty_n \cdot V_n$$

Lo que significa multiplicar el corte distribuido a los elementos resistentes de acuerdo a su valor D, por el coeficiente de corrección por torsión.

- 4 - Cálculo del factor  $V_h$  .- Luego de haber hallado el corte corregido por torsión de las columnas se halla el factor  $V_h$  de estas columnas, es decir el producto del corte corregido por torsión que toma la columna por su altura.

- 5 - Cálculo de los momentos en las columnas .-

El momento en las columnas se nombra como: Momento en la parte superior ( $M_T$ ) y momento en la parte inferior ( $M_B$ ) y se calculan estos, de acuerdo a las siguientes expresiones:

$$M_B = ( V_c h ) y$$

$$M_T = V_c h - M_B$$

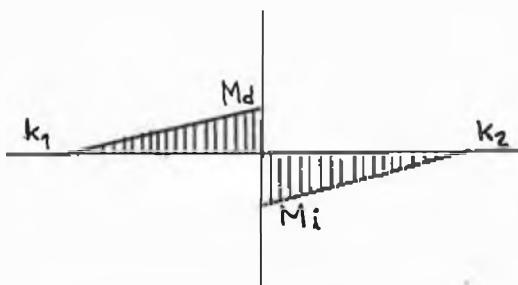
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

278

Lo que significa que el momento inferior de la columna se obtiene multiplicando el valor  $V_h$  por el punto de inflexion , el momento superior de la columna esta dado por la diferencia del factor  $V_c h$  menos el momento inferior.

**6 - Calculo del momento en las vigas .-**

Una vez calculado el momento en las columnas por medio del equilibrio de los nudos, se distribuye el momento en las vigas proporcionalmente a sus rigideces de la manera siguiente:

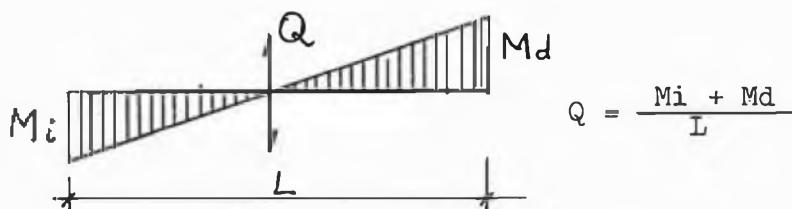


$$Md = \sum Mc \cdot \frac{k_1}{k_1 + k_2}$$

$$Mi = \sum Mc \cdot \frac{k_2}{k_1 + k_2}$$

**7 - Cálculo del corte en las vigas .-**

El corte en las vigas esta dado por la suma de los momentos (izquierdo más derecho ) dividido entre la longitud de la viga de acuerdo con la siguiente expresión.



A continuación realizamos el calculo del y momentos de los porticos 6 y B.

Hay que anotar que los pórticos principales no tienen corrección por torsión por razones de simetría.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

279

CALCULO DEL CORTE Y MOMENTOS PCR SISMO ( PORTICO 6 ) .-

NIVEL	V	D columnas + 2 D ascensor	T por unidad de D
23.15(7)	71.2	89.47	$71.2/89.47 = 0.796$ T/u.de D
20.35(6)	144.2	122.52	$144.2/122.52 = 1.177$ "
17.55(5)	209.2	203.91	$209.2/203.91 = 1.026$ "
14.75(4)	265.8	219.24	$265.8/219.24 = 1.212$ "
11.95(3)	313.4	243.13	$313.4/243.13 = 1.289$ "
9.15(2)	352.2	310.32	$352.2/310.32 = 1.135$ "
6.35(1)	382.0	332.61	$382.0/332.61 = 1.148$ "
3.55(0)	405.0	502.86	$405.0/502.86 = 0.805$ "
0.30(5)	419.7	1192.84	$419.7/1192.84 = 0.352$ "

Cálculo del corte en las columnas .-

N	T/u.D	D						V					
		6B	6C	6D	6D'	6E	6F	6B	6C	6D	6D'	6E	6F
7	0.796	1.73	2.04	7.90	8.24	2.15	2.12	1.38	1.62	6.29	6.56	1.71	1.68
6	1.177	1.87	2.13	9.09	9.50	2.21	2.09	2.20	2.51	10.70	11.18	2.60	2.46
5	1.026	5.31	8.15	9.09	9.50	5.93	2.00	5.45	8.36	9.33	9.75	6.08	2.05
4	1.212	5.31	8.15	9.09	9.50	5.93	2.00	6.44	9.88	11.02	11.51	7.19	2.42
3	1.289	5.31	8.15	9.09	9.50	5.93	4.68	6.84	10.51	11.72	12.25	7.64	6.03
2	1.135	6.82	12.49	9.09	9.50	13.11	4.68	7.74	14.18	10.32	10.78	14.88	5.31
1	1.148	6.82	15.64	11.13	9.50	13.11	4.68	7.83	17.95	12.78	10.91	15.05	5.37
P.	0.805	6.54	19.62	12.45	10.45	17.33	13.29	5.26	15.79	10.02	8.41	13.95	10.70
S.	0.352	15.40	42.15	15.56	16.03	32.06	21.45	5.42	14.84	5.48	5.64	11.28	7.55

N	V h						y					
	6B	6C	6D	6D'	6E	6F	6B	6C	6D	6D'	6E	6F
7	3.86	4.54	17.61	18.37	4.79	4.70	.55	.50	.46	.47	.50	.50
6	6.16	7.03	29.96	31.30	7.28	6.89	.50	.50	.45	.45	.50	.50
5	15.26	23.40	26.12	27.30	17.02	5.76	.46	.50	.47	.48	.50	.50
4	18.03	27.66	30.86	32.23	20.13	6.78	.50	.50	.50	.50	.50	.50
3	19.15	29.43	32.82	34.30	21.39	16.88	.50	.50	.50	.50	.50	.50
2	21.67	39.70	28.90	30.18	41.66	14.87	.45	.50	.50	.50	.50	.50
1	21.92	50.26	35.78	30.55	42.14	15.04	.50	.55	.55	.50	.50	.50
P.	17.10	51.32	32.57	27.33	45.34	34.78	.72	.40	.43	.50	.50	.55
S.	20.05	41.55	15.34	15.79	31.58	21.14	.59	.89	.65	.64	.70	.55

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

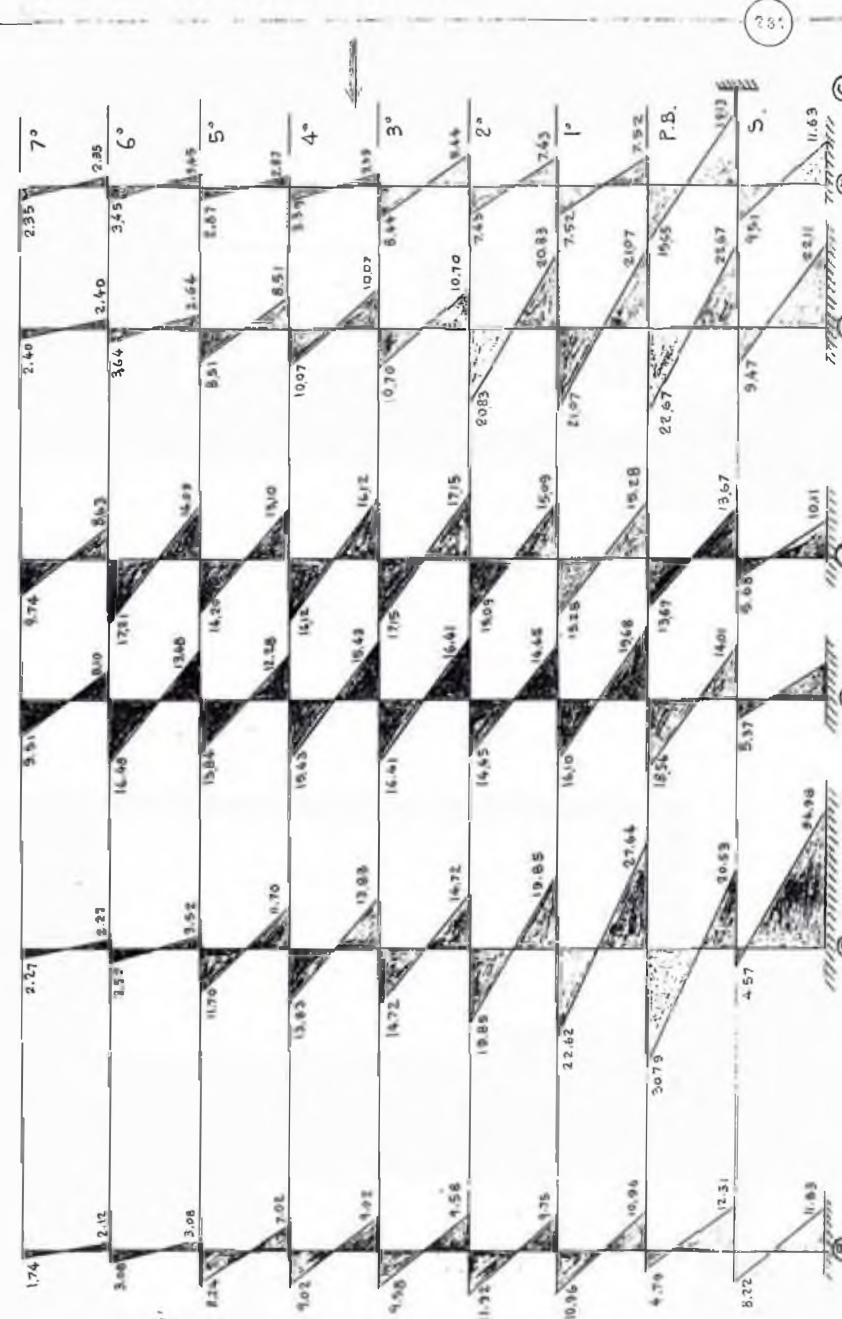
280

	E C M E N T G S											
	6E		6G		6D		SD'		6E		S.E.	
	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.
7	4.74	2.12	11.27	2.27	9.51	8.10	9.74	0.36	2.40	2.40	2.35	2.35
6	3.02	3.00	3.02	3.02	16.48	13.48	17.21	14.09	3.64	3.64	3.45	3.45
5	1.24	1.02	1.70	1.70	13.84	12.28	14.20	13.10	8.51	8.51	2.87	2.87
4	0.62	0.62	1.85	1.85	15.43	15.43	16.12	16.12	10.57	10.57	10.07	10.07
3	0.38	0.58	14.72	14.72	16.41	16.41	17.15	17.15	10.70	10.70	8.44	8.44
2	0.12	0.75	10.65	10.65	14.45	14.45	15.09	15.09	20.83	20.83	7.43	7.43
1	0.96	10.45	24.2	27.64	16.10	19.68	15.28	15.28	21.67	21.67	8.52	8.52
0	4.79	12.31	31.75	31.75	16.56	14.61	13.67	13.67	22.67	22.67	15.65	15.65
	0.22	11.63	4.57	3.98	5.37	9.97	5.68	10.11	9.47	22.11	9.51	11.63

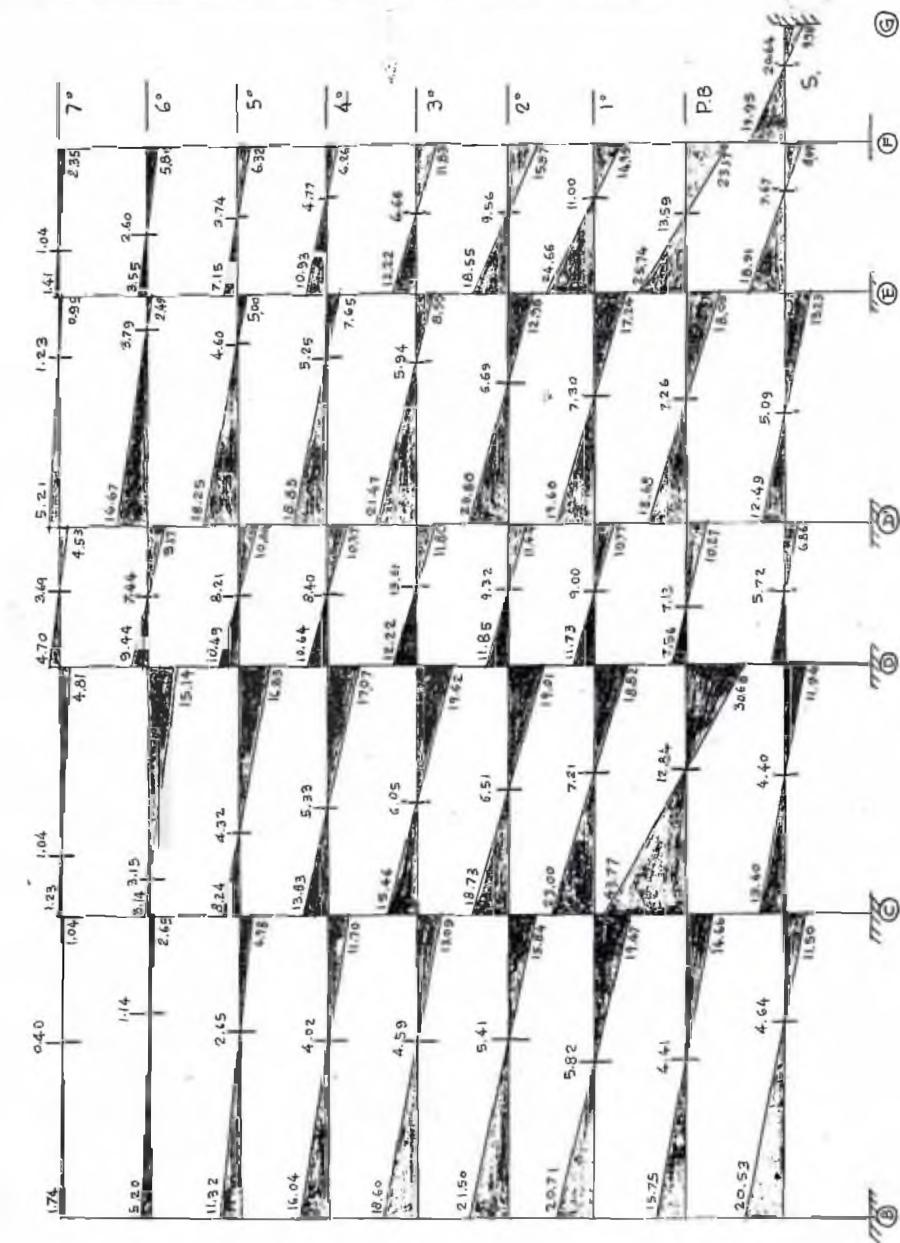
**TESIS DE GRADO**  
**PROMOCIÓN 1966**

**UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERIA  
FACULTAD DE INGENIERIA CIVIL**

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

CALCULO DEL CORTE Y MOMENTOS POR SISMO ( FORMICE B )

NIVEL	V	Dcol. + 4 Descalera + 2 D ascensor	V por unidad D
23.15	67.2	41.57	67.2/41.57 = 1.616T.
20.35	134.9	55.06	134.9/55.06 = 2.450T
17.55	195.2	97.49	195.2/97.49 = 2.002 T
14.75	247.8	116.73	247.8/116.73 = 2.122 T
11.95	292.0	141.76	292.0/141.76 = 2.059
9.15	328.0	190.87	328/190.87 = 1.718
6.35	355.6	281.01	355.6/281.01 = 1.265 T
3.55	377.0	594.35	377.0/594.35 = 0.634 T
0.30	390.7	1288.79	390.7/1288.79 = 0.30103

CALCULO DEL CORTE EN LAS COLUMNAS Y CORRECCION POR ROTACION  
DEL CORTE HALLADO

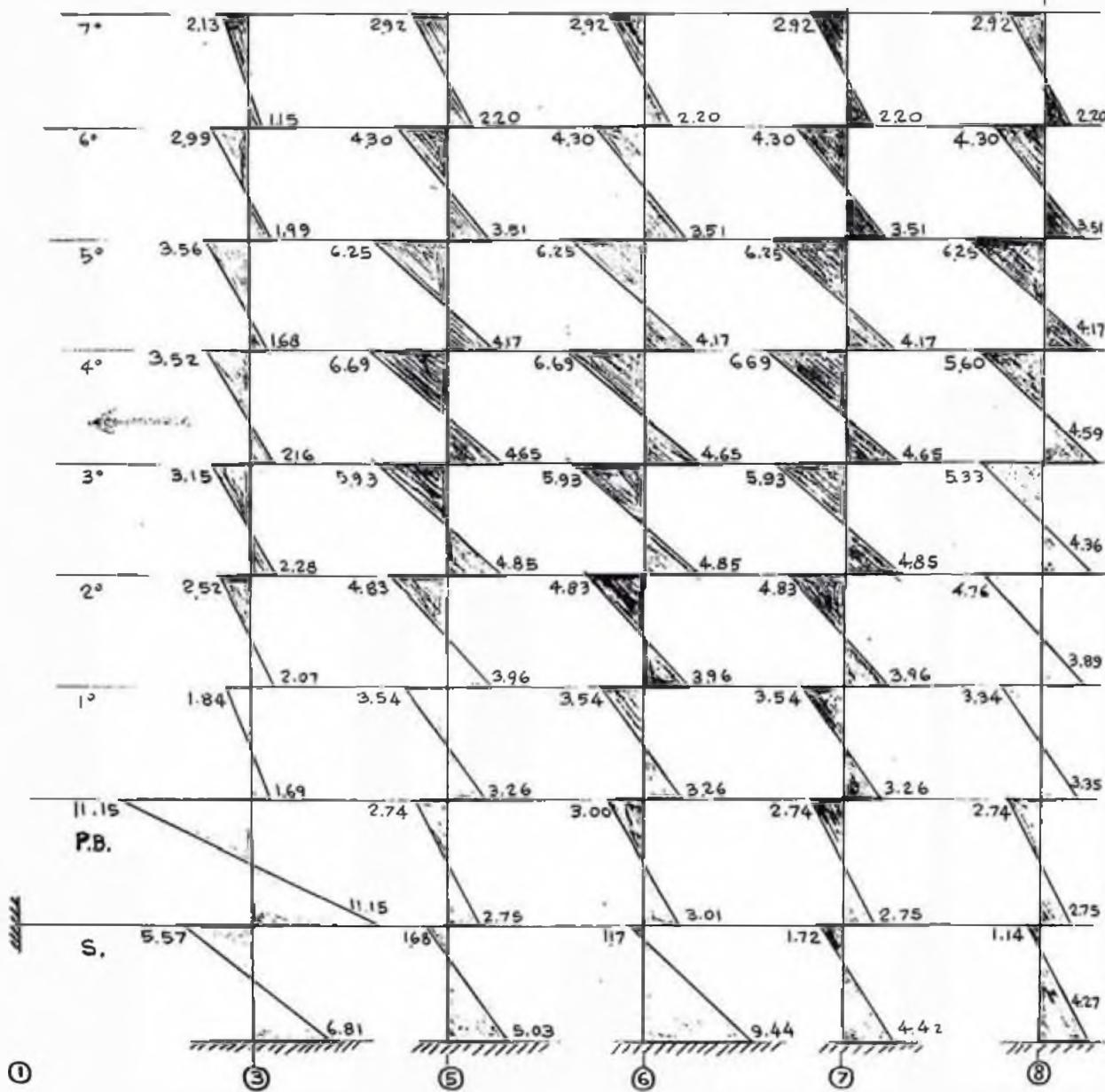
N	T <sub>G.M</sub>	D					V					dL
		B3	B5	B6	B7	B8	B3	B5	B6	B7	B8	
7	1.616	0.69	1.08	1.08	1.08	1.08	1.12	1.75	1.75	1.75	1.75	1.0435
6	2.450	0.69	1.08	1.08	1.08	1.08	1.69	2.65	2.65	2.65	2.65	1.0545
5	2.002	0.85	1.69	1.69	1.69	1.52	1.70	3.38	3.38	3.38	3.04	1.0993
4	2.122	0.85	1.69	1.69	1.69	1.52	1.80	3.59	3.9	3.59	3.28	1.1268
3	2.059	0.85	1.69	1.69	1.69	1.52	1.75	3.48	3.48	3.48	3.13	1.1036
2	1.718	0.88	1.69	1.69	1.69	1.66	1.51	2.90	2.90	2.90	2.85	1.0841
1	1.265	0.88	1.69	1.69	1.69	1.66	1.11	2.14	2.14	2.14	2.10	1.1373
P.E.	0.634	9.58	2.36	2.59	2.36	2.36	6.07	1.50	1.64	1.50	1.50	1.1297
S	3.03	12.79	5.68	8.90	5.17	7.05	3.88	1.72	2.72	1.57	1.14	1.10 T

Continuación del cuadro :

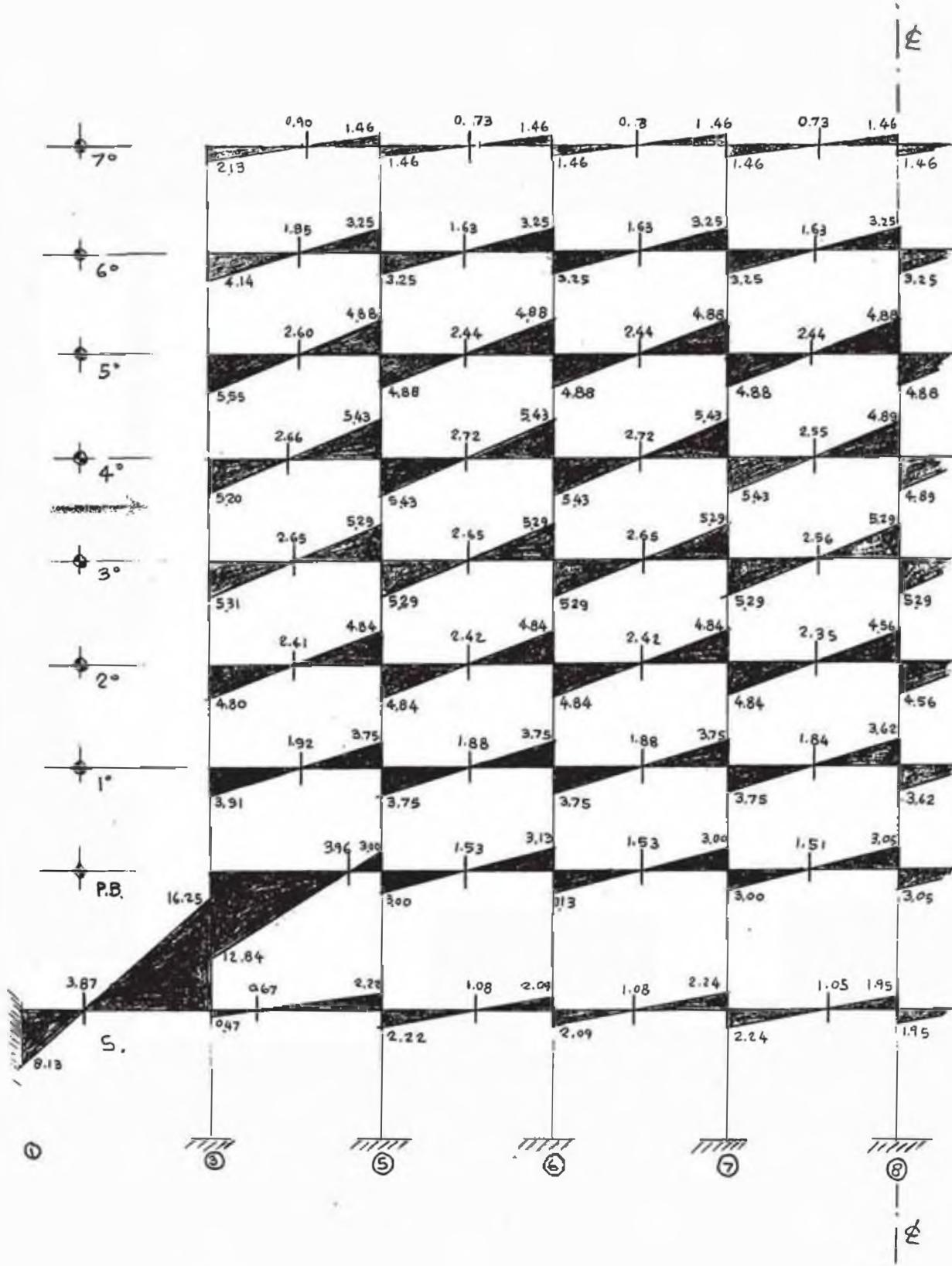
N	V corrección					V en periodo x h					S				
	B3	B5	B6	B7	B8	B3	B5	B6	B7	B8	B3	B5	B6	B7	B8
11	1.17	1.83	1.83	1.83	1.83	3.20	5.12	5.12	5.12	5.12	1.12	1.12	1.12	1.12	1.12
7	1.17	1.83	1.83	1.83	1.83	3.20	5.12	5.12	5.12	5.12	1.12	1.12	1.12	1.12	1.12
6	1.78	2.79	2.79	2.79	2.79	4.98	7.51	7.81	7.81	7.81	7.81	7.81	7.81	7.81	7.81
5	1.87	3.72	3.72	3.72	3.72	5.24	10.42	10.42	10.42	10.42	10.42	10.42	10.42	10.42	10.42
4	2.03	4.05	4.05	4.05	3.64	5.69	11.34	11.34	11.34	11.34	10.19	10.19	10.19	10.19	10.19
3	1.94	3.85	3.85	3.85	3.46	5.43	10.78	10.78	10.78	10.78	9.69	9.69	9.69	9.69	9.69
2	1.64	3.14	3.14	3.14	3.09	4.59	8.71	8.71	8.71	8.71	8.65	8.65	8.65	8.65	8.65
1	1.26	2.43	2.43	2.43	2.39	3.52	6.30	6.30	6.30	6.30	6.86	6.86	6.86	6.86	6.86
P.E.	6.86	1.69	1.69	1.69	4.69	22.39	49	6.01	5.69	5.49	30	30	30	30	30
S	4.27	1.89	2.59	1.53	2.5	12.58	1.71	16.51	6.14	5.41	59	59	59	59	59

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

N	M O M E N T O S									
	B3		B5		B6		B7		B8	
	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.	sup.	inf.
7	2.13	1.15	2.92	2.20	2.92	2.20	2.92	2.20	2.92	2.20
6	2.99	1.99	4.30	3.51	4.30	3.51	4.30	3.51	4.30	3.51
5	3.56	1.68	6.25	4.17	6.25	4.17	6.25	4.17	6.25	4.17
4	3.52	2.16	6.69	4.65	6.69	4.65	6.69	4.65	5.60	4.59
3	3.15	2.28	5.93	4.85	5.93	4.85	5.93	4.85	5.33	4.33
2	2.52	2.07	4.83	3.96	4.83	3.96	4.83	3.96	4.76	3.89
1	1.84	1.69	3.54	3.26	3.54	3.26	3.54	3.26	3.34	3.35
P.B	11.15	11.15	2.74	2.75	3.00	3.01	2.74	2.75	2.74	2.75
S.	5.57	6.81	1.68	5.03	1.17	9.44	1.72	4.42	1.14	4.27



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

286

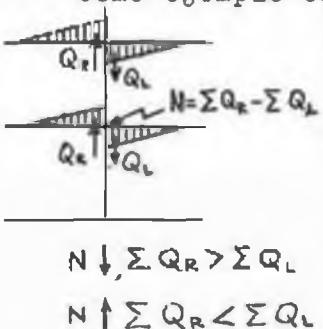
Calculo de las cargas axiales .-

Se ha efectuado el cálculo de las cargas axiales mediante el corte en vigas que ha sido calculado en su debida oportunidad y que se presentan en las páginas: 282 y 285

Las columnas exteriores son las que tienen carga axial considerable, tambien se presentan cargas axiales grandes cuando hay vigas con rigideces grandes al lado de vigas con rigideces menores.

Una vez calculada la carga axial en el nivel, se va acumulando a la de los niveles superiores teniendo en cuenta el signo.

Como ejemplo citamos la columna 6C ( como interior ).



Nivel	Parcial	Acumulada
7	$1.04 - 0.40 = 0.64 \downarrow$	$0.64 \downarrow$
6	$3.15 - 1.14 = 2.01 \downarrow$	$2.65 \downarrow$
5	$4.32 - 2.65 = 1.67 \downarrow$	$4.32 \downarrow$
4	$5.33 - 4.02 = 1.31 \downarrow$	$5.63 \downarrow$
3	$6.05 - 4.59 = 1.46 \downarrow$	$7.09 \downarrow$
2	$6.51 - 5.41 = 1.10 \downarrow$	$8.19 \downarrow$
1	$7.21 - 5.82 = 1.39 \downarrow$	$9.58 \downarrow$
P.S.	$12.84 - 4.41 = 8.43 \downarrow$	$18.01 \downarrow$
S.	$4.40 - 4.64 = -0.24 \uparrow$	$17.77 \downarrow$

En las normas peruanas de diseño antisísmico, en el acápite 12 habla del momento de volteo, el cual dice debe ser afectado por un coeficiente y que es un factor de modificación que reduce el momento de volteo con el incremento del período natural de vibración de la estructura, el cual se calcula según la siguiente fórmula :

$$J = \frac{0.5}{T^{2/3}}$$

Si consideramos que el período en la dirección del eje principal ( Y ) de acuerdo a la fórmula correspondiente es el siguiente :

$$T_y = \frac{0.09 h}{D}$$

donde :  $h = 25.65 \text{ m.}$   
 $D = 23.85 \text{ m.}$

$$T_y = \frac{0.09 \times 25.65}{23.85} = 0.4727$$

$$\tau = \frac{0.5}{0.4727^{2/3}}$$

$$J = 0.823 //$$

Este factor de reducción del momento de volteo lo utilizaremos como reductor de la carga axial - J, tendrá una valor máximo de 1.00 y un mínimo de 0.35, que corresponden a los períodos  $T_1 = 0.354 \text{ seg.}$  y  $T_2 = 1.830 \text{ seg.}$  respectivamente. Para períodos menores q'  $T_1$  o mayores que  $T_2$  se tomarán los valores máximos y mínimos para T.

Solo haremos esta reducción en las columnas que vamos a calcular (5B y 6B) en la dirección de los ejes principales. En la otra dirección no haremos esta reducción por ser las cargas muy pequeñas, así tenemos :

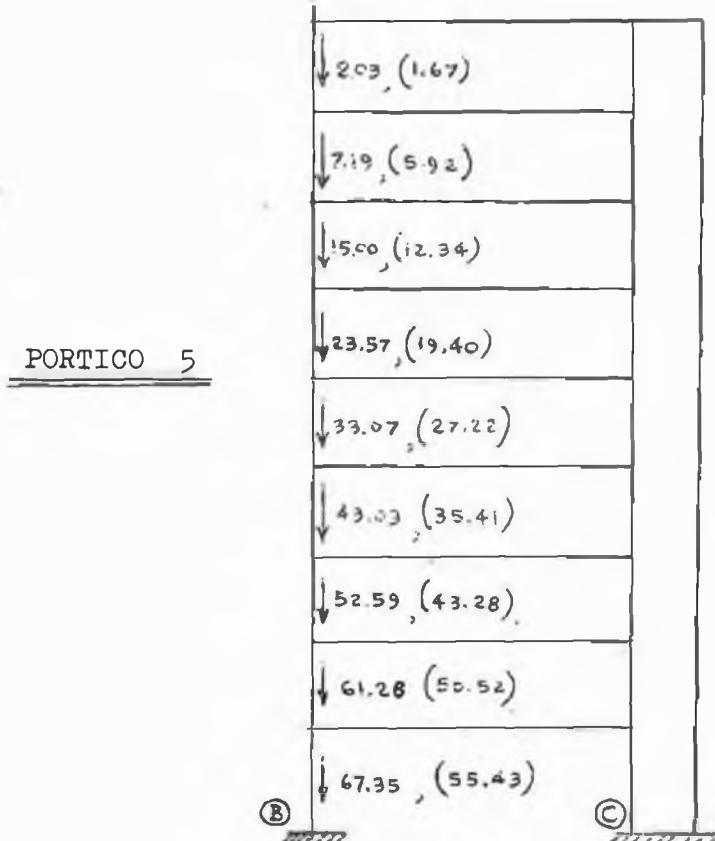
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

287

	5 B			6 B		
N.	Parc.	Acum.	Reducida	Parc.	Acum.	Reducida
7	2.03↓	2.03↓	$2.03 \times 0.823 = 1.67 \downarrow$	0.40↓	0.40↓	$0.40 \times 0.823 = 0.33 \downarrow$
6	5.16↓	7.19↓	$7.19 \times 0.823 = 5.92 \downarrow$	1.14↓	1.54↓	$1.54 \times 0.823 = 1.27 \downarrow$
5	7.81↓	15.00↓	12.34↓	2.45↓	4.19↓	3.45↓
4	8.57↓	23.57↓	19.40↓	4.02↓	8.21↓	6.76↓
3	9.50↓	33.07↓	27.22↓	4.59↓	12.80↓	10.53↓
2	9.96↓	43.03↓	35.41↓	5.41↓	18.21↓	14.99↓
1	9.56↓	52.59↓	43.28↓	5.82↓	24.03↓	19.78↓
P.B	8.79↓	61.38↓	50.52↓	4.41↓	28.44↓	23.41↓
S.	5.97↓	67.35↓	55.43↓	4.64↓	33.08↓	27.22↓

A continuación presentamos las cargas axiales en los pórticos 5 y 6 ( Cuando el sismo entra en el sentido de los ejes principales ) y el pórtico B ( Cuando el sismo entra en el sentido de los ejes secundarios ).

En las columnas 5 B y 6 B en el sentido de los ejes principales , presentamos los valores de las cargas axiales y tambien la reducida (entre parentesis).



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CAGERES BRUZZONE AURELIO A.

285

PORTEICO 6

↓ 0.40 (0.33)	↓ 0.64	↓ 2.65	↑ 2.46	↑ 0.19	↑ 1.04
↓ 1.54 (1.27)	↓ 2.65	↓ 6.94	↑ 6.11	↑ 1.38	↑ 3.64
↓ 4.19 (3.45)	↓ 4.32	↓ 10.83	↑ 9.72	↑ 2.24	↑ 7.38
↓ 8.21 (6.76)	↓ 5.63	↓ 13.90	↑ 12.87	↑ 2.78	↑ 12.15
↓ 12.80 (10.53)	↓ 7.09	↓ 21.46	↑ 20.54	↑ 1.98	↑ 18.83
↓ 10.21 (14.99)	↓ 8.19	↓ 24.21	↑ 33.17	↓ 0.89	↓ 28.39
↓ 24.03 (19.78)	↓ 9.58	↓ 26.06	↑ 34.87	↓ 4.59	↑ 39.39
↓ 28.44 (23.41)	↓ 18.01	↓ 20.35	↑ 34.74	↓ 14.98	↑ 52.96
↓ 33.08 (27.22)	↓ 17.73	↓ 21.67	↑ 35.37	↓ 13.50	↑ 40.01
(B)	(C)	(D)	(D)	(E)	(F) (G)

12

0.90	↑ 0.17	0.00	0.00	0.00
↓ 2.75	↑ 0.39	0.00	0.00	0.00
↓ 3.35	↑ 0.55	0.00	0.00	0.00
↓ 8.01	↑ 0.49	0.00	↑ 0.17	0.00
↓ 10.66	↑ 0.49	0.00	↑ 0.26	0.00
↓ 13.07	↑ 0.48	0.00	↑ 0.33	0.00
↓ 14.99	↑ 0.52	0.00	↑ 0.37	0.00
↓ 18.95	↑ 2.95	0.00	↑ 0.39	0.00
↓ 13.75	↑ 2.54	0.00	↑ 0.42	0.00
(1)	(3)	(5)	(6)	(7) (8)

**ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.**  
**CACERES BRUZZONE AURELIO A.**



**C A P I T U L O VI**

**M O M E N T O S P O R C A R G A S G R A V I T A C I O N A L E S**

- Método de Kani	290
- Pórtico 5	295
- Pórtico 6	296
- Pórtico B	296
- Cargas pórticos 5,6yB	299

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

METODO DE KANI .-

A ) PORTICO CON NUDOS RIGIDOS .-

En este caso esta los pórticos 5 y B , por ser considerados simétricos no hay desplazamiento en los nudos.

El procedimiento a seguir es el siguiente:

1) Momentos de empotramiento perfecto (  $M_{ik}$  ) .- Se calculan los momentos de empotramiento perfecto en los extremos de las vigas y se anotan sobre las correspondientes barras del esquema. Para obtener estos momentos de empotramiento perfecto se utilizan las cargas que hemos metrado en su debida oportunidad y que pueden verse en el capítulo de metrado de cargas.

Se considera como positivo el momento flector en el extremos de una barra cuando su sentido de giro es el de las agujas del reloj esta misma regla se aplica para cualquier otro momento (por ejem. momentos de fijación, momentos de nudo, etc.)

Tomaremos como ejemplo la barra o viga  $B_3(6-7)$  del 3º piso típico de acuerdo al metrado d' cargas, la carga por metro(permanente + sobrecarga) es  $W = 1.100 \text{ T/m.}$  y sabemos que los momentos de empotramiento perfecto en una viga con carga repartida estan dados por la expresión :

$$M_{ik} = \frac{W l^2}{12} \quad \text{para: } W = 1.100 \text{ T/m. ; } l = 4.00 \text{ m.}$$
$$\bar{M} = \frac{1.100 \times 4.00^2}{12} = 1.48 \text{ T-m.}$$

De acuerdo al convenio de signos se ha colocado en la parte superior de la barra sobre la izquierda  $-1.48$  y sobre la derecha  $+1.48$

2) Momentos de sujeción (  $M_i$  ) .- Una vez colocados los momentos de empotramiento calculamos los momentos de sujeción que es la suma algebraica de los momentos de empotramiento que concurren en el nudo.  $M_i = \sum_{(k)} M_{ik}$

Así en el nudo del eje 7 ( 3º piso típico) tenemos :

$$\bar{M} = +1.48 - 1.10 = +0.38$$

Estos momentos de sujeción se anotan dentro del círculo interior que esta en el nudo respectivo.

3) Coeficientes de repartición .- El coeficiente de repartición se obtiene repartiendo proporcionalmente el valor  $(-1/2)$  en cada nudo al valor de las rigideces  $K$  de las barras (vistas y columnas) que concurren en el. El valor de la rigidez esta dado por  $K = \frac{I}{l}$ . De esta manera, para nuestro ejemplo tenemos:

( De acuerdo a las rigideces que se encuentran en la pág . 162 )  
( vigas ) ( columnas )

$$K_{B_3(6-7)} = 1.95 = K_{B_3(7-8)} ; K_{7B_3} = 9.25 = K_{7B_4}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

291

$$K = 1.95 + 1.95 + 9.25 + 9.25 = 22.40$$

$$\mu_{B_3}(5-6) = \mu_{B_3}(6-7) = -1/2 \times \frac{1.95}{22.40} = -0.044 \quad (\text{vistas})$$

$$\mu_{7B_3} = \mu_{7B_4} = -1/2 \times \frac{9.25}{22.40} = -0.206 \quad (\text{columnas})$$

Estos coeficientes de repartición se colocan entre los dos círculos q' aparecen en cada nudo.

4) Las sucesivas influencias del giro ( $M'_{ik}$ ) de los nudos a los momentos.- Las determinamos por iteración de la operación:

$M'_{ik} = u_{ik} (\bar{M}_i + \sum_{(k)} M'_{ki})$  Siguiendo de un nudo a otro hasta obtener la aproximación deseada, así para el ejemplo que hemos tomado efectuamos la siguiente operación: Tomamos el momento de sujeción y lo sumamos a las influencias de giro de los lados opuestos de las barras que concurren al nudo así tenemos:  $+0.38 + (-0.05 + 0.00 - 0.05 + 0.00) = +0.28$  luego repartimos de acuerdo a los coeficientes de reparticion:

$$M'_{B_3}(6-7) = M'_{B_3}(7-8) = -0.044 (+0.28) = -0.01 \quad (\text{vistas})$$

$$M'_{7B_3} = M'_{7B_4} = -0.206 (+0.28) = -0.06 \quad (\text{columnas})$$

Como podemos apreciar en el plano respectivo, estas influencias de giro son iguales a las anteriores por lo que la aproximación se considera buena.

5) Momentos definitivos en los extremos de las barras .- Sumando los momentos de empotramiento perfecto en los extremos de las barras con la influencia de los giros obtenemos los momentos definitivos en los extremos de cada barra, así para un extremo de la barra  $ik$  obtenemos :

$$M_{ik} = \bar{M}_{ik} + 2 M'_{ik} + M'_{ki}$$

Siguiendo con nuestro ejemplo tenemos:

$$M = +1.48 + 2(-0.01) + 0.00 = +1.46 //$$

Debe tomarse en cuenta que como el pórtico B es simétrico lo hemos cortado por el eje de simetría que es el 8 considerando empotramiento en dicho eje.

### B ) PORTICO CON NUDOS DESPLAZABLES .-

En este caso esta el pórtico 6 , que por no ser simétrico existirán desplazamientos en sus nudos. El procedimiento a seguir es el que a continuación se muestra :

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

292

a) CADA PISO TIENE COLUMNAS DE LA MISMA LONGITUD .- En este caso estan todos los niveles del pórtico 6, excepto el sótano.

1) Momentos de empotramiento .- Se calculan con las mismas consideraciones expresadas en A ). Teniendo en cuenta que el momento de empotramiento debido a cargas concentradas es dado por :

$$M = \frac{P a b^2}{l^2}$$

$$M = \frac{P a^2 b}{l^2}$$

las consideraciones de signos son las ya expresadas en A ).

2) Momentos de sujeción .- ( $\bar{M}_i$ ). Son los mismos que se expresan en A )

3) Coeficientes de repartición .- Se calculan así como en A ).

4) Factores de corrimiento .- Los factores de corrimiento se calculan distribuyendo en cada piso el valor de  $-3/2$ , proporcionalmente a las rigideces de las columnas y los anotamos a la derecha de la columna correspondiente. Así tenemos por ejemplo en el KANI 1 (Pórtico 6), 7º piso típico según el plano N° 24 :

Tomando las rigideces de la pág. 165

$$K_{6B_7} = K_{6C_7} = K_{6E_7} = K_{6F_7} = 2.41 ; K_{6D_7} = K_{6D'_7} = 21.29$$

$K = 52.22$  ( Suma en todo el nivel )

$$\nu_{6B_7} = \nu_{6C_7} = \nu_{6E_7} = \nu_{6F_7} = -3/2 \times \frac{2.41}{52.22} = -0.069$$

$$\nu_{6D_7} = \nu_{6D'_7} = -3/2 \times \frac{21.29}{52.22} = -0.612$$

5) Influencias de giro ( $M'_{ik}$ ) .- Se encontrarán por iteración sucesiva de la fórmula :

$$M'_{ik} = \mu_{ik} \left[ \bar{M}_i + \sum_k (M'_{ki} + M''_{ik}) \right] \quad (\infty)$$

Siendo  $M''_{ik}$  la influencia del desplazamiento. Se va pasando de un nudo a otro hasta obtener la aproximación deseada. Así tenemos como ejemplo el nudo D del 6º piso; en primer lugar la suma del momento de sujeción y las influencias de giro y desplazamiento . = + 8.68 + (-1.11 - 0.72 - 1.73 + 0.19) + (+1.16 + 0.84) = = + 7.31

Luego esto repartimos proporcionalmente a los coeficientes de distribución y tenemos :

$$M'_{B_6(C-D)} = (-0.132)(+7.31) = -0.97$$

$$M'_{B_6(D-D')} = (-0.082)(+7.31) = -0.60$$

$$M'_{6D_6} = M'_{6D'_7} = (-0.143)(+7.31) = -1.04$$

Como se puede apreciar estas influencias de giro son iguales a las anteriores, con lo que se considera suficiente aproximación.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

793

6) Influencia del desplazamiento ( $M''_{ik}$ ) .- Se obtiene iteración sucesiva de la fórmula :

$$M''_{ik} = \bar{v}_{ik} \left[ \sum (M'_{ik} + M'_{ki}) \right] \quad (\beta)$$

Las iteraciones mediante las fórmulas  $\alpha$  y  $\beta$  serán sucesivas alternando las dos, empezando con  $\alpha$  para cada nudo y luego  $\beta$  y así sucesivamente hasta que todas las influencias de giro y desplazamiento lleguen a la exactitud deseada.

Como ejemplo para el cálculo tomamos el 7º nivel del KANI 1 del pórtico 6 , teniendo en primer lugar las influencias de giro :  
 $-0.01 + 0.23 + 0.04 - 0.09 = 1.73$      $1.04 + 0.66 + 0.34 - 0.07 = 0.07$      
 $-0.11 - 0.05 = -1.90$

$$M''_{6B_7} = M''_{6C_7} = M''_{6E_7} = M''_{6F_7} = (-0.069)(-1.90) = +0.13$$

$$M''_{6D_7} = M''_{6D'}_7 = (-0.612)(-1.90) = +1.16$$

Como se puede apreciar estas influencias de desplazamiento son iguales a las de la iteración anterior, considerando suficiente aproximación.

7) Momentos definitivos en los extremos de las barras .- Los momentos definitivos están dados por la expresión :

$$M_{ik} = \bar{M}_{ik} + 2 M'_{ik} + M'_{ki} + M''_{ik}$$

Así tomamos como ejemplo en el KANI 1 , la viga 6 (C-D) del 6º piso típico. En su lado derecho, osea en el extremo D :

$$M_{66}(C-D) = +10.02 + 2(-0.97) - 0.72 = +7.36 \text{ T-m.}$$

El momento definitivo en la columna 6D del 7º piso (en su parte inferior) en el KANI 1 sera:

$$M_{6D_7} = 2(-1.04) - 1.73 + 1.16 = -2.65$$

b) COLUMNAS DEL PISO CON ALTURAS DIFERENTES .- Este caso se presenta en el sótano del pórtico 6 donde la columna en B mide 3.70 y las otras miden 2.80 m.

1) Momento de empotramiento perfecto .- Se calculan como se ha explicado anteriormente.

2) Momentos de sujeción .- Se encuentran como se ha explicado.

3) Coeficientes de repartición .- Igual a casos anteriores.

4) Factores de reducción (c) .- Estos factores están dados por la siguiente expresión

$$c_{ik} = \frac{h_r}{h_{ik}}$$

donde  $h_r$  es la altura de la generalidad de las columnas en el nivel, en nuestro caso 2.80 m. y  $h_{ik}$  es la altura de la colum-

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

294

na de la cual se quiere hallar el factor de reducción.

Así tenemos para el sótano del pórtico 6 .

$$c_{6B_S} = \frac{2.80}{3.70} = 0.757$$

$$c_{6C_S} = c_{6D_S} = c_{6D'_S} = c_{6E_S} = c_{6F_S} = c_{6G_S} = \frac{2.80}{2.80} = 1.00$$

Estos factores de reducción los colocamos al lado de la respectiva columna/

5) Factores de corrimiento .- En este caso estan dados por :

$$v_{ik} = -\frac{3/2}{\sum_{(r)}^{} c_{ik}^2} K_{ik}$$

En nuestro caso del sótano del pórtico 6 tenemos :

$$\sum_s c_{ik}^2 K_{ik} = (0.757^2)(85.56) + (1.00^2)(123.97) + (1.00^2)(30.94) + 1.00(308.4) + (1.0^2)(69.66) + (1.0^2)(29.39) + (1.0^2)(24.88) = 358.80$$

$$v_{6B_S} = -\frac{3/2(-0.757 \times 85.56)}{358.80} = -0.271 ; v_{6C_S} = -\frac{3/2(1.00 \times 123.97)}{358.80} = -0.518$$

$$v_{6D_S} = v_{6D'_S} = -\frac{3/2(1.00 \times 30.94)}{358.80} = -0.129 ; v_{6E_S} = -\frac{3/2(1.0 \times 69.66)}{358.80} = -0.291$$

$$v_{6F_S} = -\frac{3/2(1.00 \times 29.39)}{358.80} = -0.123 ; v_{6G_S} = -\frac{3/2(1.0 \times 24.88)}{358.80} = -0.104$$

6) Influencia de giro ( $M'_{ik}$ ).-Se calcula de igual manera que en el caso de columnas de la misma altura con la expresión (  $\propto$  ).

7) Influencia del desplazamiento ( $M''_{ik}$ ) .- La influencia del desplazamiento esta dada por la siguiente expresión:

$$M''_{ik} = v_{ik} \left[ \sum c_{ik} (M'_{ik} + M'_{ki}) \right]$$

Así tenemos en nuestro caso del sótano del portico 6

$$\sum c_{ik} (M'_{ik} + M'_{ki}) = 0.757(0+3.03) + 1.00(0-1.86) + 1.00(0-0.63) + 1.00(0+1.00) + 1.00(0-0.46) + 1.00(0-0.21) + 1.00(0+0.02) = + 0.15$$

$$M''_{6B_S} = (-0.271)(+0.15) = -0.04 ; M''_{6C_S} = (-0.518)(+0.15) = -0.08$$

$$M''_{6D_S} = M''_{6D'_S} = (-0.129)(+0.15) = -0.02 ; M''_{6E_S} = (-0.291)(+0.15) = -0.04$$

$$M''_{6F_S} = (-0.123)(+0.15) = -0.02 ; M''_{6G_S} = (-0.104)(+0.15) = -0.02$$

8) Momentos definitivos .- El cálculo de los momentos definitivos en los extremos de las barras es el mismo que en los pisos con columnas de igual longitud, es decir, con la siguiente expresión:

$$M_{ik} = M_i + 2 M'_{ik} + M'_{ki} + M''_{ik}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

295

CALCULO DE MOMENTOS EN VIGAS Y COLUMNAS .POR CARGAS GRAVITACIONALES  
EMPLEANDO EL METODO DE KANI

Se han calculado los momentos en vigas y columnas por cargas gravitacionales en los pórticos principales 5 y 6 y en el pórtico de arriostre B.

Sistemas de cargas .-

Para el cálculo de los diversos momentos, negativo y positivo, se han fijado diversas posiciones de la sobrecarga, de tal manera de obtener en las columnas, los momentos correspondientes a la máxima carga y obtener en las vigas los momentos más cercanos posibles a los máx.

De esta manera en los pórticos 5 y 6 se ha efectuado el cálculo de los momentos debidos a carga permanente y luego al de las diferentes posiciones de sobrecarga que explicaremos a continuación.

En el pórtico B hemos calculado los momentos correspondientes a la carga permanente más sobrecarga ya que como es pórtico de arriostre el ancho tributario es solo 0.50 m. y por lo tanto la sobrecarga muy pequeña , no valiendo la pena hacer combinaciones de sobrecarga para el cálculo de los momentos.

De esta manera se han efectuado las siguientes consideraciones de cargas en los siguientes KANIS.

PÓRTICO 5 .-(Plano N° 23)

KANI 1 . Este Kani se ha efectuado con la carga permanente y por ser tal estan cargados todos los tramos al mismo tiempo.

KANI 2 . En este Kani se ha calculado el momento negativo en el extremo B de las vigas, con la sobrecarga en los volados y en los tramos BC en todos los niveles. Este momento negativo en B sumado al momento negativo en B debido a carga permanente(Kani 1 ) nos da el momento TOTAL negativo en B por cargas gravitacionales que se utilizará en el diseño, y tambien la suma de los momentos en la comuna 5B de este Kani más los de carga permanente(Kani 1) nos dará el momento por cargas gravitacionales en la columna 5B debidos a la máxima carga de dicha columna .

KANI 3 . En este caso se ha cargado con sobrecarga el tramo BC en todos los niveles para que sumado al correspondiente momento por carga permanente, se obtenga el momento por cargas gravitacionales en el extremo C de las vigas.

KANI 4 . En este caso se ha cargado la estructura con sobrecarga mediante el sistema llamado DAMERO como se puede apreciar en la figura del plano N°, los tramos cargados son los volados de los niveles 7T, 5T, 3T y 1T y el tramo BC en los niveles 6T, 4T, 2T y PB; los Mtos. (+) del tramo BC sumados a los correspondientes por carga permanente nos dará los momentos positivos de diseño.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

296

KANI 5. En este caso tambien ha sido cargada la estructura mediante el sistema llamado damero, como puede apreciarse en la fig. del mismo plano. Los tramos cargados son los volados de los niveles 6T, 4T, 2T, y PB y el tramo BC en los niveles 7T, 5T, 3T, 1T y S; los momentos positivos en estos niveles del tramo BC sumados a los correspondientes por carga permanente nos dan los momentos positivos de diseño.

PORTEICO B .- (Plano N° 28 )

Para este pórtico solo se ha realizado un Kani, ya que como explicamos anteriormente, por ser pórtico de arriostre no soporta el peso del aligerado, siendo su área de influencia muy pequeña y solo se debe al contacto del aligerado con estas vigas.

Es así que hemos efectuado el Kani con la suma de la carga permanente y sobrecarga para encontrar los momentos negativos y positivos en las vigas en todos los tramos y tambien los momentos en las columnas que corresponden a la máxima carga.

PORTEICO 6 .- (Planos N°s 24, 25, 26, y 27)

KANI 1. Este Kani corresponde a la estructura toda cargada con carga permanente o muerta como se puede apreciar en la fig. del - plano N° 24 .

KANI 2. En este caso que se presenta en el Plano N° 24 se ha cargado la estructura con sobrecarga en los siguientes tramos:

Volado sobrecarga todos los niveles.  
Tramo BC " " " "  
" CD libre todos los niveles.  
" DD sobrecarga todos los niveles.  
" D'E libre todos los niveles.  
" EF sobrecarga todos los niveles.  
" FG libre.

Con estas cargas se determinan los momentos negativos de las vigas en B, que sumados a los correspondientes momentos por carga permanente (Kani 1) obtendremos los momentos negativos de diseño en B, asi como tambien nos da los momentos en la columna 6B correspondientes a la máxima carga, que sumados a los correspondientes de la carga permanente nos da los momentos de diseño por cargas gravitacionales de las columnas en su máxima carga.

Como se puede ver, el sistema usado para el cálculo de los momentos negativos es cargar dos tramos consecutivos a lo largo de todos los niveles y luego alternar la carga dejando un tramo libre a lo largo de todos los niveles y cargando el siguiente a lo largo de todos los niveles. Este sistema de carga nos da el momento negativo por sobrecarga en los extremos coincidentes de los tramos cargados

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

297

consecutivamente. Así mismo, este sistema nos da los momentos en las columnas en que concurren las vigas cargadas consecutivamente, correspondiendo a la máxima carga en dicha columna.

KANI 3. Este caso se encuentra en el plano N° 25 y corresponde a una situación de sobrecarga para encontrar el momento negativo de vigas en C y los momentos en las columnas 6B que corresponden a la máxima carga. El sistema de combinación de sobrecargas para encontrar los momentos negativos en las vigas, ha sido explicado en el Kani 2 de este pórtico; siguiendo esas consideraciones, en esta oportunidad hemos cargado de la siguiente manera:

Volado	Libre todos los niveles.
Tramo BC	Sobrecarga todos los niveles.
" CD	" " "
" DD'	Libre todos los niveles.
" D'E	Sobrecarga todos los niveles.
" EF	Libre todos los niveles.
" FG	Sobrecarga.

en G.

Este Kani tambien se ha utilizado para hallar el momento negativo

KANI 4. Este caso tambien se encuentra en el plano N° 25 y se ha efectuado para encontrar el momento negativo por sobrecarga en las vigas en D y el momento en las columnas 6D, que corresponde a la maxima carga. De acuerdo a las consideraciones explicadas en el Kani 2 de este pórtico, hemos cargado de la siguiente manera:

Volado	Sobrecarga todos los niveles.
Tramo BC	Libre todos los niveles.
" CD	sobrecarga todos los niveles.
" DD'	" " "
" D'E	Libre todos los niveles.
" EF	Sobrecarga todos los niveles.
" FG	Libre.

KANI 5. Este caso se encuentra en el plano N° 26 y se ha efectuado para encontrar el momento negativo por sobrecarga en vigas en D' y el momento en la columna 6D' que corresponde a la máxima carga. De acuerdo a las consideraciones explicadas en el Kani 2 de este pórtico hemos cargado de la siguiente manera :

Volado	Libre todos los niveles.
Tramo BC	Sobrecarga todos los niveles.
" CD	Libre todos los niveles.
" DD'	Sobrecarga todos los niveles.
" D'E	" " "
" EF	Libre todos los niveles.
" FG	Sobrecarga.

KANI 6. Este caso tambien se encuentra en el plano N° 26 y se ha efectuado para encontrar los momentos negativos por sobrecarga en vigas en E y el momento en la columna 6E que corresponde a la max. carga. De acuerdo a la consideración explicada en el Kani 2 de este pórtico, se ha cargado esta vez de la siguiente manera:

Volado	Sobrecarga todos los niveles.
Tramo BC	Libre todos los niveles.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

298

Tramo	CD	Sobrecarga todos los niveles.
"	DD'	Libre todos los niveles.
"	D'E	Sobrecarga todos los niveles.
"	EF	" " " "
"	FG	Libre.

KANI 7. Este Kani que se encuentra en el plano N° 27 se ha efectuado cargando la estructura con sobrecarga en sistema damero, como se muestra en la fig. del mismo plano.

Este sistema de cargas consiste en cargar los tramos en forma intercalada horizontal y verticalmente por eso el nombre de damero . Este tipo de carga es utilizado para encontrar los máximos Mtos. positivos en vigas en los tramos cargados, estos momentos por sobre - carga sumados a los correspondientes de carga permanente, nos dan los momentos finales por cargas gravitacionales.

En este caso los tramos cargados son los siguientes:

7º T. Volado, CD, D'E  
6º T. BC, DD', EF  
5º T. Volado, CD, D'E  
4º T. BC, DD', EF  
3º T. Volado, CD, D'E  
2º T. BC, DD', EF  
1º T. Volado, CD, D'E  
P.B. BC, DD', EF y Sótano: CD, D'E , FG

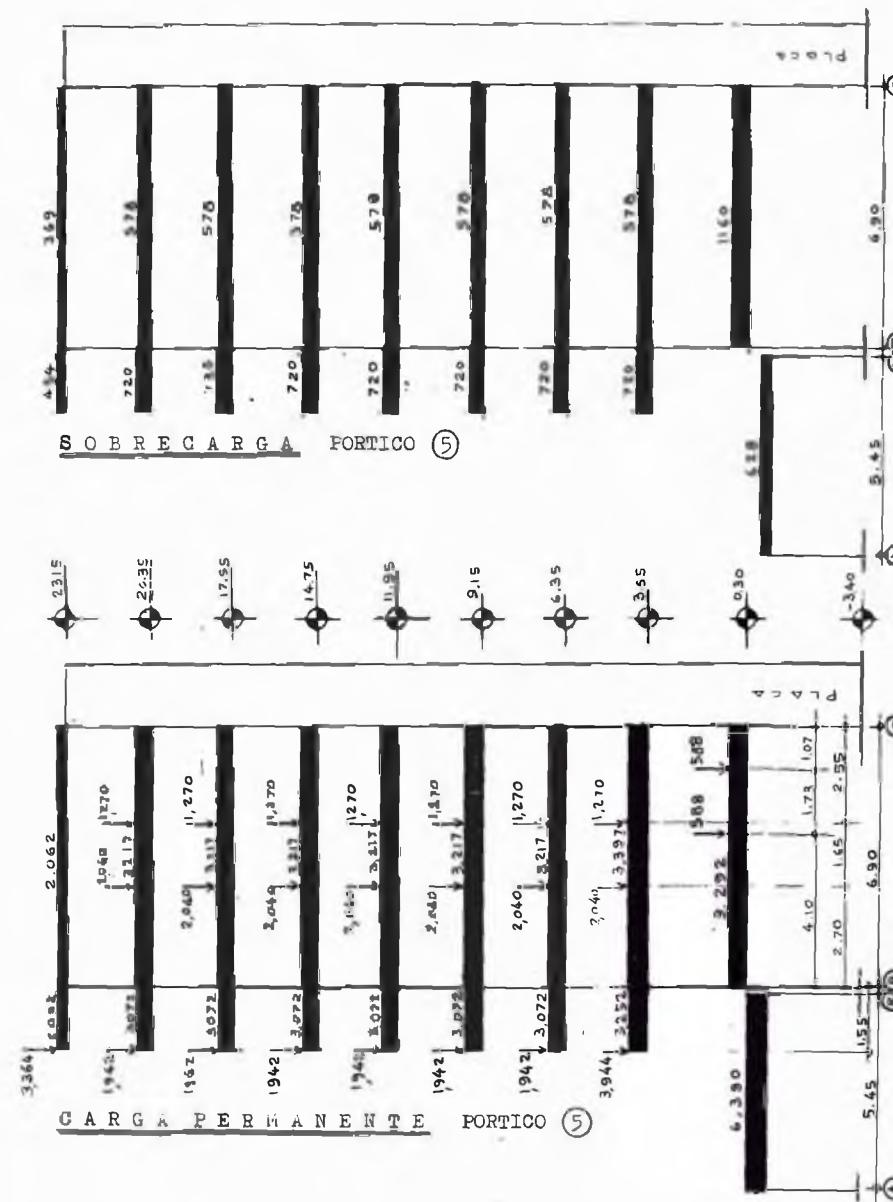
KANI 8. Este Kani que tambien se encuentra en el plano N° 27 , ha sido cargado con las mismas consideraciones del Kani 7 ; para encontrar los momentos positivos de los siguientes tramos cargados:

7º Tipico BC, DD', EF  
6º " Volado, CD, D'E  
5º " BC, DD', EF  
4º " Volado, CD, D'E  
3º " BC, DD', EF  
2º " Volado, CD, D'E  
1º " BC, DD', EF  
Planta B. Volado, CD, D'E  
Sótano BC, DD', EF

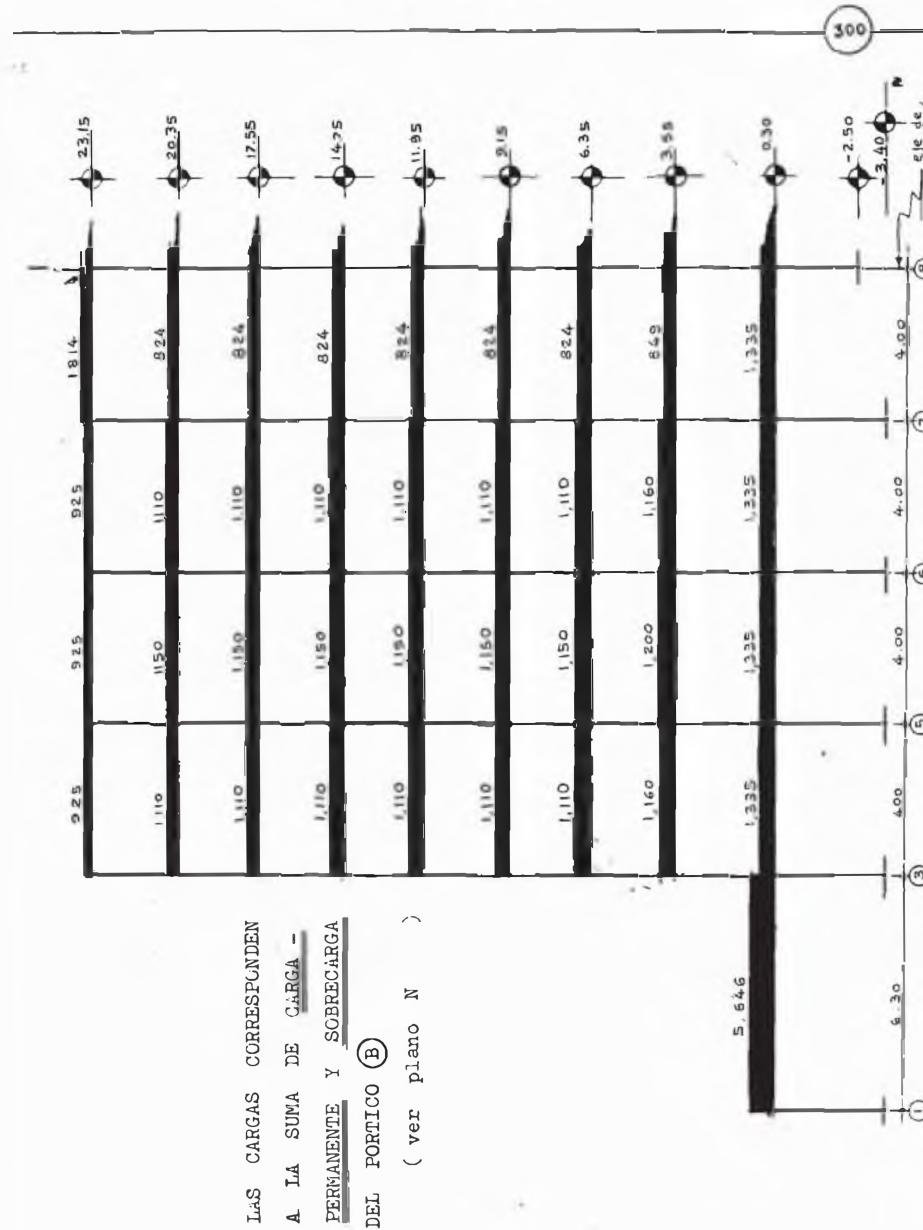
- El momento negativo en vigas en F ha sido tomado del Kani 2, asi como tambien el momento en las columnas 6 F.

A continuacion presentamos los pórticos 5, 6 y B con sus respectivas cargas: permanentes y sobrecargas, que se han obtenido del metrado de cargas. Esto nos permitirá una mejor visualización para el cálculo de los momentos de empotramiento necesarios al efectuar el método de Kani que describimos en las páginas N°s 290 a 294 , cabe anotar que para el tramo CD del pórtico 6 se ha calculado una carga distribuida uniformemente equivalente a una carga distribuida no uniformemente obtenida del metrado de cargas.

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



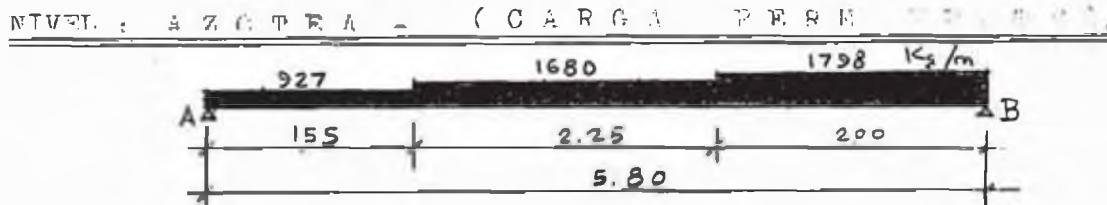
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

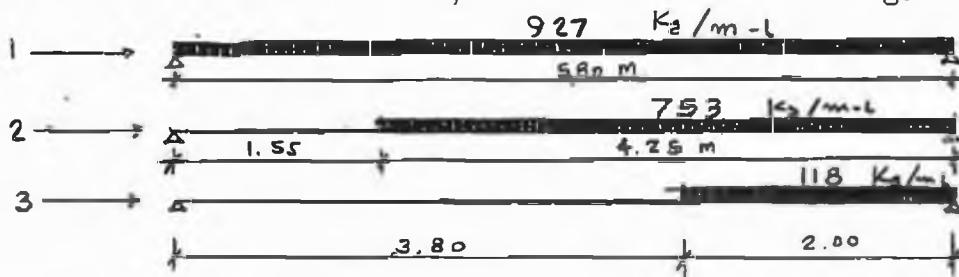
CALCULO DE LA CARGA UNIFORMEMENTE DISTRIBUIDA EQUIVALENTE A LA

CARGA DISTRIBUIDA NO UNIFORMEMENTE (Tramo CD, Circulo 3)



Para hallar el momento isostático(en este tramo cargado distribuidamente pero no uniforme que será utilizado en la construcción de las envolventes; Procederemos a encontrar los momentos de empotramiento correspondientes al sistema de cargas mostrado arriba, con el mayor de estos dos momentos, encontraremos la carga uniformemente repartida que es capaz de producirlo, como a continuación realizamos.

Para hallar los momentos de empotramiento vamos a descomponer el sistema mostrado arriba , en tres sistemas de cargas :



$$\text{Para } 1 \text{ .- } M_{A1} = M_{B1} = \frac{W}{12} l^2$$

$$M_{A1} = M_{B1} = \frac{927 \times 5.80^2}{12} = 2.599 \text{ T-m.}$$

Para 2 y 3 .-

$$M_A = \frac{W}{12} \left[ l^2 \left( \frac{l^2 - a^2}{2} \right) - \frac{2 \times l (l^3 - a^3)}{3} + \frac{l^4 - a^4}{4} \right]$$

$$M_B = \frac{W}{12} \left[ l \left( \frac{l^3 - a^3}{3} \right) - \frac{l^4 - a^4}{4} \right]$$

$$M_{A2} = \frac{0.753}{5.80^2} \left[ 5.80^2 \frac{(5.80^2 - 1.55^2)}{2} - \frac{2 \times 5.80 (5.80^3 - 1.55^3)}{3} + \frac{5.80^4 - 1.55^4}{4} \right] = 0.753 \times 1.987 = 1.496 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = \frac{0.753}{5.80^2} \left[ 5.80 \left( \frac{5.80^3 - 1.55^3}{3} \right) - \frac{5.80^4 - 1.55^4}{4} \right] = 0.753 \times 2.632 = 1.982 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = 1.982 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

302

$$M_{A3} = \frac{0.118}{5.80^2} \left[ \frac{5.80^2(5.80^2 - 3.80^2)}{2} - \frac{2 \times 5.80 (5.80^3 - 3.80^3)}{3} + \frac{5.80^4 - 3.80^4}{4} \right] = \\ = 0.118 \times 0.341 = 0.040 \quad \dots \quad M_{A3} = 0.040 \text{ T-m.}$$

$$M_{B3} = \frac{0.118}{5.80^2} \left[ \frac{5.80(5.80^3 - 3.80^3)}{3} - \frac{5.80^4 - 3.80^4}{4} \right] = \\ = 0.118 \times 1.199 = 0.141 \quad \dots \quad M_{B3} = 0.141 \text{ T-m.}$$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 2.599 + 1.496 + 0.040 = 4.135 \text{ T-m.}$$

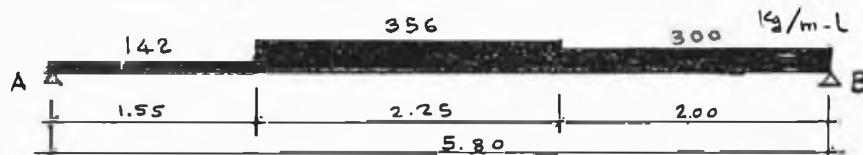
$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 2.599 + 1.982 + 0.141 = 4.722 \text{ T-m.}$$

Teniendo los momentos, la carga equivalente que se va a utilizar será :

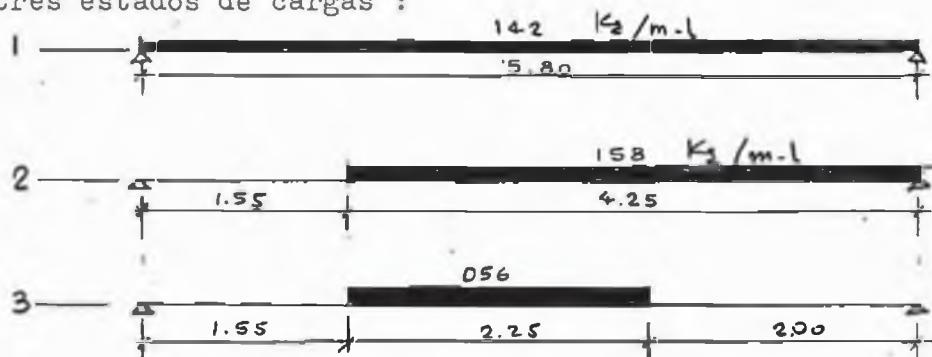
$$4.722 = \frac{W \times 5.80^2}{12} \quad \text{de donde :}$$

$$W = \frac{4.722 \times 12}{5.80^2} = 1.684 \quad \dots \quad W = 1.684 \text{ T.}$$

NIVEL : AZOTEA .- (CARGA VIVA).



Para hallar el momento de empotramiento, descomponemos este sistema en tres estados de cargas :



$$\text{Para 1 .- } M_{A1} = M_{B1} = \frac{W l^2}{12}$$

$$M_{A1} = M_{B1} = \frac{142 \times 5.80^2}{12} = 0.398 \quad \dots \quad M_{A1} = M_{B1} = 0.398 \text{ T-m.}$$

Para 2 .- Siguiendo el mismo método :

$$M_{A2} = W \times 1.987 = 0.158 \times 1.987 = 0.314 \quad \dots \quad M_{A2} = 0.314 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 0.158 \times 2.362 = 0.373 \quad \dots \quad M_{B2} = 0.373 \text{ "}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

305

$$\text{Para } 3 \text{.- } M_A = \frac{W}{12} \left[ l^2 \frac{(a+b)^2 - a^2}{2} - 2xl \frac{(a+b)^3 - a^3}{3} + \frac{(a+b)^4 - a^4}{4} \right]$$

$$M_B = \frac{W}{12} \left[ l \frac{(a+b)^3 - a^3}{3} - \frac{(a+b)^4 - a^4}{4} \right]$$

$$M_{A3} = \frac{0.056}{5.80^2} \left[ 5.80^2 \frac{(3.80)^2 - 1.55^2}{2} - 2 \cdot 5.80 \frac{(3.80)^3 - 1.55^3}{3} + \frac{(3.80)^4 - 1.55^4}{4} \right]$$

$$= 0.056 \times 1.646 = 0.092 \text{ T-m. } M_{A3} = 0.092 \text{ T-m.}$$

$$M_{B3} = \frac{0.056}{5.80^2} \left[ 5.80 \frac{(3.80)^3 - 1.55^3}{3} - \frac{(3.80)^4 - 1.55^4}{4} \right] =$$

$$= 0.056 \times 1.433 = 0.080 \text{ T-m. } M_{B3} = 0.080 \text{ T-m.}$$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 0.389 + 0.314 + 0.092 = 0.804 \text{ T-m.}$$

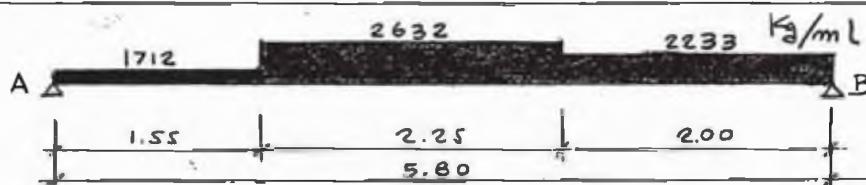
$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 0.389 + 0.373 + 0.080 = 0.842 \text{ T-m.}$$

La carga equivalente a usar será :

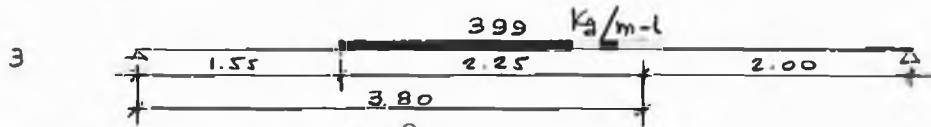
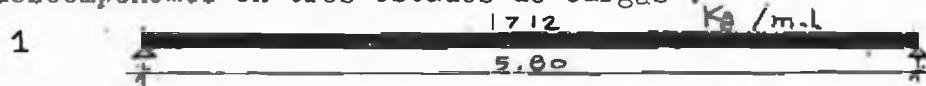
$$0.851 = \frac{W \times 5.80^2}{12}$$

$$W = \frac{0.851 \times 12}{5.80^2} = 0.304 \text{ T. } W = 0.304 \text{ T.}$$

NIVEL FISICO TIPICO .- (CARGA MUERTA).



La descomponemos en tres estados de cargas :



$$\text{Para } 1 \text{.- } M_{A1} = M_{B1} = \frac{W l^2}{12}$$

$$M_{A1} = M_{B1} = \frac{1712 \times 5.80^2}{12} = 4.799 \text{ T-m. } M_{A1} = M_{B1} = 4.799 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

304

$$\text{Para } 2 \text{ .- } M_{A2} = W \times 1.987$$

$$M_{B2} = W \times 2.362$$

$$M_{A2} = 0.521 \times 1.987 = 1.035 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = 0.521 \times 2.362 = 1.231 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para } 3 \text{ .- } M_{A3} = W \times 1.646$$

$$M_{B3} = W \times 1.433$$

$$M_{A3} = 0.399 \times 1.646 = 0.657 \text{ T-m.}$$

$$M_{B3} = 0.399 \times 1.433 = 0.572 \text{ T-m.}$$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 4.799 + 1.035 + 0.657 = 6.491 \text{ T-m.}$$

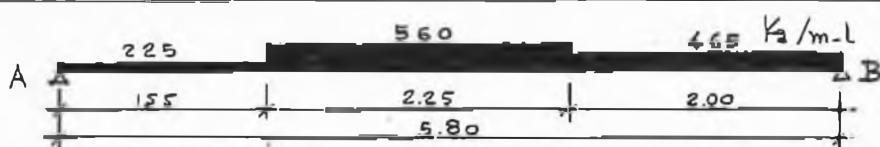
$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 4.799 + 1.231 + 0.572 = 6.602 \text{ T-m.}$$

La carga equivalente a usar será :

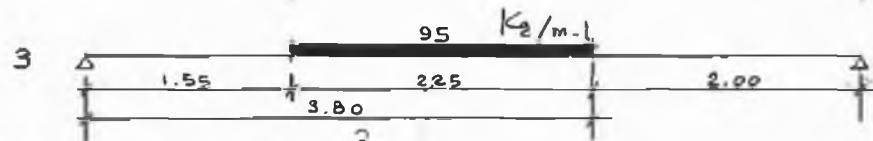
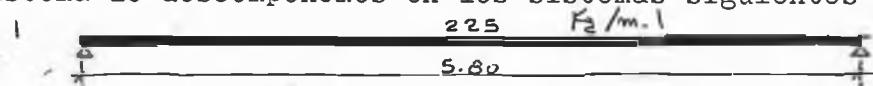
$$6.602 = \frac{W \times 5.80^2}{12}$$

$$W = \frac{6.602 \times 12}{5.80^2} = 2.355 \dots \dots \dots W = 2.355 \text{ T/m.l}$$

NIVEL PISO TIPICO .- (CARGA VIVA).



Este sistema lo descomponemos en los sistemas siguientes :



$$\text{Para } 1 \text{ .- } M_{A1} = M_{B1} = \frac{W L^2}{12}$$

$$M_{A1} = M_{B1} = \frac{0.225 \times 5.80^2}{12} = 0.631 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para } 2 \text{ .- } M_{A2} = W \times 1.987 = 0.240 \times 1.987 = 0.477 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 0.240 \times 2.362 = 0.567 \text{ T-m.}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

305

Para 3 .-  $M_{A3} = W \times 1.646 = 0.095 \times 1.646 = 0.156 \text{ T-m.}$   
 $M_{B3} = W \times 1.433 = 0.095 \times 1.433 = 0.136 \text{ T-m.}$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 0.631 + 0.477 + 0.156 = 1.264 \text{ T-m.}$$

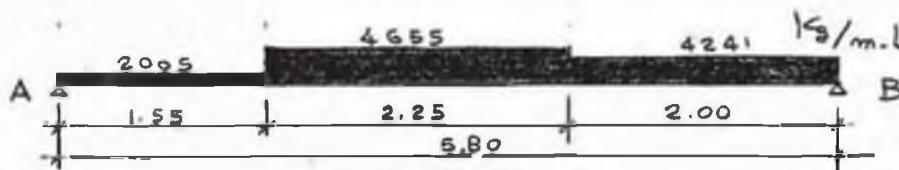
$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 0.631 + 0.567 + 0.136 = 1.334 \text{ T-m.}$$

La carga equivalente que se va a utilizar en el cálculo del momento isostático será :

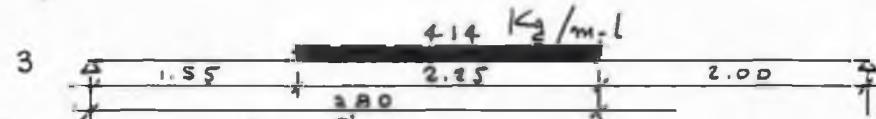
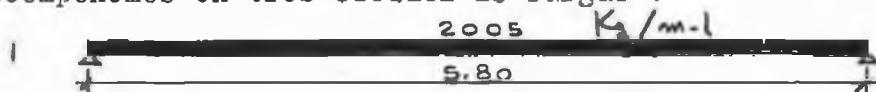
$$1.334 = \frac{W \times 5.80^2}{12} \quad \text{de donde :}$$

$$W = \frac{1.334 \times 12}{5.80^2} = 0.476 \dots\dots \quad W = 0.476 \text{ T.}$$

NIVEL PLANTA BAJA .- (CARGA MUERTA)



La descomponemos en tres estados de cargas :



Para 1 .-  $M_A = M_B = \frac{W 1^2}{12}$

$$M_{A1} = M_{B1} = \frac{2005 \times 5.80^2}{12} = 5.621 \text{ T-m.}$$

Para 2 .-  $M_{A2} = W \times 1.987 = 2.236 \times 1.987 = 4.443 \text{ T-m.}$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 2.236 \times 2.362 = 5.281 \text{ T-m.}$$

Para 3 .-  $M_{A3} = W \times 1.646 = 0.414 \times 1.646 = 0.681 \text{ T-m.}$

$$M_{B3} = W \times 1.433 = 0.414 \times 1.433 = 0.593 \text{ T-m.}$$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 5.621 + 4.443 + 0.681 = 10.745 \text{ T-m.}$$

$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 5.621 + 5.281 + 0.593 = 11.495 \text{ T-m.}$$

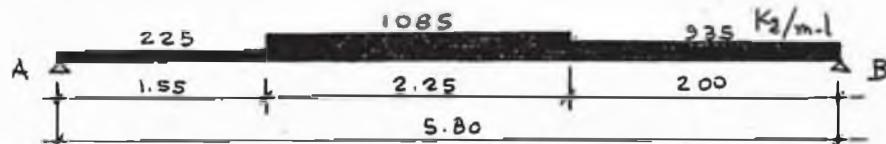
La carga equivalente que se usará será :

$$11.495 = \frac{W \times 5.80^2}{12} \dots\dots \quad W = \frac{11.495 \times 12}{5.80^2} = 4.100 \text{ T.}$$

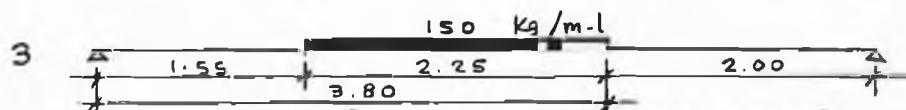
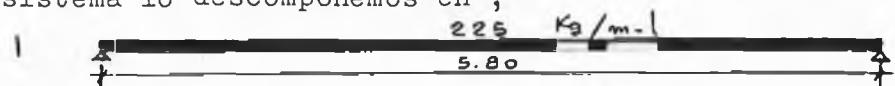
ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

306

NIVEL PLANTA BAJA .- (CARGA VIVA) .



Este sistema lo descomponemos en ;



$$\text{Para 1 .- } M_{A1} = M_{B1} = \frac{W \cdot \frac{1}{12}}{12} ; \quad M_{A1} = M_{B1} = \frac{225 \times 5.80^2}{12} = 0.631 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para 2 .- } M_{A2} = W \times 1.987 = 710 \times 1.987 = 1.411 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 710 \times 2.362 = 1.677 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para 3 .- } M_{A3} = W \times 1.646 = 150 \times 1.646 = 0.247 \text{ T-m.}$$

$$M_{B3} = W \times 1.433 = 150 \times 1.433 = 0.215 \text{ T-m.}$$

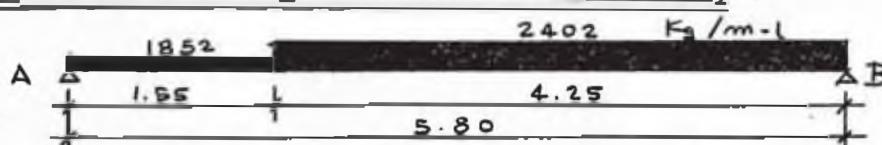
$$M_A = M_{A1} + M_{A2} + M_{A3} = 0.613 + 1.411 + 0.247 = 2.289 \text{ T-m.}$$

$$M_B = M_{B1} + M_{B2} + M_{B3} = 0.613 + 1.677 + 0.215 = 2.523 \text{ T-m.}$$

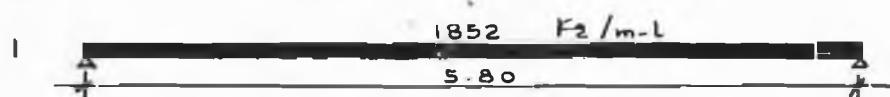
La carga equivalente que se va a utilizar para el cálculo del momento isostático será :

$$2.523 = \frac{W \times 5.80^2}{12} ; \quad W = \frac{2.523 \times 12}{5.80^2} = 0.900 \text{ T.}$$

NIVEL SOTANO .- (CARGA MUERTA) .



Descomponemos en dos estados de cargas :



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

307

$$\text{Para } 1 .- M_A = M_B - \frac{W \times 1^2}{12} ; \quad M_{A1} = M_{B1} = \frac{1.852 \times 5.80^2}{12} = 5.192 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para } 2 .- M_{A2} = W \times 1.987 = 0.550 \times 1.987 = 1.093 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 0.550 \times 2.362 = 1.299 \text{ T-m.}$$

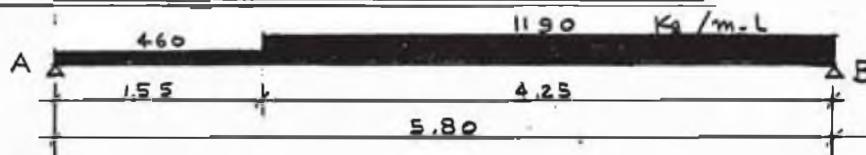
$$M_A = M_{A1} + M_{A2} = 5.192 + 1.093 = 6.285 \text{ T-m.}$$

$$M_B = M_{B1} + M_{B2} = 5.192 + 1.299 = 6.491 \text{ T-m.}$$

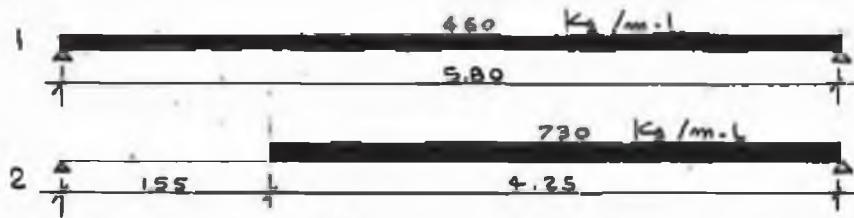
La carga equivalente será :

$$6.491 = \frac{W \times 5.80^2}{12} ; \quad W = \frac{6.491 \times 12}{5.80^2} = 2.315 \text{ T.}$$

NIVEL : SOTANO .- (CARGA VIVA).



Descomponemos en dos estados de cargas :



$$\text{Para } 1 .- M_A = M_B = \frac{W 1^2}{12} ; \quad M_{A1} = M_{B1} = \frac{0.460 \times 5.80^2}{12} = 1.290 \text{ T-m.}$$

$$\text{Para } 2 .- M_{A2} = W \times 1.987 = 0.730 \times 1.987 = 1.451 \text{ T-m.}$$

$$M_{B2} = W \times 2.362 = 0.730 \times 2.362 = 1.724 \text{ T-m.}$$

$$M_A = M_{A1} + M_{A2} = 1.290 + 1.451 = 2.741 \text{ T-m.}$$

$$M_B = M_{B1} + M_{B2} = 1.290 + 1.724 = 3.014 \text{ T-m.}$$

La carga equivalente que se va a utilizar en el cálculo del momento isostático será :

$$3.014 = \frac{W \times 5.80^2}{12} ; \quad W = \frac{3.014 \times 12}{5.80^2} = 1.075 \text{ T/m-1}$$

ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

— 30 —

CARGA PERMANENTE PORTION (6)



ARANA MENDOCILLA EUGENIO E.  
CACERES BRUZZONE AURELIO A.

309

S O B R E C A R G A PORTICO ⑥

